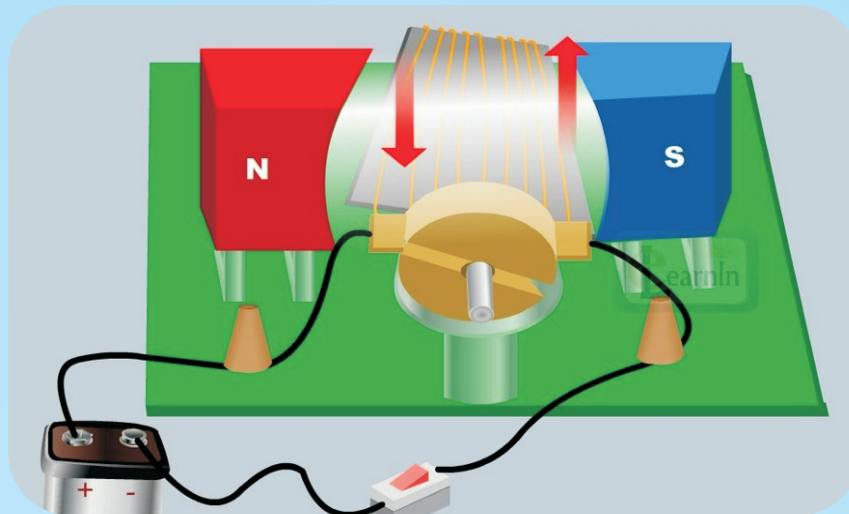




ننگرهار طب پوهنځی

د برق فزیک

# د برق فزیک



پوهنيز هدايت الله

۱۳۹۵

پلورل منع دی

Electric Physics

پوهنيز هدايت الله  
۱۳۹۵

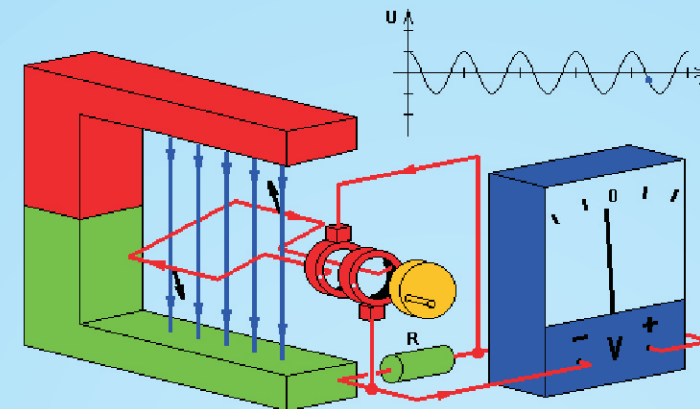


Nangarhar Medical Faculty

Afghanic

Teach Assist Hydayatullah

# Electric Physics



Funded by  
Kinderhilfe-Afghanistan



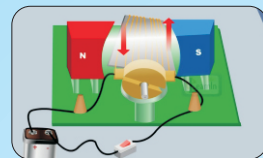
Not For Sale

2016

# د برق فزیک

پوهنیاړ هدايت الله

Afghanic



Pashto PDF  
2016



Nangarhar Medical Faculty  
ننگرهار طب پوهنځی

Funded by  
Kinderhilfe-Afghanistan

## Electric Physics

Teach Assist Hydayatullah

Download: [www.ecampus-afghanistan.org](http://www.ecampus-afghanistan.org)

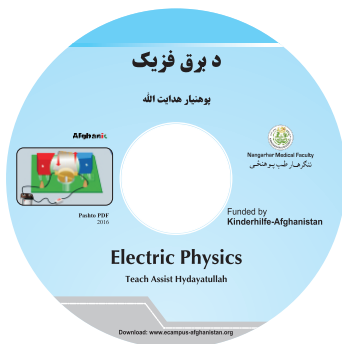


بسم الله الرحمن الرحيم

# د برق فزیک

پوهنیاړ هدايت الله

دغه کتاب په پي ډي ایف فارمټ کې په مله سي ډي کې هم لوستلی شئ:



د کتاب نوم د برق فزیک  
 لیکوال پوهنپار هدايت الله  
 خپرندوی ننگرهار پوهنتون، طب پوهنځی  
 ویب پاڼه www.nu.edu.af  
 د چاپ کال ۱۳۹۵، لومړی چاپ  
 چاپ شمېر ۱۰۰۰  
 مسلسل لمبر ۲۱۷  
 ډاونلوډ www.ecampus-afghanistan.org  
 چاپ ځای سهر مطبعه، کابل، افغانستان



دا کتاب د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمېټې په جرمني کې د Eroes کورنۍ یوې خیریه ټولنې لخوا تمویل شوی دی.  
 اداري او تخنیکي چارې یې په آلمان کې د افغانیک لخوا ترسره شوي دي.  
 د کتاب د محتوا او لیکنې مسؤلیت د کتاب په لیکوال او اړونده پوهنځي پورې اړه لري. مرسته کوونکي او تطبیق کوونکي ټولنې په دې اړه مسؤلیت نه لري.

د تدریسي کتابونو د چاپولو لپاره له موږ سره اړیکه ونیسئ:

ډاکتر یحیی وردک، د لوړو زده کړو وزارت، کابل

تیلیفون ۰۷۵۶۰۱۴۶۴۰

ایمیل textbooks@afghanic.org

د چاپ ټول حقوق له مؤلف سره خوندي دي.

ای اس بی ان ۸-۳۰-۶۲۰-۹۹۳۶-۹۷۸ ISBN

## د لوړو زده کړو وزارت پیغام



د بشر د تاریخ په مختلفو دورو کې کتاب د علم او پوهې په لاسته راوړلو، ساتلو او خپرولو کې ډیر مهم رول لوبولی دی. درسي کتاب د نصاب اساسي برخه جوړوي چې د زده کړې د کیفیت په لوړولو کې مهم ارزښت لري. له همدې امله د نړیوالو پیژندل شویو معیارونو، د وخت د غوښتنو او د ټولنې د اړتیاوو په نظر کې نیولو سره باید نوي درسي مواد او کتابونه د محصلینو لپاره برابر او چاپ شي.

له ښاغلو استادانو او لیکوالانو څخه د زړه له کومې مننه کوم چې دوامداره زیار یې ایستلی او د کلونو په اوږدو کې یې په خپلو اړوندو څانگو کې درسي کتابونه تألیف او ژباړلي دي، خپل ملي پور یې اداء کړی دی او د پوهې موتور یې په حرکت راوستی دی. له نورو ښاغلو استادانو او پوهانو څخه هم په درنښت غوښتنه کوم تر څو په خپلو اړوندو برخو کې نوي درسي کتابونه او درسي مواد برابر او چاپ کړي، چې له چاپ وروسته د گرانو محصلینو په واک کې ورکړل شي او د زده کړو د کیفیت په لوړولو او د علمي پروسې په پرمختگ کې یې ښکې گام اخیستی وي.

د لوړو زده کړو وزارت دا خپله دنده بولي چې د گرانو محصلینو د علمي سطحې د لوړولو لپاره د علومو په مختلفو رشتو کې معیاري او نوي درسي مواد برابر او چاپ کړي. په پای کې د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمېټې او زموږ همکار ډاکتر یحیی وردک څخه مننه کوم چې د کتابونو د خپرولو لپاره یې زمینه برابره کړې ده.

هیله منده یم چې نوموړې گټوره پروسه دوام وکړي او پراختیا ومومي تر څو په نږدې راتلونکې کې د هر درسي مضمون لپاره لږ تر لږه یو معیاري درسي کتاب ولرو.

په درنښت

پوهنوال دوکتور فریده مومند

د لوړو زده کړو وزیر

کابل، ۱۳۹۵

## د درسي کتابونو چاپول

قدرمو استادانو او گرانو محصلينو!

د افغانستان په پوهنتونونو کې د درسي کتابونو کموالی او نشتوالی له لویو ستونزو څخه گڼل کېږي. یو زیات شمیر استادان او محصلین نویو معلوماتو ته لاس رسی نه لري، په زاړه میتود تدریس کوي او له هغو کتابونو او چپترونو څخه ګټه اخلي چې زاړه دي او په بازار کې په ټیټ کیفیت فوتوکاپي کېږي.

تر اوسه پورې موږ د ننگرهار، خوست، کندهار، هرات، بلخ، کاپیسا، کابل او کابل طبي پوهنتون لپاره ۲۲۳ عنوانه مختلف درسي کتابونه د طب، ساینس، انجنیري، اقتصاد او زراعت پوهنځیو (۹۶ طبي د آلمان د علمي همکاريو ټولنې DAAD، ۱۰۰ طبي سره له ۲۰ غیر طبي د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمېټې Kinderhilfe-Afghanistan او ۴ نور غیر طبي د آلماني او افغاني پوهنتونونو ټولنې DAUG) په مالي مرسته چاپ کړي دي.

د یادونې وړ ده، چې نوموړي چاپ شوي کتابونه د هېواد ټولو اړونده پوهنځیو ته په وړیا توګه وېشل شوي دي. ټول چاپ شوي کتابونه له [www.afghanistan-ecampus.org](http://www.afghanistan-ecampus.org) ویب پاڼې څخه لاندولای شئ.

دا کړنې په داسې حال کې تر سره کېږي چې د افغانستان د لوړو زده کړو وزارت د (۲۰۱۰-۲۰۱۴) کلونو په ملي ستراتیژیک پلان کې راغلي دي چې:

"د لوړو زده کړو او د ښوونې د ښه کیفیت او زده کوونکو ته د نویو، کره او علمي معلوماتو د برابرولو لپاره اړینه ده چې په دري او پښتو ژبو د درسي کتابونو د لیکلو فرصت برابر شي د تعلیمي نصاب د ریفورم لپاره له انګریزي ژبې څخه دري او پښتو ژبو ته د کتابونو او درسي موادو ژباړل اړین دي، له دې امکاناتو څخه پرته د پوهنتونونو محصلین او استادان نشي کولای عصري، نویو، تازه او کره معلوماتو ته لاس رسی پیدا کړي."

مونږ غواړو چې د درسي کتابونو په برابرولو سره د هیواد له پوهنتونونو سره مرسته وکړو او د چپتر او لکچر نوټ دوران ته د پای ټکی کېږدو. د دې لپاره دا اړینه ده چې د لوړو زده کړو د موسساتو لپاره هر کال څه نا څه ۱۰۰ عنوانه درسي کتابونه چاپ شي.

له ټولو محترمو استادانو څخه هيله کوو، چې په خپلو مسلکي برخو کې نوي کتابونه وليکي، وژباړي او يا هم خپل پخواني ليکل شوي کتابونه، لکچر نوټونه او چپټرونه ايډېټ او د چاپ لپاره تيار کړي، زموږ په واک کې يې راکړي چې په ښه کيفيت چاپ او وروسته يې د اړوند پوهنځيو، استادانو او محصلينو په واک کې ورکړو. همدارنگه د ياد شويو ټکو په اړوند خپل وړانديزونه او نظريات له مونږ سره شريک کړي، تر څو په ګډه پدې برخه کې اغيزمن ګامونه پورته کړو.

د مؤلفينو او خپرونکو له خوا پوره زيار ايستل شوی دی، ترڅو د کتابونو محتويات د نړيوالو علمي معيارونو په اساس برابر شي، خو بيا هم کيدای شي د کتاب په محتوی کې ځينې تيروتنې او ستونزې وليدل شي، نو له درنو لوستونکو څخه هيله مند يو تر څو خپل نظريات او نيوکې مؤلف او يا مونږ ته په ليکلي بڼه راوليږي، تر څو په راتلونکي چاپ کې اصلاح شي.

د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کميټې او د هغې له مشر ډاکټر ايروس څخه ډېره مننه کوو چې د دغه کتاب د چاپ لګښت يې ورکړی دی، دوی په تېرو کلونو کې هم د ننگرهار پوهنتون د ۱۰۰ عنوانه طبي او ۲۰ عنوانه غيرطبي کتابونو د چاپ لګښت پر غاړه درلود.

په ځانګړې توګه د جې آي زيت (GIZ) له دفتر او CIM (Center for International Migration & Development) چې زما لپاره يې په تېرو پنځو کلونو کې په افغانستان کې د کار امکانات برابر کړي دي، هم د زړه له کومې مننه کوم.

د لوړو زده کړو له وزيرې پوهنوال دوکتور فريده مومند، علمي معين پوهنوال محمد عثمان بابري، مالي او اداري معين پوهنوال ډاکټر گل حسن وليزي، د ننگرهار پوهنتون د پوهنځيو رييسانو او استادانو څخه مننه کوم چې د کتابونو د چاپ لړۍ يې هڅولې او مرسته يې ورسره کړې ده. د دغه کتاب له مؤلف څخه ډېر منندوی يم او ستاينه يې کوم، چې خپل د کلونو-کلونو زيار يې په وړيا توګه ګرانو محصلينو ته وړاندې کړ.

همدارنگه د دفتر له همکارانو هر يو حکمت الله عزيز، احمد فهيم حبيبي او فضل الرحيم څخه هم مننه کوم چې د کتابونو د چاپ په برخه کې يې نه سترې کيدونکې هلې ځلې کړې دي.

ډاکټر يحيی وردک، د لوړو زده کړو وزارت سلاکار

کابل، اپريل ۲۰۱۶

د دفتر ټيليفون: ۰۷۵۶۰۱۴۶۴۰

ايميل: [textbooks@afghanic.org](mailto:textbooks@afghanic.org)

## تقریظ

د فزیک ساینس څانګې محترم مو غړو ته!

اسلام علیکم

هغه ترجمه چې د Physics چې RESNICK-HALLIDAY-KRANE مولفین دی د ۲۵، ۲۲، ۲۷ او ۲۸ څپرکیو ژباړه په پښتو چې پوهیالی هدایت الله د فزیک ساینس څانګې غړی ته د پوهنیار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره د څانګې له خوا دنده ورکړل شوې وه اوس یې دهغې د ترجمې، ترتیب او تنظیم بشپړ کړی دې مونږ درې کسيز هیئت د پیل څخه تر پای پورې ولوستله او دهغې د علمي ارزښت په هکله خپل نظر په لاندې ډول څرګندو:

نوموړې ترجمه صحت ده او په (۱۸۰) مخونو کې د ((فزیک)) تر سرلیک لاندې په پښتو ژبه، ساده او روان عبارت لیکل شوې او تر زیاته حده کوشش شوې ترڅو لوستونکې ورڅخه په ډیره اسانه توګه ګټه واخلي.

دا چې د دی رسالې څخه مخکې د فزیک تر عنوان لاندې کومه واحده علمي رساله موجوده نه وه چې بشپړ معلومات ولري ترڅو محصلین په نظري او عملي ډګر کې ترې ګټه واخلي نو نوموړې رساله د برق فزیک په هکله د معلوماتو لپاره یوه موثره او با ارزښته منبع ګڼل کېږي په لنډ ډول ویلې شو چې د دی علمي رسالې موضوع د یوې خوا ځوان محصلین د هغې په هکله بشپړ معلومات لاسته راوړي او له بلې خوا د طب پوهنځي د P.C.B ټولګې د محصلینو لپاره د عملي کار د اجرا کولو او د برق د فزیک په اړوند معلومات لاسته راوړلې شي.

په پای کې ویلې شو چې پوهیالی هدایت الله د نوموړې ترجمې په لیکلو کې خورا زیارګالې دی نو مونږ درې کسيز هیئت نوموړې د دغې علمي دندې سرته رسولو ته د زړه له کومې مبارکې ویاو او د پوهیالې علمي رتبې څخه د پوهنیار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره د نورو شرایطو ترڅنګ کافي بولو او د لوې خدای (ج) څخه ورته د لا زیاتو بریالیتوبونو هیله کوو.

په درنښت

پوهنوال دوکتور سید قمبر علی (حیدری)

پوهندوی استاد الفت (شیرزی)

پوهندوی دوکتور جنت میر (مومند)

## د اثر په اړه د لارښود استاد نظر

د طب پوهنځی محترم ریاست ته

محترما !

ما د Resnick- Halliday- Krane لخوا د تالیف شوی فزیک کتاب پښتو ژباړه چې د طب پوهنځی د کدر د غړي پوهیالی هدایت الله لخوا لیکل شوی په مختلفو پړاونو کی مطالعه کړی چې په اړه یی خپل نظر په لاندی ډول ارائه کوم:

دا ژباړه چې د اصلی اثر د ۲۵ څخه تر ۲۸ فصلونو پوری په بر کی نیسی او د طب پوهنځی د دوهم سمستر د فزیک د مضمون د مفرداتو سره مستقیم اړیکه لری او د یوی برخی تکمیل کوونکی درسی مواد جوړوی، د محترم پوهیالی هدایت الله لخوا په پوره امانتداری سره سرته رسیدلی ده. په ژباړه کی د داسی اصطلاحاتو د لیکنی څخه چې لوستونکی ته د مفهوم له اړخه ستونزه پیدا کوی ډډه شوی او کوښښ شوی ترڅو لیکنه په روانه او عامه پښتو ژبه تر سره شی چې هم د پښتو ژبو وینکو محصلینو او نورو لوستونکو لپاره د هغی لوستل او مفاهمو هضم یی آسانه کړی وی. د اثر په ۲۵ فصل کی بریښنایی چارچ او د کولمب قانون په ۳۲ فصل کی د بریښنایی ساحی او په ۲۸ فصل کی پوتنسیل او د پوتنسیلی انرژي په اړه د اړونده مفاهمو ذکر شوی دی چې د هغی په اړه معلومات لرل د هر محصل لپاره اړینه ده. د هر فصل په پای کی د اصلی اثر د محتوا مطابق پوښتنی او نور مسائل په پوره وضاحت سره لیکل شوی دی چې د اثر اعتبار یی نور هم زیات کړی دی.

محترم پوهیالی هدایت الله د طب پوهنځی د درسی کریکولم مطابق په پسرلنی او ژمنی سمسترونو کی په خورا بریا سره د فزیک د مضمون مختلفی برخی (برق، اوپتیک، حرارت او میخانیک فزیکونو) لیکچر او عملی برخی په مختلفو گروپونو کی تدریسی کړی چې د ځانگی اړینه درسی اړتیا یی پوره کړی ده.

زه په پای کی د دی اثر د اعتبار د تائید ترڅنګ د نورو شرایطو د بشپړتیا په صورت کی د هغی د علمی رتبې د لوړتیا سره موافقه لرم او محترم هدایت الله ته د نورو بریاو هیله کوم.

په درنښت

پوهاند محمد اجمل حبیب صافی

د انجنیری د تخنیکي مضمونونو د څانگی آمر



د اصلي اثر په هکله تائیدي تقریظ

د طب پوهنځی د فزیک ساینس د څانګې محترم غړو ته !

اسلام علیکم

دغه علمی درسي اثر چې د Fifth Edition – Physics – Volume 2 – 2002 څخه د ۲۷، ۲۵، او ۲۸ څپرکو پښتو ژباړه د پوهنپار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره محترم پوهیالی هدایت الله د فزیک په نوم ژباړلی دی.

ما په خپله په پوره غور سره مطالعه کړه د دې اثر څرنگوالی له علمي او درسي اړخه په لاندې ټکو کې داسې راښودم:

د کتاب ژباړه د اصل اثر سره بشپړ سمون لري د طب په درسي کریکولم کې شامل او د طب پوهنځی د PCB ټولګې په دوهم سمسټر کې تدریس کېږي.

کتاب په خورا ساده پښتو ملي او رسمي ژبه ژباړل شوی دی چې لوستونکي ورڅخه په ډیره اسانۍ سره علمي ګټه اخیستلای شي.

له دې څخه مخکې د ننگرهار پوهنتون د طب په پوهنځی کې د (فزیک) په نوم په ملي او رسمي ژبو مواد نه وو موجود. د ډیرې خوښۍ ځای دی چې د دې علمي اثر په ژباړې سره د یوې خوا د طب پوهنځیو محصلینو ته کومک وشو او له بلې خوا په پښتو ژبه کې یوه علمي تشه هم ډکه شوه.

د دې اثر په رامنځته کیدو په تدریسي چارو کې د محصلینو د علمي کچې د کیفیت د ښه کیدو په کار کې یو ارزښتناکه ګام پورته شو.

زه دغه اثر نوموړي ته د پوهنپار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره تائید او کافي بولم او په راتلونکي کې ورته د لارښوونو هیله مند یم.

په درنښت

پوهنوال سید قمبر علی حیدری

د فارمکولوژی څانګې آمر

## د ژباړن خبری

داچی الله (ج) انسانان په خپل قدرت سره په ډیر لوړ شرافت کی پیدا کړی او دا انسان په خپل ژوند کی په مختلفو حالاتو کی واقع کیږی کله جوړ او کله ناجوړ وی. ددی لپاره چی انسان اشرف دتولو مخلوقاتودی نو باید دهغه ښه صحت هوسا ژوند لپاره همیشه کونښن وشي. نوله دی امله داچه زه دنگرهار دطب پوهنځی دبیزیک ساینس دډیپارتمنت دفزیک دمضمون استاد یم. ما هم کونښن وکړ چی دخپل علمی ترفیع لپاره چی دپوهیالی خڅه پوهنیاری ته ده داسی یو څه ولیکم چی هغه دانسانانو دښه صحت او هوسا ژوند لپاره پکار

راشی اودهغوی داستفادی وړ وگرځی. نو هغه وه چی دډیپارتمنت دمحترمواستادانو لخوا راته د Physics چی KRANE – HALLDAY – RESNICK لخوا لیکل شوی دی. د 25، 26، 27 او 28 څپرکو پښتو ژباړه انتخاب کړه او زما درهنماء استاد محترم الحاج پوهاند محمد اجمل (صافی) لخوا هم ومنل شوه. چی دغه کتاب دطب، انجنری، ساینس اوفزیک دمینوالو لپاره یواساسی کتاب دی. دفزیک پواسطه دډیرو انسانانو داکثره مریضتیاؤ تشخیص اوتداوی صورت نیسی. او هم ننۍ پرمختگونه د برق په اساس مینځ ته راغلی نوله دی امله ما د برق په هکله دا کتاب وژباړه ترڅو دانسانانو د ژوند د پرمختگ او هم د مریضتیاوو د تشخیص اوتداوی لپاره ورڅخه گټه واخیستل شی. داچی نوموړی کتاب می په روانه پښتو ژبه ژباړلی دی تروسه می کونښن کړی چی دانگلیسی لغات اوجملی پښتوته واړوم خوبیا هم دساینس ترمینالوژی په پام کی نیول شوی چی دا یوه علمی اړتیا ده ددی لپاره چی لوستونکی

ورځڅه سمه گټه پورته کړې په دې کتاب کې جدولونه او انځورونه ته هم ځای ورکړل شوی دی همدارنگه په ژباړه کې می تر خپله وسه پوری امانتداری په پام کې نیولی ده.

په پای کې دمحترم استاد الحاج پوهاند محمد اجمل (صافی) څخه چې د ډیرو بوختیاؤ سره سره ئی زما ددې علمی رسالې په ژباړه او دناسميو په سمون کې مرسته کړې دزړه له کومې مننه کوم همدارنگه ددرنو لوستونکو څخه په خورا درنشت هیله کوم چې ددې علمی رسالې املايي او انشايي ناسمې راپه گوته گړې ترڅو په راتلونکي کې دتکراریدو څخه مخنیوی وشي.

په درنښت

پوهنیار هدایت الله

---

---

## د دوهم جلد لپاره سریزه

---

دا د درسی کتاب پنځمه ګڼه ده چی لومړی ځل په 1960 م کال کی د ډیویډ هالیډای او رابرت ریزنیک پواسطه د ساینس او انجینری محصلینو لپاره د فزیک په توګه خپره شوی وه. د څلورو لسیزو راهیسی دغه کتاب د حساب کولو په بنیاد د پیژندګلوی سروی کورس لپاره معیارونه وړاندی کړی دی او د هغه د پیشکشنو د وضاحت او بشپړتوب له کبله ښه شهرت لری. پدی ګڼه کی ډیر زیار ویستل شوی ترڅو لاسرسی ورته زیات شی بیدون د دی څخه چی محتوا او سطحه یی قربانی شی. درسونه په بنیادی ډول دوباره لیکل شوی چی ترڅو د موادو جریان یی نور هم په نرمی سره شی او موضوعاتو ته د محصلانو لاسرسی اسانه کړی. مونږ زیار ویستلی ترڅو ډیری ګټوری نمونی وړاندی کړو او له مشخصو موضوعاتو څخه عمومی موضوعاتو ته پرمختګ وکړو کله چی نوی موضوعات رامنځ ته کیږی.

دغه ګڼه په پیداکوژی (ښوونی او روزنی علم) او همدارنګه په څپرکو کی د موادو په ترتیبولو کی زیات تغیرات ښکاره کوی. هغه څوک چی د دی کتاب له څلورمی ګڼی سره بلد دی هغوی به د ښکاره تغیرشوی ترتیب سره ورته موضوعګانی هم پدی ګڼه کی پیدا کړی. د دغی تغیراتو په راوستلو کې مونږ د تیرو ګڼو د استعمالوونکو مشوری، پلټنی اود هغوی د فزیک زده کړی د پلټنی نتایج مو په پام کی نیولی دی. د دغی ګڼی په منځ کی چی مونږ کوم تغیرات رامنځ ته کړی په لاندی ډول دی:

1. دوباره ترتیبونه د دی سبب شوه چی په نتیجه کی د لومړی جلد څخه دوه څپرکیونه لری شی، په دوهم جلد کی څپرکیونه دوباره شماره گذاری شول چی له پنځه ویشتم څخه شروع کیږی کوم چی د څلورمی ګڼی د لومړی جلد د دریم څپرکی سره مطابقت کوی.

2. محصلین ځنې وخت د برقي ساحې په محاسبه کې د ډیر زیات متداوم چارج د ویش له ادغام کولو سره لاس او گریوان وي ، ځکه چې دواړه مفهومي خلاصه او محاسباتي چیلنجنونه دي. د دې لپاره چې د وخت نه مخکې د مفهومي مشکلاتو سره معامله وکړو مونږ د برقي قوې سره په اړیکه کې یو جوړښت معرفي کوو ددې پرځای چې د برقي ساحې سره یې معرفي کړو. د مثال په ډول: په لومړۍ څپرکي کې مونږ د خطي چارج پواسطه په یوه نقطوي چارج کې د واردې شوي قوې محاسبه تر بحث لاندې نیسو. محصلین د برقي ساحې پرځای د برقي قوې لپاره یو ښه او غوره فزیکي شعور او حس لري، نو پدې طریقي سره مونږ کولای شو چې ریاضیکي جوړښت په یو ډیر فزیکي متن تأسیس کړو. وروسته به مونږ د ساحې او پوټنشل لپاره محاسبه تکرار کړو. د ورته علتونو لپاره مونږ د کاسي (کشکولي) قضیه یا قانون او اصول په لومړۍ څپرکي کې د قوې په درس کې معرفي کوو، کوم چې د دې معرفت د لومړي ټوک د ۱۴ څپرکي د جاذبوي قوې د مبحث سره موازي او برابر وي.
3. د رادرفورډ شیندلو مبحث د مخکنۍ گڼې د گاوس قانون له څپرکي څخه د نوي گڼې دوهم څپرکي د برقي ساحو مبحث ته انتقال شوي دي.
4. په ۲۷ څپرکي (گاوس قانون) کې مونږ د برقي جریان او برقي ساحو خطونو ترمنځ اړیکو بحث غزولي دي او اوس مونږ د متداوم چارج ویشني په اړه د گاوس قانون معمولي پروگرامونه تر بحث لاندې نیسو مخکې د دې چې د هادي اجسامو پروگرامونه ورشو.
5. ۲۹ څپرکي (د موادو برقي خاصیت) په یو نوي څپرکي کې (په هادي او عایق کې غیرمتحد شوي مواد) راټول شوي دي کوم چې د مخکنۍ گڼې په دوه څپرکو کې (برقي ظرفیتونه او برقي څپي) وو. مونږ پدې باور یو چې دغه مواد ځانله مقاومت لري، او پدې طریقي سره د دوی د معرفي کولو پواسطه مونږ په اسانه توگه کولای شو چې په برقي ساحه کې د کنډکسر او عایق کره وړه سره مقایسه کړو.
6. د فزیک تعلیمي پلټنې په ثابته توگه ښايي چې محصلین د ساده مسقیم جریان د دورو دکړو وړو او عمل په پوهیدنه کې د پام وړ مشکلات لري. لدې کبله مونږ د دې

موضوع په اړه خپل وړاندیز ته پرمختګ ورکړی کله چې په یوه وخت کې د څو حلقه یی دورو پوښښ او اندازه کولو وسایل کمپری.

7. اوس مونږ د مقناطیسی ساحې د منبع معرفت او پیژندګلوی (۳۳ څپرکي) د یوازی محرک چارج له کبله د ساحې په پیشکش کولو سره او بیا د یو برق تیرونکي عنصر په سبب ساحې ته انتقال پیلوو. دا د هغې مقناطیسی ساحې په طریقه چې په تیر څپرکي کې (لومړي په ځانګړي محرک چارج کې د قوي قابو کول او بیا په برق تیرونکي عنصر، کې قوي قابو کول) معرفي شوه د غوره جوړیدنی وړتیا رامنځ ته کوي. همدارنګه اوس مونږ د کهربايي ډوله محوري ساحې مستقیمه محاسبه د بیوت سوارټ قانون څخه په استفاده وړاندې کوو مخکې لدې چې د امپیر د قانون څخه په استفادی محاسبه تکرار کړو.

8. د دوه قطبي مقناطیس مومنټ پیژندنه تر ۳۵ څپرکي پوري ځنډیدلې (د موادو مقناطیسی خاصیت). دا په یوه برخه کې ترسره شوی تر څو په محصلینو باندې د مقناطیسی ساحې د نوی موادو فشار او همدارنګه په متن کې د دوه قطبي مقناطیس په معرفي کولو سره ډیر تړلی روش وړاندې کوي په کوم کې چې به دا په مستقیمه توګه عملی شي. مونږ د اتومي او هستوي مقناطیسی توب مبحث دلته خلاصه او لنډ کړیدی. دیته مو ترجیح ورکړه چې دغه په جزیات سره بحث کول وروستی څپرکي ته پرېږدو چیرې چې په هغه څپرکي کې د اتوم اولی جوړښت د الکترون د څرخیدنی سره معرفي کیږي.

9. مونږ د تیرې ګڼې ۴۰، ۴۱، ۴۲ او ۴۳ څپرکو ته د دی ګڼې په ۳۸ او ۳۹ څپرکو کې ځای او جوړښت ورکړي. ۳۸ څپرکي د ماکسویل له سوالونو او د الکترو مقناطیس څپو په اړه دهغې له پروګرامونو څخه بحث کوي کوم مواد چې د څلورمې ګڼې په ۴۰ او ۴۱ څپرکیو کې وؤ. ۳۹ څپرکي د روښانه څپو خاصیت راپیژندلو په ګډون انعکاس او انکسار او همدارنګه هغه مواد هم ترکیب کوي، کوم چې په مخکنۍ ګڼې په ۴۱، ۴۲ او ۳۴ څپرکو کې ښکاره کیدل. د انځور جوړښت د طیاري د ښیښې پواسطه اوس په راتلونکي ۴۰ څپرکي کې موندل کیږي، چیرې چې دا ډیر مناسبه ښکاري چې دا

موضوع د انځور جوړښت د بنسټیزې او عدسې پواسطه د مېش لاندې وڅېړل شې.

10. په څلورمه گڼه کې، له عصري فزیک څخه موضوعات د متن هرې خواته شیندل شوي وو، په عمومي ډول په برخو کې ورته اختیاري نښه ورکړل شوې وه. پدې گڼه کې مونږ دینته دوام ورکړی چې له عصري فزیک څخه مثالونه د متن له هرې خوا څخه راواخلو، مگر جلا برخې په عصري فزیک کې په ۴۵ او ۵۲ څپرکو کې راغونډې او یوځای شويدي کوم چې د هغې موضوعات د انرژۍ اساسي واحد، کوانتم فزیک، اتوم، جامداتو او هستې په اړه دهغې د پروگرامونو څخه بحث کوي. مونږ په قوی ډول دا باور لرو چې مربوط او کوانتم فزیک پدې درجه کې د پیژندگلوي د کورس د سروی یو مهم او ضروري برخه ده، مگر دغه انصاف د دې موضوعاتو په اړه په ښه ډول د تړلې او نښتې پېشکش او وړاندیز پواسطه چمتو او تیار شويدي د جدا او بیل شوو څرگندونو په نسبت، د راټولو څخه ۴۵ او ۴۸ څپرکو کوم چې د کوانتم فزیک او د هغې پروگرامونه چې د اتوم په اړه بحث کوي په اساسي ډول د څلورمې گڼې څخه دوباره لیکل شويدي. ۴۵ څپرکي مخکنۍ تجربه شوي ذرې پېشنهاد کوي لکه د الکترومقناطیس ځلیدني خاصیت (حرارتي ځلا، انځورې بریښنا یا فوتوالکتریک تاثیر، کامپتون اثر). سره لدې چې غیر مبهم شواهد د ذرې د وړانگې لپاره د رڼا له کبله یوازي له ځنډول شوو انتخابي تجاربو څخه رامنځ ته کیږي، کوم چې مونږ هم اوس په ۴۵ څپرکي کې تری بحث کوو. د سپروډینگر د تیوري مبادې اوس په ۴۶ څپرکي کې بحث کیږي او بیا په جزیاتو سره د پوتنشل منبع او هایدروجن اتوم د پروگرامونو سره په ۴۷ څپرکي کې بحث کیږي. ۴۸ څپرکي، کوم چې د اتومي جوړښت څخه بحث کوي د څلورمې گڼې د ۵۲ څپرکي سره ورته دي یواځې د اتوم د جاذبې په قوه کې د نوی موادو په زیاتوالي سره بحث کیږي.

پدې گڼه کې د څپرکي په اخر کې مواد په بشپړه توگه د مخکنۍ گڼې سره توپیر کوي. د مخکنۍ گڼې د مشکلاتو بڼه (کوم چې د څپرکیو د برخو لپاره کلیگاني وی) په ښه او محتاط ډول سره ایډیټ (بدلون ورکول) شوي او په دوه گروپونو (تمرینونه او مشکلات)



کی پرځای شوی. تمرینونه کوم چی د درسی برخو لپاره کلیگانی دی، په عمومی ډول په مربوطه او یوځای شوی برخه کی د موادو د مستقیم پلان او پروگرام څخه تمثیل او نماینده گی کوی. په عمومی ډول د دوی هدف دادی چی د محصلانو سره مرسته وکړی چی د مفکورو، مهم فارمولونو، برخو، حجم او اندازو سره بلد شی او همداسی نور. مشکلات، کوم چی د متنی برخو لپاره کلیگانی ندی، ځنی وخت د مختلفو برخو څخه او یا هم له مخکنیو څپرکو څخه د مفکورو استعمال ته ضرورت راځی. ځنی مشکلات داسی دی چی شاگرد ورته ضرورت لری چی برآورد یی کړی او ځنی په ازاده توگه ورڅخه استفاده کیږی، چی خام مواد یی پرځای شی تر څو مشکل حل کړی. د مشکلاتو او تمرینونو په ایډیټ کولو او گروپ بندی سره مونږ له مخکنی گڼی څخه ځنی مشکلات له منځه وړی دی. مشکلاتو ته لاسرسی او بشپړول شاید ځنی ورک شوی مشکلات ایجاد کړی او همدارنگه یا نوی تمرینونه یا مشکلات وټاکي. لکه څرنگه چی مخکی وؤ، د بی جوړی او طاقو شمیرو تمرینونو او سوالونو ته ځوابونه په درس کی ورکول شوی او جفتو او جوړیزو مشکلاتو او تمرینونو ته د استادانو او مدرسینو پواسطه په لاسی ډول ځواب ورکول کیږی کوم چی د استادانو لپاره د لاسرسی وړ دی. څوځوابه انتخاب سوالونه او د کمپیوټر مشکلات هم د څپرکی په اخیری موادو کی اضافه شوی دی. څوځوابه انتخاب سوالونه په عمومی ډول په طبیعت کی مفکوری او تصوری دی او ځنی وخت په موادو

کی غیر عادی پوهی ته ضرورت لری. څوځوابه انتخاب سوالونو، لپاره حل د استادانو په لاسی کتابونو کی موندل کیدای شی. د کمپیوټر مشکلات شاید د ایکسل سپریدشیت تخنیکونو یا سمبولیک مهارت او ورځنی اداری ته لکه مایل او میتماتیکا سره بلدتیا ته ضرورت ولری.

د څپرکی د اخیری موادو پرمختگ د کالیفورنیا د لوتیرن پوهنتون د پاول سټینلی د رښتیني او اساسي همکارۍ لاندې صورت نیولی. مونږ ډیر نیکمرغه یو چی پدی پروژه کی مو د هغی د پوهی او جوړښتونو څخه استفاده کړیده.

مونږ زیار ویستل ترڅو داسی یو کتاب ته پرمختگ ورکړو، کوم چی وکولای شو د فزیک د پیژندگلوی، دومره ټینگه او بشپړه سروی وړاندی کړو څومره چی پدی برخه کی ممکنه وی. همدا وجه ده سره لدی که چیری یو ښوونکی غواړی چی دغه کتاب تائید او ملاتړ یی وکړی نو ضرور ده چی باید د پیل څخه تر پایه پوری یی په یو کلن کورس کی ولولی. د دی کتاب په جریان کی زیات نوبتی پیاده روی وجود لری. یعنی که یو ښوونکی غواړی چی له کمو موضوعاتو څخه په ډیر ژوره توگه بحث وکړی نو ډیری نوری لاری ورته موجودی دی، که یوه لاره بنده وی د بلې څخه استفاده کولای شی. ځنی برخی یا فرعی برخی د اختیاری نښی پواسطه په ښکاره ډول په نښه شوی دی دا څرگندوی چی کیدای شی دا پاتی شی یعنی ورته ونه کتل شی او بی لدی چی تسلسل د لاسه ورکړی مخکی تللی شی. د کورس په جوړښت پوری اړه لری کولای شی چی پوره یو څپرکی پریریدی یا هم په روښانه توگه پری بحث وکړی. د ښوونکو لاسی کتابونه د ملگری او مل جلدونو یا ټوکونو په څیر د لاسرسی وړ دی کوم چی د مخففاتو لپاره پیشنهادات وړاندی کوی، همدارنگه که چیری یو مکمل پیشکش په درس کی پاتی وی نو یو نادر او کمزوری محصل هم کولای شی چی پلټنه وکړی او هغه لمنځه وړل شوی موضوع پیدا او په بدله کی به ئی د مضمون پراخه نظریه او څیره ترلاسه کړی. مونږ هیله لرو چی پدی سره به دغه کتاب د دی قابل شی چی د فزیک د (سرک نقشی) په توگه تری درناوی وشي. زیات سرکونه، ننداریی یا مستقیماً کولای شی ونیسی او ضرور نده چی ټول سرکونه په لومړی سفر کی په کار واچول شی او استعمال شی. یو ښه او غوره مسافر شاید دیته تشویق شی چی نقشی ته مخ کړی او هغه سیمی او ساحی راوسپړی چی په تیر او مخکنی سفر کی تری پاتی وی.

کتاب په دوه جلدونو کې د لاسرسی وړ دی. لومړی جلد د متحرک اجسامو علم، میخانیک او ترمودینامیک تر پوښښ لاندې نیسي. اوسنی او دغه جلد الکترومقناطیس، درنا او لیدو پوهنه (اپټیکس) او د انرژۍ واحد، کوانتم فزیک او د هغې پروگرامونه او غوښتنې تر پوښښ لاندې نیسي. هغه لاسرسی چې پدې کې ضمیمه دی په هغې کې شامل دی:

د ښوونکو لاسی کتابونو حل	د محصلانو د لاسی کتابونو حل
د استادانو لاسی کتابونه	د محصلانو لپاره د مطالعې رهنما
د استادانو د ذخیرې منبع سی ډی	فزیک تظاهر، ورته والی پېښی
لابراتوار	ای درجه کورنی کار

#### مدیریتی سیستم

د دی گڼې په ترتیبونه او منظموه کی مونږ د بیا کتونکو د ډالۍ کونکی ټیم له مشورو څخه گټه اخستی ده، هغه ټیم چی یا یی په شخصی ډول او یا په گروپی ډول په محتاط ډول خپل نظرونه او کره کتنی تقریباً د لوست په هره صفحه کی وړاندی کړی چی نومونه یی په لاندی توگه ذکر کوو:

- ریچارډ بوکری، لویولا پوهنتون
- ډوان کیرمونی، پوردو پوهنتون
- جی. ریچارډ کریستمن، متحده ایالاتو کاسټ گارډ اکاډمی
- پاول ډیکسون، کالیفورنیا ایالت، د سان بیرناډینو پوهنتون
- جون فیډریکی، د نیوجرسی د ټیکنالوژی انستیتیوت
- ډیویډ گاویندا، د تیکساس پوهنتون، استین ښار
- سټوارټ گیزیس، د شیکاگو پوهنتون
- جیمس گیرهټ، د واشنگټن پوهنتون

- جون گروپر ، د سان جوز ایالت پوهنتون
- مارتین هیکورټ ، ایډاهو ایالت پوهنتون
- جناتن هال ، پینسولوانیا ایالت پوهنتون
- اوشری کیرمون ، ډیابلو ویلی کالج
- جیم نیپولیتانو ، د رینسیلر پولی تخنیک انستیتیوت
- ډونالډ ناگل ، تیکساس ای اندیم پوهنتون
- ډاگلاس اوشیروف ، سټینفورډ پوهنتون
- هاروی پیکر ، ټرینیټی کالج
- انټونی پیټووکو ، پیما کمیونیتی کالج
- رابرټ سچیرر ، اوهایو ایالت پوهنتون
- جون ټاتونگی ، سیټل پوهنتون

مونږ د زړه له کومې د هغه اشخاصو د تلاش او سعی څخه مننه کوو او د هغوی له پوهې او ځیرکۍ څخه چې د کتاب لیکونکي ته یې وړاندې کړې دي. همدارنګه مونږ غواړو او غوره ګڼو چې د واشنگټن پوهنتون د فزیک زده کړې ګروپ په ځانګړې توګه د پاولا هیرون او لیلن مک‌دیرموت له مشورو څخه یادونه او تصدیق وکړو. د جون ویلی او سونس د کارکوونکو څخه په بې ساری توګه مننه کوو چې د دې پروژې لپاره یې پرله پسې او منظم ملاتړ وړاندې کړیدی. مونږ په ځانګړې ډول غواړو چې د سټوارټ جونسن څخه مننه وکړو چې د دې پروژې لپاره یې مدیریت او د بشپړیدو لپاره یې ډالۍ ورکړې ده. د دې کتاب د کیفیت لپاره اساسی مرسته او اعانه د تولید برخی چلوونکي ایلیدایت سواين، انځور جوړونکي هیلری نیومین ،

شکل او مثال جوړونکي انا میلهورن، او ډیزاین کوونکي کیرن کینچلو پواسطه ترسره او پوره شوی ده ، چې د دغې اشخاصو د مهارت او پوهې څخه، بغیر د دې پروژې تکمیلول ناممکن وو.

سره لدی غوره او بهترینه تلاش د لیکوالانو، بیا کتونکو او ایډیټورانو (چمتو کوونکو) پدی برخه کی عاجز دی چی شاید په کتاب کی غلطیانی ښکاره شی او مونږ د استعمالوونکو اړیکو ته د سمونی، یا نظر ورکونی او انتقاد ته د موضوع یا د پیدا کوژی (ښوونی او روزنی علم) په برخه کی ښه راغلاست وایو. مونږ دغی اړیکی لولو او دومره لاسرسی او ځواب ورته ورکوو چی څومره امکان ولری مگر مونږ پدی هم متأسف یو چی ټولو ته لاسرسی او ځواب نه شو ورکولای، سره لدی مونږ د لوستونکو نظریات او انتقادات تشویقوو چی کولای شی [www.wiley.com/college/halliday](http://www.wiley.com/college/halliday) ته یی راولیږی.

## فهرست (عنوانونه)

### 1 څپرکی

صفحه	برقي چارج او د کولمب قانون
۲	۱-۱ الکترومقناطیس: کتنه.....
۴	۱-۲ بریننایی چارج.....
۱۱	۱-۳ هادي او عایق اجسام.....
۱۷	۱-۴ د کولمب قانون.....
۲۲	۱-۵ د چارج متمادي توزیع.....
۴۰	۱-۶ د چارج ساتنه (بقا).....
۴۳	پوښتنې او ستونزې.....

### 2 څپرکی

#### برقي ساحه

۲۳	۲-۱ ساحه څه شي دی؟.....
۲۲	۲-۲ برقي ساحه.....
۷۱	۲-۳ د نقطوي چارجونو برقي ساحه.....
۷۹	۲-۴ د متمادي چارج د ویش برقي ساحه.....
۸۸	۲-۵ د برقي ساحي خطونه.....
۹۳	۲-۶ په برقي ساحه کې نقطوي چارج.....
۱۰۱	۲-۷ په برقي ساحه کې د ایپول.....

- ۸-۲ د اتوم د هستي موډل (اختیاری) ..... ۱۰۲
- سوالونه او مسایل ..... ۱۱۱

### 3 څپرکی

#### د ګوس قانون

- ۱-3 د ګوس قانون د څه شي په هکله دی؟ ..... ۱۴۰
- ۲-3 د وکتوري ساحي فلکس (سیلان) ..... ۱۴۱
- ۳-3 د برقي ساحي فلکس (سیلان) ..... ۱۴۲
- ۴-3 د ګوس قانون ..... ۱۵۳
- ۵-3 د ګوس د قانون استعمال ..... ۱۵۷
- ۶-3 د ګوس قانون او هادي اجسام ..... ۱۶۲
- ۷-3 د ګوس او کولمب د قوانینو تجربوي امتحانول ..... ۱۷۴
- سوالونه او مسایل ..... ۱۷۸

### 4 څپرکی

#### برقي پوتنسیال انرژي او پوتنسیال

- ۱-4 پوتنسیالي انرژي ..... ۲۰۵
- ۲-4 بریښنا پوتنسیالي انرژي ..... ۲۰۷
- ۳-4 برقي پوتنسیال ..... ۲۱۲
- ۴-4 د ساحي څخه د پوتنسیال محاسبه ..... ۲۲۱



- ۵-4 د نقطوي چارج له امله پوتنسیال..... ۲۲۵
- ۶-4 د متما دي چارج د توزیع برقي پوتنسیال..... ۲۳۴
- ۷-4 د پوتنسیال څخه د ساحي محاسبه..... ۲۴۱
- ۸-4 هم پوتنسیاله سطحی..... ۲۴۷
- ۹-4 د چار جداره هادي پوتنسیال..... ۲۵۰
- ۱۰-4 الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکی (اختیاری)..... ۲۵۴
- سوالونه او مسایل..... ۲۵۹

## اول خبر کی

برینبنایی چارج اود کولمب قانون:

مونږ دلته یوه تفصیلی مطالعه د الکترومگنتیزم یعنی (د برق په واسطه مقناطیس کیدل) شروع کوو او هغه برخی چی اکثره ئی ددی کتاب د مطالعی څخه باقی پاتی دی هر اړخیزه مطالعه کوو. الکترومقناطیسی قوی د اتومونو په جوړښت او د اتومونو یو ځای کیدل په مالیکولونو کی ځواب ورکوی، د موادو زیاتره خواص چی مونږ ویلی دی په طبیعی توگه الکترومقناطیس دی. لکه په جامداتو کی دکشش خاصیت، د مایعاتو سطحی کشش، د فترقوه، اصطکاک او عادی قوی ټولی د الکترومقناطیس قوی اودهغه له اتومونو څخه سرچینه اخلی.

د الکترومقناطیس په مثال کی به مونږ د اولوچی د برینبنایی چارجونو په منځ کی قوه داسی ده لکه دیوه اتوم د الکترونو او هستی ترمنځ چی ده: دیو چارج لرونکی شی خوځښت په دبانندی. (خارجی) برینبنایی قوی پوری اړه لری لکه یو الکترون دیو اسیلوسکوپ (داشارو اله) په میل کی دبرقی چارچونو حرکت دسرکت په منځ کی اودهغه په نورو برخو کی دسرکت په وضع پوری اړه لری، د مقناطیسی موادو دذرو خصوصیت او ددایمی مقناطیس ترمنځ قوه: اود الکترومقناطیسی وړانگو اچول چی په پایله کی یی *Optic* اود نورد طبیعت او خواصو څیړنی ته مونږ دهنمایی کوی لولود دی څپرکی په پیل کی برینبنایی چارج، دچارج شوی اجسامو څخه خواص اود د وچارج شویو اجسامو ترمنځ به بنسټیزه برینبنایی قوه به ولولو.

## ۱-۱ الکترومقناطیس ته یوه کتنه:

څه باید وکړو چې لاندې پایله مولاسته راوړي وی ؟

۱- دخپلې خونې دبرق (Light) تنۍ کیکاکۍ، دبرېښنا دتولیدولوپه ځای (Power plant) کې دسونگ موادو ضایعات هغه مهال الکترومقناطیسی انرژي جوړه وی چې کله برېښنا دمقناطیس سره نږدې تیره شی په اخره کې دغه انرژي دبرق په تارونو کې په الکترونونو بدلېږي چې په پایله کې برېښنايي قوه په روښانه رڼا بدلېږي یعنې داچې برق روښانه کیږي.

۲- کله چې دکمپیوټر په لیکدړه (keyboard) کې کمپیوټر ته امر ورکړئ ، ددې کار د سرته رسولو لپاره ډیر الیکترونونه په کار اچول کیږي. الیکترونونه کولای شي چې په زرگونو لارو د سرکټ منځ ته ننوځي ، خو زیاتره الیکترونونه د برېښنايي ورونو (دروازو ) لخوا گرځول کیږي ، الیکترونونه یوازې له هغو ورونو تیریدلای شي چې مونږ دکمانډه پواسطه پرانیستلي دي ، الیکترونونه په دې ډول له ورونو تیرېږي او لارښود شوي ځای ته ځانونه رسوي ، په پایله کې زمونږ کمانډه یعنې هغه کار چې موږ کمپیوټر ته امر پرې کړي دي ، مخکې ځي.

۳- کله چې تاسو د خپل تلویزون د ریموټ ( Remote ) تنۍ کیکاکړئ ، الیکترو مقناطیسي څپې له ریموټ څخه وځي او نیونکي الې ته ځي . هغه بیا دغه څپې له هغو څپو سره همغاړه کوي چې دستلایټ له ستر غالي څخه سرچینه اخلي ، دستلایټ هغه لارښوونه سرته رسوی چه تاسو د ریموټ پواسطه ورکړی وی ددې دپاره برېښنايي او مقناطیسي قوي کاروي ، خو هغو الیکترونو ته لارښوونه وشي چې انځور مخ رانښکاره کوي ، یعنې داچې لیدونکي انځور خپره وي.

ددې څو پدیدو اصلي لامل په هغې قوي پورې اړه لري ، چې مونږ دبرېښنا او مقناطیس په ډول ددې لپاره تشریح کړي. چې د مقناطیس او ذرو د تگ مخنیوي وکړي. دغه قوي د الیکترومقناطیس بنسټ جوړه وي ، له پورتنۍ لیکنې څخه مونږ دا ویلای شو چې د الیکترومقناطیس ټولې اغیزې په څلورو لومړنیو معادلو کې تشریح کیږي ، چې د

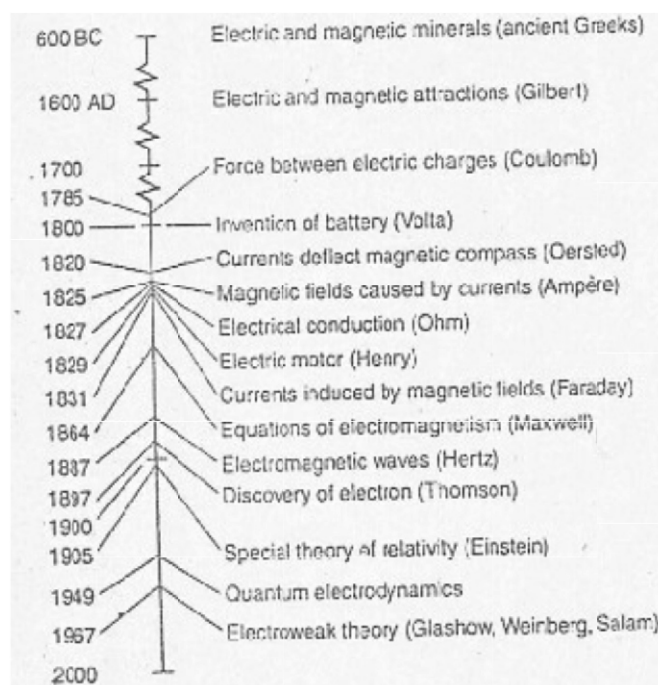
ماکسويل (*Maxwell*) معادلي هم ورته ويل کيږي، دغه معادلي داليکترو مقناطيس خو ډوله قوانين وړاندې کوي هغه معادلي چه مونږ وړاندې ورباندې څيړنه وکړه د نيوتن دميخانیک او ترموداينامیک قوانين وړاندې کوي.

مونږ به لومړي د بريښنا پديدې ته پاملرنه وکړو او بيا به دمقناطيس پديدې ته پاملرنه وکړو، په پای کې به وښيو چې دواړه له يو بله نه بيليدونکي دي، يقينا بريښنايي پدیده مقناطيسي اغيزه توليدوي، او مقناطيسي پدیده بريښنايي اغيزي توليدوي، دامونږ ته ښي چې بريښنا او مقناطيس بايد يو ځای کړو او داليکترو مقناطيس نوم ورکړو، د فزيک په برخه کې داليکترو مقناطيس قوانينو پرمخيون د نولسمي (۱۹) پيړي لويه سوبه وه دي څيړني مونږ ته د ډيرو الو د ځانگړي کاروني لاسوهنه وکړه، لکه موټر، ميله يوگاني، تلويزونونه، رادار، د وړو څپو څيړي او گرځنده (موبايل).

د اليکترو مقناطيس نظريي پرمخيون تر شلمې (۲۰) پيړي پوري دوام وکړ، او درې مهم پرمختگونه يې وکړل په ۱۹۰۵ زيږديز کال البرټ اينسټاين دا وښودله چې يو خوځښت کوونکي او څارونکي بريښنايي اغيزي دمقناطيسي اغيزو په ډول ښکاري، نو له دي کبله څارونکي په دي ډاډه نه وي چې دوي دمقناطيس حالت اندازه وټاکي او که د بريښنايي حالت، دغه پايله د اړيکو دځانگړي نظريي بنسټ جوړه وي، په پايله کې مونږ ويلاي شو چې د مهال او ځای مفکوري او ښتون راوست په اليکترو مقناطيس کې دويم پرمختگ دا ؤ چې د کوانتم نظريه (*quantum Theory*) معرفي کړل شوه، چې کوانتم اليکترو ډينامیک هم ورته ويل کيږي د ۱۹۴۹ زيږديز کال پرمهال له کوانتم گټنه وشوه، او داشوني شوه چې د اتوم د ځانگړنو په اړه سمې او ناسمې څرگندونې وشي، يقينا يولس (۱۱) مهم اټکلونه.

د شلمې (۲۰) پيړي دريم پرمختگ اليکترو مقناطيس له يو بلي قوي سره يو ځای کول و، چې کمزوري قوی هم ورته ويل کيږي، هغه د ميله يو اکتويټي (*Radioactivity*) وروستوالي په کړنه، او د ذرو ترمنځ متقابلو کړنو کې ځواب ورکونکي ده. لکه بريښنايي او مقناطيسي اغيزي چې په يو اليکترو مقناطيس متقابل عمل کې يو ځای و

نو ځکه په ۱۹۲۰ زیږدیز کال کې الیکترو مقناطیس کمزوري اغیزې په برېښنايي کمزوري (*Electroweak*) متقابل عمل کې ښودل شوي وو ، په الیکترو ویک کې کوم نوي شیان مخې ته نه راځي ، یوازې د الیکترو مقناطیس متقابل عمل ته بېله پاملرنه کېږي پورتنۍ پرمختګونه په (۱-۲۵) شکل کې لیدل کېږي.

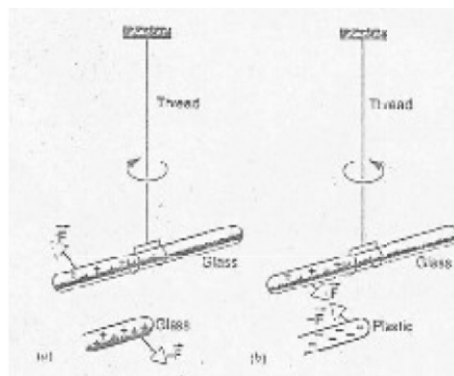


۱- شکل: د الیکترو مقناطیس په پرمختګ د لویو لاس ته راوړنو د پوهیدلو لپاره یو مهالیزلیک دي.

## ۲-۱ برېښنايي چارچ:

کله چې تاسو د خپل سروینسته په پلاستیکي ډمنځه څو ځله ډمنځ کړئ ، نو وبه وینئ چې ډمنځ ستاسو د وینستو پرمختللو برخو قوه واده وي ، یو مهال به دا هم وینئ چې ډمنځ کله د وینستو له یوې برخې تیرېږي ، وینسته ورسره نښتې پاتې کېږي ، شونې ده چې تر ډیره بریده وینسته له ډمنځې سره وغزېږي یعنې نښتې پاتې شي ، د وینستو له ډمنځې سره نښتې یا کشول که څه هم عادي خبره ده ، خو دا دیو طبیعي پدیدې پایله ده چه

د مېنلو په حالت کې یو بل ته لېږد رالېږد کوي دغه طبعي پدیده د برېښنايي چارج (*Electric Charge*) په نوم یادېږي، او کوم لېږد رالېږد چې د ویښتانو او ږمنځي ترمنځ کېږي. داد الکترونونو لېږد رالېږد دي، یعنې دا چې له یوه اتوم نه الکترونونه بل اتوم ته لېږل کېږي د برېښنايي چارجونو لېږد رالېږد په اصطکاک کې عامه لیدل شوي پدیده وه چې هغه د یوناني تمدن په لومړنیو کې پیژندل شوي وه. چالیدلي چې کله یو غونچه لرګي له ویښتنه لرونکي څرمنې سره وموښل شي، څرمن د لرګي لورته کش کوي، کله که په قالینه تیر شوي یاست او د فلزي ورلاس نیسي (دستگیر) په نیولو سره به موټکان خوړلي وي، کله به مولیدلي وي چې د وریځي او ځمکي ترمنځ برېښنا (تالنده) امتداد پیدا کوي، دا ټولي پېښې د الکترونونو د لېږد رالېږد په پایله کې منځ ته راځي.



۲-۱ شکل: (a) دوه یوشان چارج شوي میلی یو بل دفع کوي (b) دوه یوشان چارج شوي میلی یو بل جذبوي

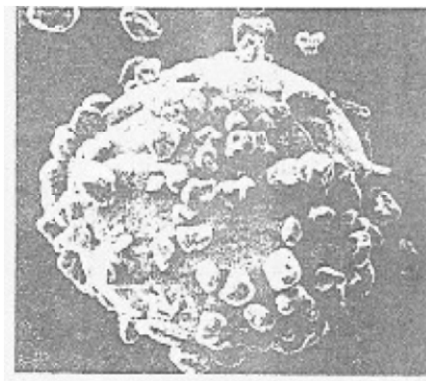
کله چې مونږ یو جسم چارجوو، مونږ ته د انځکاري چې هغه یوه قوه په بل چارج شوي جسم وارده وي، کیدای شي چې دغه قوه جذبونکي او یا هم تمبوونکي وي، د دې حالت ته په کتو سره ویلای شو چې برېښنايي چارجونه په دوه ډوله دي، چې مثبت او منفي ورته ویل کېږي سره ددې چې اغیزې د چارج د لېږد رالېږد په پایله کې منځ ته راځي خودا هم دیادوني ورډه چه برېښنايي چارج د د کوچني اصطکاک د لېږد رالېږد څخه سرچینه اخلي عادي مواد له طبعي برېښنايي اتومونو یا مالیکولونو څخه جوړ دي، په هسته کې مساوي مثبت چارجونه او په مدارونو کې منفي مساوي چارجونه لري، کله چې دوه

شيان په خپلو کي وموښل شي ، ددغه پيښي په پايله کي يو څه اليکټرونونه له يوه جسم څخه بل جسم ته ليرل کيږي. زياتره اليکټرونونه يو ځاي پاتي کيږي، هغه ځکه چې سپک د لوي ترمنځ اوږي ، خو په يوه شي کي مساوي منفي او مثبت چارجونه د زياتره عامو بريښنايي پيښو ځواب ورکوي ، کله چې نرمه ميله په وينستو ومښوو ، اليکټرونونه ميلي ته اوږي ، ځکه چې هغه له بريده زيات منفي اليکټرونونه لري ، نوميله منفي او وينسته مثبت چارجيږي ، يعني ميله دوښتوخوا ته نږدي کيږي او جذبوي د ميلي دوښتوسره يوځاي کيدل د مثبت او منفي اليکټرونونو پايله ده ، همدي ته ورته مونږ کولاي شو چې ورينم له شيشه يي ميلي سره ومښوو ، نو به وينو چه د تير په څير بنښنه ئي ميله ورينم خپل لورته جذبي په هر حالت کې مونږ ليدلي شو چه الکترونونه د يو جسم څخه بل ته اوږي نو به ليدلای شو چې اليکټرونونه له يو جسم څخه بل ته اوږي راځي چې د يو شيشه يي ميلي اخري برخه له ورينمو سره ومښو او بيا دغه شيشه يي ميله په يوه تار پوري ځورنده کړو لکه په ۱-۲ انځور کي ښودل شوي دي ، که چيري ورته چارج لرونکي ميلي نږدي سره کيږدو ، نو به وينو چې يوه بله پوري وهي ، يعني له يو څخه بله ليري کيږي لکه په ۱-۲a انځور کي ښودل شوي ده او که چيري دا بنښنې ميله د پلاستيکي ميلي سره چې له وړيني تکی سره موښل شوي وي نږدي پريږدو ، نو به وينو چې يوه بله کشوي يعني جذبي ، لکه په ۱-۲b شکل.

مونږ ويلای شو چې دوه مختلفي قووي شتون لري ، لکه دوه مختلف چارج لرونکي چې وي ، کله چې پلاستيک له ورينمو سره وموښل شي ، اليکټرونونه پلاستيک ته اوږي او منفي چارج کيږي ، او کله چې شيشه يي ميله له ورينمو سره وموښله شي ، اليکټرونونه ورينمو ته اوږي ، بنښنې ميله يوازي د مثبتو اليکټرونو مثبت چارج لرونکي پاتي کيږي ، لکه په ۱-۲ انځور کې ليدل کيږي مونږ کولای شو چې پورته تفصيل په لاندې قانون کي رالڼد کړو :

ورته چارجونه يو بل ليري (دفع) کوي ، او مختلف چارجونه يو بل جذبي يعني يوځاي کيږي .





۳-۱ شکل.

په ۴-۱ برخه کې مونږ پورته قانون د مقدار (خومروالي) په څیر اچوو، لکه د قوولپاره چې د کولمب قانون دي، یوازې هغه الیکترونونه په پام کې نیسو چې ډیرورو خوځښت لري او ایسارونه یې یوازې د الکترو ستاتیک مضمون کې لوستل کېږي د چارج شوو اجسامو ترمنځ بریښنايي قوه ډیرې تولیدي غوښتنې لري، چې د الکترو ستاتیکي رنگ پوډر، پوډریز پوښ، ژړهوا وچونکي، غیر تاثیر لرونکي *ink-jet printin* چاپونه او فوټو کاپي پکې شامل دي په ۱-۳ انځور کې د یو لیدونکي تسبیح یو ه کوچني دانه چې د فوټو کاپي په ماشین کې ده ښودل کېږي، دغه په تورو پوډریزو ذرو پوښل شوي ده چې رنگونې (toner) ورته ویل کېږي چې هغه د الیکترو ستاتیک قوې په واسطه سرینښ شوي دي، دغه منفي چارج لرونکي ذري له لیدونکو مثبتو ذرو سره یوځای کېږي چې د ډول (Drum) له تاویدو سره بیا انځور یا فوټو کاپي جوړېږي.

د یو جسم ځانګړې بریښنايي چارج زیاتره په  $q$  ښودل کېږي چارج یو وزن (تلل کیدونکي) شي چې مثبت او هم منفي لري، بریښنايي چارج په کولمب ( $C$ ) اندازه کېږي، کولمب د چارج لوی واحد دي، یو کولمب چارج  $6.10^{18} e$  سره مساوي دي.

کولمب له پورته یاد شوي واحد څخه نه دي اخیستل شوي، ځکه چې بریښنايي چارج یو نوي مقدار دي، مونږ کولای شو چې د هغه لومړني واحداث له نورولارو معرفي کړو، یوه دشوني لاربه د قوي لخوا داسې وي چې په یوه برخه کې دوه معیاري چارجونه وارد

شوی وی ، لکه یو مقدار چارج چې یو نیوتن قوه په ورته چارج په یو مترواټن کې واده وي ، کله قوه د خوځښت لرونکي چارج څخه نه شي اندازه کیدلای ، او په تمرین کې د اډیره ارزښتمنه او ګټوره ده چې کولمب د هغې مقناطیسي قوې په واسطه معرفي کړل شي چې د تارونو ترمنځ لېږدول کېږي ، دغه قوه کیدای شي چې دهغې بریښنايي قوې په پرتله سمه اندازه شی چې د خوځښت لرونکي چارج ترمنځ وي ، داهم ارزښتمنه ده چې د جریان ( هغه یو مقدار بریښنايي چارج چې په واحد وخت کې تیرېږي ) واحدات د SI له مخې معرفي کړل شي ، د بریښنايي چارج لپاره کولمب یو اشتقاقی واحد دي ، چې د جریان او وخت له بنسټیزو واحداتو څخه اخستل شوي دي . ( الف ضمیمه وګوري )

برقي چارج د محاسبې وړ دي :

کله چې مونږ له یو جسم څخه بل جسم ته برقي چارج لېږدوو نو په ډیرو کوچنیو واحدونو باندې نوموړي انتقال صورت نه نیسي ځکه د چارج جریان دوامداره نه بلکه له جلا ذراتو څخه رامنځته کېږي . تجربې ښی چې برقي چارج تل په مقداري توګه موجودیت لري چې د  $e$  چارج ګڼ شمیر ځانګړو لومړنیو مقدارونو له یو ځای کیدو څخه رامنځته کېږي او په لاندې ډول محاسبه کېږي :

$$q = ne \quad n = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots, (1-1)$$

چیرته چې (خلورو مؤثرو ارقامو لپاره) :

$$e = 1.602 \times 10^{-19} C$$

د  $e$  ابتدائي چارج د طبیعت یو هغه اساسي ثابت دي چې تجربوي قیمت د خلورو اجزاو لپاره د  $10^8$  حدودو کې تعین شوي دي الکترون او پروتون د ذراتو هغه عمده بیلګې دي چې هر یو یې د چارج یو ه اساسي برخه جوړوي الکترون  $-e$  او پروتون  $+e$  چارج لري . د نیوترون په څیر ځینې ذرات کوم برقي چارج نه لري د عناصرو نورکوچني ذرات چې چارج رامنځته کوي هم پیژندل شوي دي چې د ګڼ شمیر له یو ځای کیدو څخه یې د  $e$  په اندازه چارج رامنځته کېږي او معمولاً د  $\pm 1$  ،  $\pm 2$  او  $\pm 3$  په ډول ښودل کېږي نوموړي هر ذری د ځان په وړاندې اړونده مخالف ذرات لري چې د کتلې له نظره سره

مساوي خود برقي چارج له نظره مخالف چارج لري. د بيلگي په توگه انټي الکترون چي د پوزيترون په نوم پيژندل کيږي د  $+e$  چارج لرونکي ذره ده انټي پارټيکلونه يا د عناصرو د ذراتو ضد ذري معمولاً په طبيعت کي موجود ي نه وي خو کيداي شي د عناصرو د هستوله تجزيي او فعالولو څخه رامنځته شي.

له ۱-۱ معالي څخه څرگند کيږي چي کولاي شو په يو جسم کي د  $+10e$  يا  $-6e$  په اندازه خالص چارج رامنځته کړو خو نه شو کولاي  $3.57e$  چارج ولرو. کله چي د يو تعمير ساختمان محدود وي تر څو متعدد چارجونه په کي رامنځته نه شي نو ويلايشو چي نوموړي تعمير محاسبه شوي (Quantize) دي.

دا چي د ذراتو چارج کوچني دي نو ځکه په عادي شرايطو کي مونږ د چارج د جريان په جلا طبيعت باندي نه پوهيږو. د بيلگي په توگه د يوي برقي دوري په لين کي د يو ملي امپير په اندازه کوچني جريان شتوالی ولري په هر مقطع کي ئي  $6 \times 10^{15}$  اليکترونونه په هره ثانيه کي جريان لري.

عادي اتومونه د برق له نظره خنثي وي يعني په برابره اندازه مثبت او منفي چارج لري. د هر اتوم اندازه د  $Z$  په اندازه پروتونونه لري (چي  $Z$  د هر اتوم له اتومي نمبر څخه نماينده گي کوي) او د  $+Ze$  په اندازه چارج لري. په يو خنثي اتوم کي د  $Z$  په اندازه منفي چارج لرونکي اليکترونونه د هستي په شاوخوا څرخي اکثره وخت ممکن وي چي له يو اتوم څخه يو يا څو اليکترونونه لري کړو چي له کبله يي يو آيون مينځته راځي چي د  $+e, +2e, \dots$  اضافي مثبت چارج لرونکي وي. د بيلگي په توگه که چيري مونږ وتوانېږو چه له يورانيم ( $Z = 92$ ) څخه د هغه ټول اليکترونونه لري کړو نو مونږ به داسي يو ذره رامنځته کړي وي چي د  $+92e$  په اندازه چارج به ولري. د ځانگړو شرايطو لاندي مونږ کولاي شو له يو خنثي اتوم سره اضافي الکترون ونېسلو چي له کبله يي منفي چارج لرونکي آيون منځته راځي.

که څه هم مونږ عقیده لرو چي اليکترونونه داسي ابتدايي ذرات دي چي د تجزيي وړ نه دي خو پروتونونه بيا ابتدايي نه دي او د نورو ابتدايي بڼو څخه جوړ شويدي چي

د کوارکونو (Quarks) په نوم یادېږي کوارکونه د  $-\frac{1}{3}e$  او  $+\frac{2}{3}e$  په اندازه کسري برقي چارج لري. پروتون له دریو کوارکونو څخه جوړ شویږي چې دوه یې  $+\frac{2}{3}e$  او یو یې  $-\frac{1}{3}e$  چارج لرونکي دي چې د دریو واړو له ترکیب څخه خالص  $e$  چارج رامنځته کېږي. د پروتون دننه د کوارکونو د موجودیت په برخه کې تجربوي شواهد ډیر قوی دي (مثلاً د لوړې انرژي لرونکي الیکترونونه کولای شي د پروتون په داخل کې د کسري چارج لرونکو کوارکونو ترمنځ وڅرخېږي) خومهمه نده چې پروتونونه په څومره قوت سره متراکم ساتل کېږي او کوم ازاده کوارک ورڅخه نه جلا کېږي په نتیجه کې لیدل کېږي چې هیڅ کسري چارج لرونکي ذره نشي ازادیدلای نوموړي حقیقت لښه جوتیږي چې د کوارکونو د جلاکیدو پرمهال دهغوي ترمنځ د جاذبې د قوې د زیاتوالي لامل کېږي چې نوموړي خاصیت یې د الیکترومگنیتیک او دځمکې د جاذبې له خاصیت سره توپیر لري، په دې دواړو حالتونو کې د فاصلې په زیاتیدو سره جاذبې قوه کمیږي.

1- نمونه یی مس له یوه فلزي سکه چې د برقي چارج له نظره خنثي وي د مساوي شمیر منفي او مثبتو اتومونو لرونکي وي په دې حالت کې د نوموړي مساوي چارجونو مگنیتود څومره دي؟

ځواب: د  $q$  چارج د  $NZe$  په ډول محاسبه کولای شو چې  $N$  په ذکر شوي سکه کې د اتومونو له شمیر او  $Ze$  د هغو مثبتو او منفي چارجونو مقدار دي چې د هر اتوم پواسطه انتقالیږي. د دې لپاره چې پوښتنه په ساده ګي سره حل کړو فرض کوو سکه له مسو څخه جوړه شویده، نو په سکه کې د اتومونو شمیر عبارت دی له  $N_A m/M$  چې په دې کې  $N_A$  د Avogadro ثابت دي، دسکې کتله  $3.11\text{gr}$  او  $M$  دیومول مسو کتله (د مسو مولر کتله ده) چې  $63.5\text{g}$  ده نو پیدا کوو

$$N = \frac{N_A m}{M} = \frac{(6.02 \times 10^{23} \text{ atoms/mol})(3.11 \text{ g})}{63.5 \text{ g/mol}} = 2.95 \times 10^{22} \text{ atoms.}$$

داچي هر خنثي اتوم د اليکټرونونو د لرلو له مخي د  $Ze$  په اندازه منفي چارج اودهستي سره په تړاو په ذکر شوي اندازه د مثبت چارج لرونکي وي ، په دي ځاي کي  $e$  ابتدائي چارج دي او عبارت دي له  $1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$  څخه او  $z$  په پوښتنه کي د اړونده فلز د اتومي نمبر څخه نماينده گي کوي چي د مسو اتومي نمبر ۲۹ دي ، نو د پوښتني مطابق په سکه کي د مثبتو او منفي چارجونو ټوله اندازه عبارت ده له:

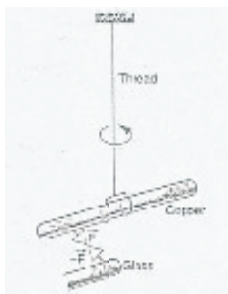
$$q = NZe = (2.95 \times 10^{22})(29)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C}) \\ \approx 1.37 \times 10^5 \text{ C}.$$

دا ډير زيات چارج دي نسبت د پلاستيکي ميله منبلو ته چي دهغي قيمت  $10^{-9} \text{ C}$  دي او د مسي سکي په نسبت د  $10^{14}$  په اندازه کم دي له بله اړخه ، که چيري وغواړو چي د  $1.37 \times 10^5 \text{ C}$  په اندازه چارج د برق له يو عادي گروپ څخه تير کړو نو ۱-۲ ورځو ته اړتيا ده ، نو ويلاي شو چي په عادي مواد وکي خورازيات چارج شتون لري.

### ۱-۳: هادي او عايق اجسام:

د اليکټرون د انتقال له مخي اجسام معمولا په دوو گروپونو ويشل شوي دي ، د فلزاتو په څير په ځينو موادو کي معمولا اليکټرونونه په ازاده توگه حرکت کولاي شي چي مونږ دغه ډول مواد ته هادي اجسام وايو ، هغه اليکټرونونه چي دنوموړو توکو په يوه برخه کي داخل شي په اساني سره کولاي شي له نوموړو توکو څخه تير شي دهادي اجسامو نوري بيلگي د اوبو نل او دانسان له بدن څخه عبارت دي نور ځيني اجسام چي اليکټروني جريان په کي په سختۍ سره حرکت کوي ، يا کومي برخي ته يي چي الکترونونه داخل شي همغلته پاتي کيږي دغيري هادي اجسامو په نوم ياديږي چي په بيلگو کي يي بنسټه ، پلاستيک او داسي کرسټلي مواد لکه د خوړو مالگه ( $\text{NaCl}$ ) راځي. که چيري تاسي وغواړئ يو مسي ميله چي په لاس کي مونيولي ده وړين ټوکر سره د منبلو له کبله چارج کړئ نو بريالي به نشئ ځکه چي د وړين ټوکر سره د مسين ميله د منبلو له کبله خواليکټرونونه مسين ميله ته ليږديږي خو له بلي خوا اضافي شمير اليکټرونونه ستاسي د لاس او بدن پواسطه مسي ميلي ته انتقاليدږي چي د بي

ځايه شويو اليكترونونو ځاي نيسي چي په پايله كي دمنبلو له كبله هيڅ چارج لاسته نه راځي. مونږ ويلاي شو چي ځمكه دلايتناهي چارجونو لرونكي ده چي يو څه يي ستاسي د بدن له لاري مسي ميلی ته ځي، ترڅو دمنبلو پواسطه د بي ځايه شويو اليكترونونو ځاي ونيسي ځكه چي مونږ يوه لاره پرانيستي پريښي وه چي دهغي له لاري دځمكي او جسم ترمنځ اليكترونونو جريان پيدا كړ دبريښنا له نظره دغه ډول جسم ته چي توليد شوي چارج يي ځمكي ته لاړ شي بنځ شوي يا *Grounded* جسم وايي. ددي پرځاي كه چيري مونږ نوموړي مسين ميله له پلاستيكي لاستي سره ونښلوو نو مونږ به دمنبلو پواسطه هغه چار جداره كړو، غير هادي لاستي كولاي شي د چارج شوي جسم اوستاسي د بدن ترمنځ د اليكترونونو د لير د مخه ونيسي. دمسو په څير د يوهادي جسم اتومونه عموماً سسته اړيكه لرونكي اليكترونونه لري چي په اسانۍ سره يوه له بله جلا كيږي او مثبت چارج لرونكي آيون منځته راوړي كله چي دمسو اتومونه يو له بله سره تراكم كوي اودمسو يوه كتله جوړوي نو نوموړي سسته اړيكه لرونكي اليكترونونه د يو ځانگړي اتوم په چار چاپيره نه پاتي كيږي بلكه په ټوله كتله كي په آزادانه ډول گرځي راگرځي، نوموړي ازاد الكترونونه دهادي الكترونو يا *Conduction Electrons* په نوم ياديږي مس چي يوه وصفي هادي ماده ده په هر *cm* كي يي كتله د  $10^{23}$  هادي الكترونونو لرونكي ده مثبت چارج لرونكي ايونونه نشي كولاي په آزاده توگه حركت وكړي له دي كبله دمسو په كتله كي پاتي كيږي



۴-۱ شکل: د څوړند شوي چارج نه لرونكي مسير دواړه خواوي د چارج شوي ميليي پواسطه جذب شويدي په دي حالت كي د مسيني ميليي هادي الكترونونه د چارج شوي بنښني ميليي نږدي خواته جذب شوي دي اود مسيني ميله لري خود مثبت چارج په حالت كي پاتي شويدي د

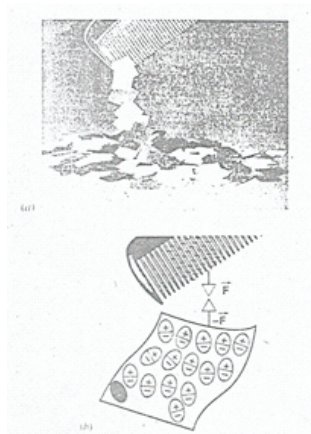
۴-۱ شکل تجربه په يو هادي جسم كي د چارج حركت ښی په نوموړي شكل كي يو غير چارج شوي مسي ميله د يو غيري هادي تار پواسطه راڅوړند شویده، كله چي يو بنښنه يی چارج شوي ميله د څوړند شوي مسي ميليي يوي څوكي ته رانږدي شي نو د مسين

میله ازاده هادي الکترونونه د مثبت چارج شوي بنسینه یې میله سره نښلي ، مسی میله په دغه انجام کي خپل منفي چارجونه له لاسه ورکوي او بل انجام یې مثبت پاتي کیږي په دغه حالت کي د بنسینه یې میله منفي چارج لرونکي انجام او د مسی میله مثبت چارج لرونکی انجام ترمینځ د جاذبي قوه زیاتېږي.

یادونه: نوموړي حالت د ۱-۲ شکل له تجربې څخه ډیر توپیر لري ، په ۱-۴ شکل کي بنسینه یې میله هغه مسی میله ځانته راجذبوي چي خالص چارج نه لېږدوي (داچي په راتلونکي برخه کي به پري هم بحث وشي ، برقي قوه د چارجونو ترمینځ د دافعي پر قوه باندې معکوس تاثیر لري له دې وجي د بنسیني او مسی میلی دمنفي انجام ترمینځ د جاذبي قوه او د بنسیني او مسی میلی د مثبت انجام ترمینځ د دافعي د قوي په نسبت ډیره زیاته ده ).

که چیري د ۱-۴ شکل په تجربه کي د مثبت چارج شوي بنسیني میلی پرځای مو یو منفي چارج شوي پلاستيکي میلی کارولي وای نو نتیجه به یې عین شي وه یعني د پلاستيکي میلی او مسیني میلی ترمینځ به د جاذبي قوه رامینځ ته شوی وه. په دې حالت کي به دمنفي چارج لرونکی پلاستيکی میلی د مسین میله هادي الکترونونه دهغي لري انجام ته پیله کړای وای او نږدې انجام به یې مثبت پاتي شوي وای چي په دې حالت کي به د منفي چارج لرونکي پلاستيکي میلی او مسین میلی ترمینځ به د جاذبي قوه رامینځته شوی وه. دا هم ممکنه ده چي د چارج لرونکي جسم اونه چارج لرونکي غیر هادي جسم ترمینځ د جاذبي قوه رامینځته شي. ۱۵-a شکل یوه چارج لرونکي ډمنځ نښی چي د کاغذ نه چارج لرونکي ټوټي ځانته راکش کوي په دې حالت کي د جاذبي د قوي د رامینځته کیدو توضیح د بنسینه یې او مسین میله ونو ترمینځ د جاذبي قوي د رامینځته کیدو سره توپیر لري په دې حالت کي کاغذ غیر هادي جسم دي او ممکن نه ده چي الکترونونه یې یو انجام ته راټول شي (۱-۴ شکل په تجربه کي د هادي جسم په څیر) ددی پرځای د کاغذ د ټوټو په جلا جلا مالیکولونو کي الکترونونه دمنفي چارج شوي ډمنځي پواسطه پیله کیږي او د هر مالیکول په هغي خوا کي چي له ډمنځي څخه لري وي موقعیت غوره کوي چي د هر مالیکول مثبتې خوا (چي الکترون ورڅخه شړل شوي وي ) د ډمنځي سره نږدې

پاتې کيږي او درېمنځي سره په لويه پيمانه د جاذبي قوه پيداکوي، او همدا درېمنځي او کاغذ د ټوټو ترمينځ د جذب مسوليت په غاړه لري ۵-۱a شکل که چيري ږمنځه مثبت چارج شي نو ورته د جاذبي قوه به رامینځته شي. ديو چارج لرونکي جسم تراغيزي لاندي دمنفي او مثبت چارجونو جلاکول يوه جدی موضوع ده چي د پولرايزيشن په نوم ياديږي، پولرايزيشن کولاي شو هم په *Macroscopic* يا سترگي ليدلي ډول رامینځته کړو لکه په ۱-۴ شکل کی د مسين ميلي بيلگه او هم به يي په ماليکولي کچه لکه ۵-۱a شکل دتجربي په څير رامینځته کړو.



۵-۱ شکل: (a): شکل يوه چارج شوي ږمنځ ځانته د کاغذ خنثي ذري کشوي (b) منفي چارج شوي ږمنځ په ماليکول کی چارجونو د قطبي کيدلو په نتيجه کی (پولرايز) درېمنځي او کاغذ ترمينځ يوه دککش قوه مينځ ته راوړي.

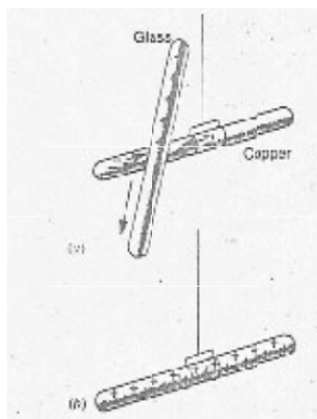
د تماس او القاء په واسطه چارجيدل:

مونږ اوس يوه مثبت چارج شوي د شيشي ميله راځلو او دميسو د يوي خنثي ميلي سره يي مونږ (۱-۲ شکل په شان) نو الکترونونه به دمسي ميلي نه د چارج شوي ميلي په طرف حرکت وکړي ترڅو د چارج شوي ميلي موجوده چارجونه خنثي کړي. په هر



ترتيب الکترونونه د بنېينه ئی میلی څخه نه تیرېږي دغه الکترونونه فقط هغه چارچونه خنثی کوي، کوم چه ددوي سره د تماس په وخت کې ددوه میلو ترمینځ واقع کیږي. د موجوده الکترونونو بیخایه کوني لپاره د مسو د میلی څخه مونږ کولي شو چه د شیشي میله د مسو د میلی په سر کش او د شیشي میله د چارچونو څخه پاکه کړو. ددې لپاره چه الکترونونه یو نوي ځای ته تغیر مکان وکړي کومه ساحه چې د بنېینی میلی د میسو د میلی سره په تماس کې ده (۲a- شکل) او کله چه مونږ د بنېینی میله تری جدا کړو. نو د میسو میله د مثبتو چارچونو د یوه جال په واسطه وپوښله شي. الکترونونه د میسو د میلی د سطحې نه تیرېږي نو په دې خاطر مثبت چارچونه د میسو د میلی په سر تقسیمېږي. داسي مستقیمه تبادله د چارچونو د یو جسم څخه بل جسم ته، د جسم چارجیدل د تماس په واسطه ویل کیږي.

او په همدغه شان په حقیقت کې منفي الکترونونه خپل ځای تغیره وی دا یو قرار دادی شکل دي کوم چه د ۱-۲ شکل په تجربه کې بنودل شوي دي. لکه چه، کله مثبت چارچونه د شیشي د میلی نه د میسو د میلی طرف ته راشي، راځی. چه اوس ۱-۴ شکل حالت ته مراجعه وکړو. که چیرې مونږ یو سیم د میلی مثبت خوا سره وصل کړو بیا هغه سیم



د ځمکې سره وصل کړو. لکه چه ۱a-۷ شکل کې بنودل شوي دی.

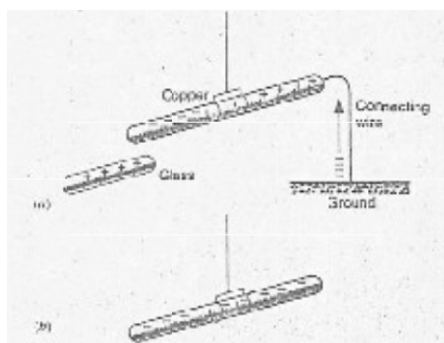
د تماس په واسطه چارجیدل، الیکترونونه د مسو څخه د بنیینه د مثبتو چارجونو د

۱-۲ شکل (a): خنثی کولو لپاره راځی

(b) نتیجوی چارج د مسو د پاسه کله چی بنیینه لیری شی.

نو الکترونونه شاید دځمکي څخه دمسو میلی په لور حرکت وکړي اودهغې مثبت چارجونه به خنثي کړي. که مونږ بنیینه یې میلی په خپل ځای پرېږدو او دغه ارتباط د ځمکي سره قطع کړو د میسو میلی به منفي چارجونه د ځانه سره خوندي کړي. او که مونږ د شیشي میلی د خپل ځای څخه لري کړو منفي چارجونه په دمیسي میلی پرمخ تقسیم شي ۱b-۷ شکل او د یو بل نه په دومره فاصله اخلي څومره چي ممکنه وي. او په دغه طریقه دیو جسم چارج کولو ته د القاء په طریقه چارجیدل وائي.

یادونه: مونږ کولي شو چه د شیشي مثبت چارج شوي میلی په واسطه مثبت چارجونه د میسو میلی ته د تماس په واسطه ولیږدوؤ او کولي شو چه منفي چارجونه (دځمکي څخه) د القاء په واسطه واخلو.



۱-۷ شکل (a): د القاء په واسطه چارج کیدل، دځمکي څخه الکترونونه دمسو د لری انجام

د مثبتو چارجونو د خنثی کولو لپاره راځی (دالیری انجام دیوهادی سیم په واسطه دځمکي سره وصل دی). (b): نتیجوی چارج دمسو د میلی د پاس چی بنیینه ای میلی بنی.

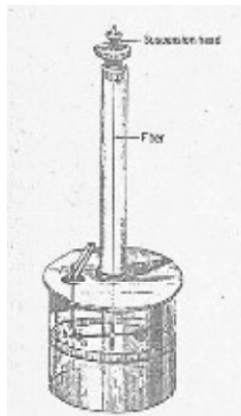
#### ۴-۱ د کولمب قانون:

په دې څپرکي کې مونږ په دوه قسمه برقي چارجونو باندې بحث کوو چې یو په بل باندې قوه وارده وي او اوس زموږ هدف ددې چې ددغه قوې نوعیت باندې ځان پوه کړو او لږ څه شخص چارلس اوگوستن کولمب (*Chales augustin coulomb*) په (۱۷۳۶-۱۸۳۶) میلادی کال کې چې د دغې قوې نوعیت یې په تجربوي او نسبتي شکل په کامیابۍ سره وڅیړه او په نتیجه کې یې د جاذبې او دافعي قوه او د هغه قوانین په لاس راوړل، په اصل کې د کولمب د کار میکانیزم د (۱-۲ شکل) سره سمون خوري. اما په دغه تغیر سره چې هغه دغه وړې کړي په  $a$  او  $b$  سره وښودلي څنگه چې په ۱-۸ شکل کې ښودل شوي دي. که  $a$  او  $b$  چارج شوي وي، برقي قوه به په دې کوښښ کې وي چې د  $a$  راځوړند شوي (فایبري) تارځان ته مایل کړي. کولمب دغه بیرون میلان د مینځه یووړ کوم چې به د چارج شوي زري د تاثیر له وجې مینځ ته راځي چې ددی کار لپاره د سرو مینځ په فاصلې کې یوې  $\theta$  زاوې ته ضرورت وه چې د  $\theta$  زاوې په  $a$  د عاملې قوې په اندازې پورې اړه درلوده نو د کولمب نوبت دا وو چې د دوه چارج شوو کروپه مینځ کې یې یو ه معینه فاصله پیدا کړه او په دغه شکل د دواړو کرو ترمینځ یوه موازنه مینځ ته راغله. اما هم دغه شکل ورسته کاوندش (*Cavendish*) د جاذبې قوې د اندازه کولو لپاره په کار یوړ (۳-۱۴ حصه). د کولمب نویو تجربو دا په اثبات ورسوله چې برقي قوه د زرو د چارج سره مستقیمه او د دوي ترمینځ د فاصلې سره معکوسه اړیکه لري لکه:

$$F \approx \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

چې په دغه فورمول کې  $F$  د دواړو چارجونو د قوې مقدار دي، چې د دواړو چارجونو لخوا په یو او بل باندې واردېږي،  $q_1$  او  $q_2$  چارجونه او  $r$  د دوي ترمینځ فاصله ده.

د چارجونو متقابل عمل په یو مستقیم خط کې د دوي د اړیکې باعث گرځي. د نیوټن دریم قانون سره سم هغه قوه چې د  $q_1$  چارج یې په  $q_2$  چارج وارده وي مساوي ده د هغه قوې سره چې د  $q_2$  چارج یې په  $q_1$  چارج وارده وي خو جېته یې سره مخالف دي.



۸-۱ شکل: د کولمب پیچۍ ترازو ښایي، کوم چې په ساینس کې د پاریس اکاډمۍ د پاره یو دهغه د ۱۷۸۵ کال د یادداشتو څخه ده.

د دې لپاره چې پورتنۍ رابطه په مساوات تبدیله کړو. نو یو ثابت چې  $k$  دي وراضافه کوو چې د کولمب د ثابت په نوم یادېږي. نو د دې سره سم لیکو چې:

$$F = K \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \quad (1-2)$$

۲-۱ رابطه چې د کولمب د قانون په نوم یادېږي. په عمومي شکل د هغه چارج شویو زرو لپاره چې په پوره اندازې سره د دوي تر مینځ فاصلې په نسبت وېرې وي استعمالېږي پس مونږ ویلي شو چې دا قانون د نقطوي چارجونو لپاره استعمالېږي.

د کولمب د تجربو له مخې په ۲-۱ معادله کې د  $r$  توان ۲ دي او (2,0001) نشي کیدلی د کتاب په ۷-۳ برخه کې مونږ ښولي ده چې د کولمب قانون د غېږي مستقیمو تجربو پواسطه هم په لاس راتلي شي کوم چې ۲-۱ رابطې د شرحې له مخې ۲ صحیح نه دي د

افرق لري د هغه 2 سره کوم چي بنایي د  $1 \times 10^{-16}$  څخه ډیر زیات دي د کولمب قانون د نیوټن د جاذبي قانون سره ورته والي لري:

$$F = G m_1 m_2 / r^2$$

کوم چه د کولمب د قانون دمنځ ته راتلو په وخت کي سل کلنه وه. دواړه د معکوس مربع قانون څخه پیروی کوی د کولمب په قانون کي د  $q$  چارج هغه کار سرته رسوي کوم چه د  $m$  کتله د نیوټن د جاذبي په قانون کي سرته رسوي، اما یو فرق چي د دوي ترمینځ شته هغه دادي چه د جاذبي قانون (نیوټن قانون) همیشه دیوبل ترمینځ د جذب قوه په یو او بل وارده وي ولي د کولمب په قانون کي د علامو په نظر کي نیولو سره که علامي مختلفي وي نو د جاذبي قوه او که علامي یوشان وي نو د دافعي قوه مطالعه کیږي. د S.I په سیستم کي  $K$  په دغه ډول بنودل کیږي.

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad (1-3)$$

ددغه ضریب استعمال ددغه رابطي په ورته شکل کي شاید، د الکترومگنیتیزم په قانون کي اسانتیا راوړي، کومه رابطه چي د کولمب د قانون نه ډیره استعمالیږي.  $\epsilon_0$  د برقي ثابت په نوم یادېږي. ددغه رابطي مقدار د نور د سرعت دمخې ټاکل کیږي لکه څنگه چي په ۳۹ څپرکی کي مو پري بحث کړي ددغه ثابت  $\epsilon_0$  صحیح قیمت عبارت دي له:

$$\epsilon_0 = 8.85418781762 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N.m}^2$$

چی د کولمب د  $K$  ثابت قیمت ته ورته دي (ددري مهمو شکلونو لپاره):

$$= 8.99 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2 \text{ k} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

ددغه ضریب په اضافه کولو سره دارابطه په دي شکل لیکل کیږي:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \quad (1-4)$$

کله چې  $k$  پورتنی قیمت ولري نو واضح ده چې  $q$  په کولمب،  $r$  فاصله په متر، نو قوه په نیوټن  $N$  سره حسابیږي. د کولمب د قانون عمده خاصیت د قوې عمل په یو او بل باندې دې دا قانون چې د کوانتوم په فزیک کې په دقیقه توګه لوستل کیږي.

۱: دغه برقي قوه د الکترونونو د تړون باعث کیږي د هغه دهستی سره

۲: دغه قوه د مالیکولونو د تړون باعث کیږي په خپل مینځ کې

۳: دغه قوه د اتومونو او مالیکولونو ترمنځ د رابطې باعث کیږي ترڅو چې مایع او جامد اجسام ترې لاس ته راشي. هغه ډیری قوې، پرته له جاذبې قوې نه چې مونږ یې هره ورځ په تجربو کې زیاتې استعمالو برقي قوې دي.

۲-۱ نمونه مسئله: په ۱-۱ نمونه مس له کې مونږ وکتل دوه وړې زړې چې یوه یې مثبتې او بله یې دمنفي چارج لرونکې وي او د هریو مقدار  $1.37 \times 10^5 C$  وي فرضو چې دا دواړه په دوه مختلف برخو سره ویشل شوي دي. او د دواړو مقدارونه سره د  $100 m$  په فاصله کې قرار لری نو څومره د جاذبې قوه به د هرې زړې د پاسه عمل وکړي؟

حل: ۱-۴ رابطې څخه لرو:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q|^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2)(1.37 \times 10^5 C)^2}{(100 m)^2}$$

$$1.69 \times 10^{16} N$$

چې دغه مقدار قوه  $2 \times 10^{12} tons$  ده که چیرې دغه چارجونه د مخکې د قطر په اندازه هم له یو او بل څخه فاصله واخلي نو بیا به هم د دواړو تر مینځ د جاذبې قوه  $120 tons$  وي، او که مونږ د اسانۍ لپاره دغه جدا جدا زړې په یوه ځای کې چې په یوه نقطه کې راټولې وي په نظر کې ونیسو او دلته د دوي ابعاد هم نسبت مخکې ته ډیر واره فرض کړو، که چیرې داسې وکړای شو نو دوي به د هغه قوې په واسطه چې د دوي تر مینځ ده په یو خاص شدت سره جدا شي، د دغه نمونه مثال په مرور سره مونږ نشو کولای چې د برقي قوواصلي خاصیت سره یې ډیره اشتباه وکړو، که چیرې داسې د یو معین چارج د

راویستلو کوشش د یو جسم څخه وکړی، نو یوه غټه کولمبي قوه به مینځ ته په اتومات شکل راشي او په دې کوشش کې به وي چې دغه چارج بیرته د جسم په لوري کش کړي.

۳-۱ مثال: د هایدروجن داتوم، نیوترون او پروتون ترمینځ د  $r$  متوسطه فاصله مساوي ده  $m = 5.3 \times 10^{-11}$  سره:

a- د دوي ترمینځ الکتروستاتيکي قوه څومره ده؟

b- او د دوي ترمینځ د جاذبي قوه په متوسط ډول څومره ده؟

حل: (a) د الکتروستاتيکي قوي لپاره د ۱-۴ رابطی څخه لرو:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{(5.3 \times 10^{-11} \text{ m})^2}$$

$$= 8.2 \times 10^{-8} \text{ N}$$

اگر چې داقوه هم ډیره وړه ده ( چې دغه قوه دگرد دیوي زري وزن په اندازه ده ) او  $10^{23} \text{ m/sec}^2$  په اندازه تعجیل تولیدوي.

(b) د جاذبي د قوي لپاره مونږ لرو چې:

$$F_g = G \frac{m_e m_p}{r^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(1.67 \times 10^{-27} \text{ kg})}{(5.3 \times 10^{-11} \text{ m})^2}$$

$$= 3.6 \times 10^{-47} \text{ N}$$

مونږ ګورو چې د جاذبي قوه د الکتروستاتيک قوي څخه د  $10^{39}$  فکتور په اندازه کمه ده.

او د جاذبي قوه ډیره وړه او همیشه جاذبه ده چې د کشش په واسطه کولي شي، چې ډیري غټي غټي کتلي مینځ ته راوړي مونږ دغه مثال لپاره د ستورو او کهکشان جوړښت وړاندي کوو. چې دغه غټي د جاذبي قوي د الکتروستاتيک قوي د مینځ ته راوړلو باعث ګرځي، او له بل طرفه دغه قوه د دوو یو شان علامه لرونکو چارجونو ترمینځ ده اما

داممکنه نه ده چې یو مقدار چارجونه سره په یو ځای راټول او په یو ځای کې یې متمرکز کړو که څه هم منفي او یا مثبت چارجونه وي مونږ باید همیشه په لویه پیمانه دوه قسمه، په مختلفو علامو سره چارجونه باید ولرو ترڅو یو بل سره خنثي کړای شي او هغه چارجونه چه مونږ یې روزمره ژوند کې تجربه کوو، همیشه په دغه مسایلو کې سرگردانه یوچې توازن برقرار کړي.

۴-۱ مثال:

په کې دي د دوو پروتونونو تر مینځ  $26 P^+$  شعاع لري او  $4 \times 10^{-15} m$  داوسپنې داتوم هسته چې څومره قوه تاثیر کوي که چیرې د دوي تر مینځ فاصله د شعاع په اندازه وي؟

حل:- ۴-۱ رابطې څخه مونږ لرو چې:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{(4 \times 10^{-15} \text{ m})^2} = 14 \text{ N.}$$

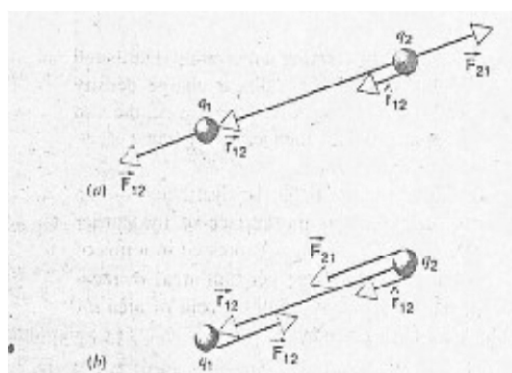
ډیره غټه الکتروستاتيکي دافعه قوه چې د  $3 lb$  نه هم ډیره ده او په یوه پروتون باندې عمل کوي باید چې د هستې د جاذبې قوې سره مساوي اما مخالفه وي چې پروتون دهستې سره وتړي دغه قوه چې ساحه یې ډیره کمه ده او دهستې نه بیرون نه حس کېږي، چې په هسته کې دهستوي مربوطه قوې په نوم بلل کېږي د کولمب قانون د وکتور په شکل کې:

تر اوسه پورې مونږ فقط قوې د مقدار په باره کې خبرې کولې چې یوې چارج شوي زری په بله باندې تاثیر کاوه. اوس مونږ غواړو چې د کولمب قوه د وکتور په واسطه وښايو، که دا قوه مونږ په وکتور کې وښايو نو په وکتور کې دا قوه جهت هم لري او دغه جهت د چارجونو د علامې له مخې تعینېږي لکه څنګه چې د ۹-۱ شکل څخه څرګندېږي، که چیرې مونږ د  $q_1$  او  $q_2$  نقطوي چارجونه ولرو چې د  $q$  په فاصلي جداء شوی وي او د یو لحظي لپاره داسې فکر وشي چې دواړه یو شان علامې لري نو دا دواړه یو بل سره دفع



کوي، راځی هغه قوه چې داوړی ذری نه په دوهمی ذری باندې واریدیرې پیداکړو کومه چې مونږ یې دهمیش لپاره د  $\vec{F}_{12}$  په سمبول لیکو او  $\vec{F}_{12}$  وکتور د (1) ذري څخه (2) ذري په لوري ښوول کیږي. که چیرې د چارجونو ځایونه سره تبدیل کړو نو فقط له یو جهت نه به بل جهت ته د وکتور جهت اوږي. که چیرې دواړه چارجونه یوشان علامه ولري نو قوه به یې دافعه قوه وی چې په ۹-۱a شکل کې ښودل شوي او برابره ده  $\vec{F}_{12}$  سره او که دواړه چارجونه مخالفې علامې ولري د  $\vec{F}_{12}$  قوه د جذب قوه ده چې په ۹-۱b شکل ښوول شوي او د  $\vec{r}_{12}$  په مخالف لوري کې ده. مونږ دا قوې داسې ښایو:

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12} \quad (1-5)$$



۹-۱ شکل: (a)  $q_1$  او  $q_2$  دوه نقطوي چارجونه دي یو شان علامې لرونکي دي چه مساوي او مخالفه دافعه قوه یو په بل وادریده وي. د  $\vec{r}_{12}$  په موازی وکتور د اول چارج نه د دویم چارج په لور ښودل کیږی. د  $\vec{r}_{12}$  واحد وکتور د جهت ښودونکي دي. نوټ: باید ووایو چه د  $\vec{F}_{12}$  هم جهت دی د  $\vec{r}_{12}$  سره. (b): دوه چارجونه د مخالفو علامو لرونکي دي او په یو بل باندې د جاذبې قوه واده وي نوټ: باید وایو چه د  $\vec{F}_{12}$  هم جهت نه دی د  $\vec{r}_{12}$  سره.

دلته  $r_{12}$  د  $\vec{r}_{12}$  وکتور د مقدار ښوونکي دي.  $\hat{r}_{12}$  واحد وکتور د جهت ښوونکي دي چې هغه عبارت دي له:

$$\hat{r}_{12} = \frac{\hat{r}_{12}}{r_{12}} \quad (1-6)$$

مونږ د ۵-۱ رابطي مشابهه د جاذبي قوه د ۱۴-۲ او ۱۴-۳ رابطو په واسطه مطالعه کوو او یو بل شکل چې د ۹-۱ شکل نه په لاس راځي د نیوټن د دریم قانون سره سم چه په دغه قانون کي هغه قوه چی د اولی زری په واسطه په دوهمه زره واردیږی  $\vec{F}_{21}$  ده چی د  $\vec{F}_{12}$  مخالفه ده چه په دي شکل ښودل کیږي:

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{21}^2} \vec{r}_{21} \quad (1-7)$$

دلته  $\vec{r}_{1,2}$  واحد وکتور دي کوم چي داوولی زري څخه دوهمي زري پوري د جهت ښوونکي دي هغه شاید هغه وکتور واحد وی چی د دوهمی زری جهت چی د کوارډینات په مبدا کي د اولی زری په موقیعت کي واقع شویدی د کولمب د قانون وکتوري شکل یو ښه شکل دي ځکه د قوی د مقدار سره سره دهغي جهت هم مونږ ته ښايي، که څه هم دا قوه جاذبه او یا دافعه وي د وکتور په شکل سره د قوی ښودل ډیر ښه اهمت لرونکي دي، او هغه هم د دوه څخه د ډیرو چارونو مطالعه لپاره، او په داسي حالت کي د ۵-۱ معادله د هري چوپي چارج لپاره استعمالیږي. او مجموعي قوه په هریو چارج باندي کولاي شو د قوو دوکتورنو د جمع څخه پیدا کړو چي په هر چارج يي وارده وي د مثال په توگه په اولی زری باندي قوه دارنگه ده:

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \vec{F}_{14} + \dots, \quad (1-8)$$

په دغه رابطه کي  $\vec{F}_{12}$  د دوهمي زري نه د قوي واریډیدل دی په اوله زره باندي او  $\vec{F}_{1,3}$  د قوي واریډیدل دی د دریمي زري نه په اوله زره باندي، ۸-۱ معادله د قوو د مجموعي ښودونکي ده په الجبري شکل باندي دا رابطه داسي تشریح کولي شو چه د هري زري د قوي مطالعه په اولي زري په جلا جلا صورت سره وشي او وروسته باید د هغو یوه مجموعه پیدا شي. هېڅ یو چارج د بل لپاره کوم مشکل نه پېښوي.

## ۵-۱ نمونه مسله:

۱۰-۱د شکل څخه څرگنديږي چه دري چارج داره زري موجودی دي چه دقوؤ په واسطه ئی نیول شوی محل ئی نه دی بنوول شوی ، هغه الکتروستاتیک قوه به څومره وی چه دا دوه چارچونه ئی په دریم چارج واردوی او نور هغه قوه چه په اول چارج  $q_1$  باندي عمل کوي پيدايي کړي ؟

$$q_1 = -1.2\mu C, q_2 = +3.7\mu C, q_3 = -2.3\mu C, r_{12} = 15cm$$

$$r_{13} = 10cm, \theta = 32^\circ$$

حل: دا مثال د قانون د تطبيق د استعمال لپاره غوره شوی دی مونږ د هر څه د مخه دهغه قوؤ مقدار محاسبه کوو، کومه چي  $q_2$  او  $q_3$  زره يي په  $q_1$  زره وارده وي .مونږ د چارجونو مقدار په ۵-۱ معادلي کی وضع کوو:

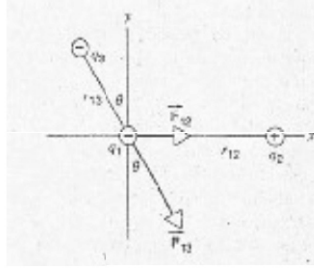
$$\begin{aligned} F_{12} &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} \\ &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.2 \times 10^{-6} \text{ C})(3.7 \times 10^{-6} \text{ C})}{(0.15 \text{ m})^2} \\ &= 1.77 \text{ N.} \end{aligned}$$

د  $q_1$  او  $q_2$  چارجونه دمختلفو علامو لرونکي دي نو هغه قوه چي د  $q_2$  چارج په  $q_1$  چارج وارده وي جاذبه قوه ده له دي امله د  $\vec{F}_{12}$  جهت د ۱۰-۱ شکل بنسې لورته دي مونږ همدارنگه لرو :

$$\begin{aligned} F_{13} &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.2 \times 10^{-6} \text{ C})(2.3 \times 10^{-6} \text{ C})}{(0.10 \text{ m})^2} \\ &= 2.48 \text{ N.} \end{aligned}$$

دا دواړه قوي يو شان منفي علامي لري نو هغه قوه چي د  $q_3$  څخه په  $q_1$  عمل کوی دافعه قوه ده. پس د  $\vec{F}_{13}$  مسير ۱۰-۱ شکل په شان دی او د  $\vec{F}_1$  نتيجوی قوه چي په  $q_1$  عمل کوی د ۲۵-۸ معادلي د ترکیب کوونکو اجزاء سره مطابقت لری نو:

$$\begin{aligned}\vec{F}_{1x} &= F_{12x} + F_{13x} = F_{12} + F_{13} \sin \theta \\ &= 1.77 \text{ N} + (2.48 \text{ N})(\sin 32^\circ) = 3.08 \text{ N}\end{aligned}$$



۴-۱ شکل ۵-۱: نمودی مثال: ددری چارچونو عمل او عکس العمل چی دری جوړی ئی یو پر بل وارده وی، دلته دوه قوی ښودل شوی په  $q_1$  عمل کوی.

او

$$\begin{aligned}F_{1x} &= F_{12x} + F_{13x} = 0 - F_{13} \cos \theta \\ &= -(2.48 \text{ N})(\cos 32^\circ) = -2.10 \text{ N}.\end{aligned}$$

د مرکبوله مخي تاسي کولاي شي د  $F_1$  مقدار  $3.73 \text{ N}$  وښايست چې وکتوري ئی د  $X$  د محور سره د  $34^\circ$  زاویه جوړه وي.

د ۵-۱ د چارج متمادی توزیع (Continuous charge distribution):

تراسه پوري مو دهغه قوو محاسبه چې د نقطوي چارجونو څخه لاسته راغلي وي مطالعه کړی اگر چې ډیر ځله هغه برقي قوي چې په چارج لرونکي جسمونو عمل کوي چې دهغه اجسامو شکل میلو، صفحو یا جامد وي او دلا پيري ساده گۍ په خاطر مونږ دا اجسام د عایق په شکل فرض کوو چی چارجونه ئی په سطحه او یا په حجم کي خپاره وي نو د چارجونو متمادی توزیع لاسته راځي.

۲-۱ شکل دهغو قوو ښودونکی دی چې دیوه چارچداره میلی په واسطه په بلي باندي عمل کوی د کولمب قانون صرف د نقطوي چارجونو لپاره د اجرا وړ دي نومونږ نشو کولاي دهغه قوو لپاره چې د میلی د پاسه عمل کوي هغه پکار یوسو ولي کولاي شو چه میلی

داسی تصور کړو چه د نقطوی چارچونو په واسطه پوښل شوی دی. نو پس د کولمب قانون دهغي لپاره پکاروړلي شو چي د یوې میلی نقطوي چارج د بلي میلی په هر نقطوي چارج باندې عمل کوي مگر دغه تصور موضوع نوره هم پیچلي کوي ، هر کله چي میله فقط  $Inc$  یو کوچني مقدار چارج انتقال کړي نو لازمه ده چي  $10^{10}$  نقطوی چارجونه دهري میلی د پاسه په نظر کي ونیسو مگر ددې پرځاي د فرانکلین نظري ته مراجعه کوو او د چارج خاصیت په دومداره شکل په نظر کي نیسو.

اساسي پروسه په داسي ډول ده چي چارچونه په نهایت کوچنیو اندازو باندې تقسیموو څرنگه چي هر یو ددې کوچني مقدارونو څخه د عالي ریاضي په واسطه د عاملي قوي مجموعي مقدار محاسبه کوو پداسي حال کي چي  $q$  چارج لرونکي جسم وي او هغه په کوچنیو اندازو د  $dq$  باندې تقسیم کړو داچي هریو ددې مقدار څخه د اوږدوالي ، مساحت او حجم لرونکي دي. د اوږدوالي مساحت او حجم ښوونکي داسي دي چي چارچونه یو بعدي ، دوه بعدي ، او درې بعدي مونږ په نظر کي نیولي دي ،  $dq$  ددې عناصرو د چارج په حیث او کثافت یې هم په نظر کي نیسو چي اوږدوالي ، مساحت او یا حجم باندې د چارجونو د توزیع ښودونکي دي او د اکثره مسایلو لپاره چارچونه د جسم په سطحه یونواخت (یورنگه) تقسیم شوي وي. دا په دي معني چي د چارجونو کثافت د جسم په ټولو نقطو کي مساوي دي ، او په بعضي حالاتو کي چارچونه صرف په یو بعد کي خپاره شوي دي لکه نازکه چارجداره میلی چي په ۱-۲ شکل کي ښودل شوي دي نو په دي صورت کي د چارجونو خطي کثافت په نظر کي نیسو ،  $\lambda$  د چارج مقدار په واحد د طول کي دی په داسي حال کي چي اساسي واحد یې  $c/m$  دي د میلی یوه کوچني برخه چي د  $dx$  په اندازه اوږدوالي لري او د  $dq$  چارج لرونکي ده دلاندې رابطي په واسطه محاسبه کیږي.

$$dq = \lambda \cdot dx \quad (1-9)$$

هرکله چي میله یو نواخت چارج ولري او د  $q$  چارج دهغي په اوږدوالي کي مساویانه تقسیم شوي وي په دي صورت کي د چارج کثافت د لاندې فورمول پواسطه محاسبه کیږي  $\lambda = q/L$  د مثال په ډول یوه میله چي اوږدوالي یې  $L = 0.12m$  او چارج یې

دي په نظر کي نيسو. نو په دي صورت کي يی خطی کثافت عبارت دي له:

$$\lambda = q/L = 4.5 \times 10^{-5} \text{ C/m}$$

په داسي حال کي چي د میلی يوه برخه د  $dx = 1.0 \text{ mm}$  اوږدوالي او د  $dq$  د کوچني چارج لرونکي وي کولي شو چي په لاندې ډول يي محاسبه کړو:

$$\lambda \cdot dx = 4.5 \times 10^{-8} \text{ C}$$

که چيري چارچونه د دوه بعدو په امتداد باندي خپاره شوي وي لکه هغه سطح چي د

۱-۳ شکل لري نو په دي حال  $dq$  د سطحې چارج په حيث اړايه کيږي ( $\sigma$  چارج په واحد د سطحه کي) چي د  $S.I$  په سيستم کي يي واحد  $C/m^2$  دي. د  $A$  د مساحت يوه کوچني برخه چي د  $dA$  مساحت لرونکي ده او د  $dq$  چارج لري. د لاندې رابطې څخه لاسته راځي.

$$dq = \sigma dA \quad (1 - 10)$$

هرکله چي د  $q$  چارج په يو نواخت ډول د جسم د  $A$  په سطحه کې خپور شوي وي، په دي حال کي لرو:

$$\sigma = q/A$$

همدارنگه چارج کولي شي چي په ټول جسم کي په دري بعدي شکل باندي خپور شي. نو په دي حالت کي د چارج د حجمي کثافت څخه استفاده کوو ( $\rho$  د چارج مقدار په واحد د حجم کي) چي د  $S.I$  په سيستم کي يي واحد  $C/m^3$  دي، نو په دي صورت کي د جسم د يوې کوچنۍ برخي حجم  $dv$  او د  $dq$  کوچني چارج لرونکي دي

$$dq = \rho dV \quad (1 - 11)$$

هرکله چي د  $V$  په حجم کي د  $q$  چارج په ټول جسم کي خپور شي:

$$\rho = q/V$$

ددې مفاهيمو د تشرېح لپاره هغه افادي دهغه قوؤ لپاره چې د دوامداره چارچونو د توزیع په واسطه د  $q_0$  نقطوي چارج باندې عمل وکړي محاسبه کووېي ، د هغه روشنو انکشاف به ممکن وي چې عاملی قوي د دوامداره چارچونو د توزیع په واسطه او دبلي توزیع په واسطه محاسبه کووېي ، په نقطوي چارج باندې د عاملو قوو د پیدا کولو پروسه د دوامداره چارچو د توزیع په واسطه لاندې مراحل لري:

۱- فرض کوو چې د دوامداره چارچونو د توزیع په یو زیات شمیر کوچني عنصری چارچونو تقسیم شوي ده.

۲- دې کوچنۍ چارچداره عناصرو د جملې څخه یو اختیاري عنصر انتخابو او هغه د ۱- ۹ معادل او په واسطه اړانه کوو. چې دا د چارچونو خپریدل په خطي، سطحي، او حجمي سیرپوري اړه لري.

۳- په دې خاطر چې  $dq$  بي نهایته کوچني دي. مونږ کولي شو چې هغه د نقطوي چارج په حیث قبول کړو. په دې وخت کې عامله قوه د  $d\vec{F}$  چې د  $dq$  په طرفه عمل کوي ، د کولمب د قانون په واسطه داسې اړانه کولي شو ، یعنې (۱-۴) معادله کې:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|dq||q_0|}{r^2} \quad (1-12)$$

$r$  د  $dq$  او  $q_0$  چارچونو ترمنځ فاصله ده

۴: مجموعي قوه د بي نهایته کوچنیو قوو د جمع کولو څخه لاسته راځي. چې د انټي گرال نیولو

سبب کېږي. د علایمو او موقعیتونو په نظر کې نیولو سره د  $dq$  او  $q_0$  جهت د  $d\vec{F}$  لخوا تعیینېږي

$$\vec{F} = \int d\vec{F} \quad (1-13)$$

ددي انتي گرال دمحاسبي لپاره بايد په نظر کي ونيسو چي د  $dq$  کوچني چارج لرونکو عناصر و لپاره ممکن دي چي د  $d\vec{F}$  کوچنۍ قوي په مختلفو جهتونو کی لاسته راوړو حقيقتا ۱۳-۱ معادلي او لاندي دري معادلي د  $\vec{F}$  دري گوني اجزاء دي

$$F_x = \int dF_x, \quad F_y = \int dF_y, \quad F_z = \int dF_z \quad (1-14)$$

د يونواخت چارج خط:

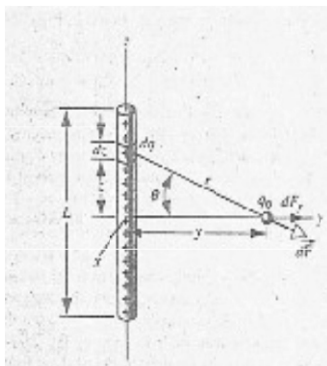
۱-۱۴ شکل يوه نازکه ميله چي د  $L$  اوږدوالی لری رانباي چي د  $z$  د محور په امتداد قرارلری او د  $q$  مثبت چارج چي پکي په يو نواخت ډول خپور شوي دي انتقالوي چي د خطي چارج کثافت يي عبارت دي د  $\lambda = q/L$  څخه ، مونږ غواړو هغه قوه پيدا کړو چي دميلي د طرفه د  $q_0$  مثبت نقطوي چارج باندي عمل کوي داسی موقيعت لری چي دميلي په نيمايي عموده ده (د  $y$  دمحور مثبت جهت کی)  $y$  فاصله ده د هغه د مرکز څخه. شکل هغه نتيجه چي مونږ د (1)، (2)، (3) مرحلو په روشونو کي انجام کړي دی رانبايی. غواړو چي ميله د  $dz$  په کوچنيو اوږدوالو وويشو او د چارج يو اختياري عنصر  $dq = \lambda dz$  چي موقيعت يي د  $z$  دفاصلي په اندازه دهغي د مرکز څخه دي او د  $d\vec{F}$  يوه قوه چي په  $q_0$  باندي عمل کوي د لاندي رابطي څخه لاسته راځي:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 dq}{r^2}$$

د  $d\vec{F}$  قوي جهت په شکل کی بنودل شوي دي ، ليدل کيږي د  $x$  په امتداد د  $d\vec{F}$  جز نشته دی (په صفحه عموده)  $F_x = 0$  ده پس په دي استدلال سره کولي شو چي  $F_x = 0$  دي د  $dq$  هر عنصری چارج لپاره چي د  $+z$  په فاصله کي قرار لري هلته بل چارج شته چي د  $-z$  په فاصله کي قرار لري کله چي مونږ ددی عنصری چارجونو ټاکلی قوي د  $+z$  او د  $-z$  په فاصلو کي جمع کړو مونږ د  $z$  ترکیب کوونکی اجزاء چي مقدارئي مساوي دي مگر داچي جهتونه يي مخالف دي پيدا کوو ، چه الجبري مجموعه يي مساوي په صفر ده په دي خاطر چي  $q_0$  چارج دميلي دمستوی په منع کي قرار لري. ددي دخشۍ سازی په خاطر



دهغه چارجونو لپاره چي مساوي مقدار او مخالف جهتونه لري د ميلي په امتداد په داخلي کي واقع کيږي. اوس د دې څخه نتيجه کيږي چي  $\vec{F}$  مساوي په صفر کيږي  $F_z = 0$



۱۱-۱ شکل.

$q_0$  چارج باندي ديو نواخت چارج لرونکي ميلي دقوي د مقدار د پيدا کولو په خاطر بايد د  $q$  چارج په ميله کي د  $dq$  د کوچنيو مقاديرو په حيث انفرادي په نظر کي ونيسو. د قوو د ترتيب کوونکو اجزاو د جملي څخه صرف  $F_y$  باقي پاتي ده. چي بايد محاسبه شي، بناء په ۱۱-۱ شکل کي معلوميږي  $dF_y$  مقدار مساوي دی  $dF \cos \theta$  سره  $dF_y = dF \cos \theta$  د دې رابطو څخه په گټه اخستنه  $r^2 = y^2 + z^2$ ،  $dq = \lambda dz$  په لاس راوړو:

$$dF_y = d\vec{F} \cos \theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda dz}{(y^2 + z^2)} \frac{y}{\sqrt{y^2 + z^2}}$$

$$F_y = \int dF_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_0 \lambda y \int_{-L/2}^{L/2} \frac{dz}{(y^2 + z^2)^{3/2}}$$

دانتي گرال محاسبی ته نظر اچوو بايد په نظر کي ولرو چي  $y$  ثابت دي په لاس راوړو چي:

$$F_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{y \sqrt{y^2 + l^2/4}} \quad (1-15)$$

داقوه د  $y$  په مثبت جهت کي ده کله چي  $q_0$  او  $q$  مثبت وي که  $q_0$  نقطوی چارج د  $xy$  مستوي بلي نقطوي ته انتقال شي. دقوو محاسبه هم تغير کوي. (د ډير وضاحت لپاره

لاندې تمرین ته مراجعه وکړئ. (ایا دویلو وړ ده چې مشابه افادي په دې خاطر محدودی دی چی په دې ډول یې سنجش کړو. فرض کوو چې  $l \gg \gamma$  څخه دې پدې حالت کې قوي په لاندې معادله کې افاده کوو:

$$F_y \approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{y^2}$$

چې دا یواځینی رابطه ده. دیو نقطوي چارج څخه بل نقطوي چارج باندې د قوو د محاسبې لپاره هر کله چې د میلی فاصله ډیره زیاته شي. او یا خپله میله کوچني وی. په دې صورت کې د نقطوي چارجونو بحث په نظر کې راځي.

د چارج یوه حلقه:

۱۲- شکل د  $R$  په شعاع یو باریکه حلقه رانښايي چې د  $q$  مثبت چارج پکې په یو نواخت ډول توزیع شوي دي همدارنګه هغه د  $\lambda = \frac{q}{2\pi R}$  د خطي چارج کثافت انتقالوي مونږ غواړو هغه قوه پیدا کړو چې د حلقې پواسطه عمل کوي د  $q_0$  په یو مثبت نقطوي چارج چې د حلقې د محور د پاسه (کوم چې د  $z$  د محور په مثبت جهت کې انتخاب شوي) د  $z$  د حلقې د مرکز څخه فاصله ده. د حلقې څخه یو کوچني عنصر د  $dq = \lambda R d\Phi$  چې د  $R\Phi$  په فاصله کې واقع دي. د  $dF$  هغه قوه چې د  $dq$  پواسطه د په  $q_0$  عمل کوي عبارت ده د:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 dq}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_0 \lambda R d\Phi}{(z^2 + R^2)}$$

مونږ کولي شو چې مشابه استدلال یوازي د  $\vec{F}$  د  $z$  د اجزاؤ لپاره هغه چې صفر نه وي وکړو د حلقې د هر  $dq$  عنصر لپاره هلته شاید د  $dq$  بل مخالف مساوي عنصرې چارج د حلقې د مرکز سره مستقیماً په یو قطر شته والي ولري، کله چې ددې دوه عنصرې چارجونو ټولي عنصرې قوي په  $q_0$  جمع شي د نورو ټولو اجزاو قوي په غیر د  $F_z$  څخه شاید د منځه لاړي شي.  $\cos\theta = \frac{z}{r}$  سره مونږ پیدا کوو:

$$\begin{aligned}
 F_z &= \int dF_z = \int dF \cos \theta \\
 &= \int \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda R d\phi}{(z^2 + R^2)} \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \\
 &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda R z}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \int_0^{2\pi} d\phi.
 \end{aligned}$$

دا انتگرال د حلقې په چاپېر د  $2\pi$  قیمت ورکوي چې د قوي لپاره يې اخيرنۍ نتيجه عبارت ده له:

$$F_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_0 q z}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \quad (1-16)$$

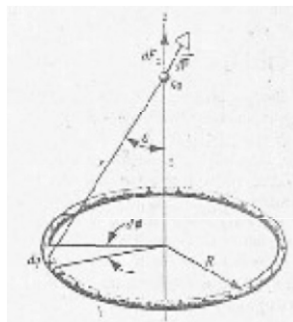
آيا دا نتيجه د اعتبار وړ ده که چيرته  $q_0$  د  $Z$  د محور په منفي جهت کي واقع وي ؟ )

۱۵ تمرين وگورئ) مونږ کولي شو چې دا نتيجه د دي حالت د ليمټ لپاره چې

$z \rightarrow \infty$  او  $z \gg R$  وي نو مونږ په لاس راوړو:

$$F_z \approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{z^2}$$

نو دا نتيجه هغه وخت ده چې مونږ د حلقې څخه ډير لري يو. داسي ښکاري چې يو نقطوي چارج دی. يادونه: همدارنگه  $F_z = 0$  دی، هغه چې  $Z = 0$  وي دا معقوله ده ځکه د حلقې په مرکز کي د  $q_0$  چارج شايد په مساوي ډول هري خواته د هغه د عنصري چارجونو پواسطه چې د دي حلقې د پاسه جوړ شوي تيله کيږي.



۱۲- ۱ شکل: یوه منظمه چارج شوي حلقه ده د  $q$  د نقطوي چارج د پاسه د قوي د پیدا کولو لپاره مونږ گورو چې فقط د  $dq$  په شان د زیاتو عنصري چارجونو څخه مرکبه ده.

د چارج ټیکلي يا ( $Disk$ ):

۱۳- ۱ شکل د  $R$  په شعاع یو دایروي ټیکلي ( $Disk$ ) چې د  $q$  مثبت چارج یې د سطحې د پاسه په یو نواخت ډول تقسیم شوي او د  $\sigma = q/\pi R^2$  د چارج سطحې کثافت لري، د  $q_0$  یو مثبت نقطوي چارج د ټیکلي ( $Disk$ ) د محور د پاسه (د  $z$  د محور په مثبت جهت کې) د  $z$  په فاصله د ټیکلي د مرکز څخه واقع دي. د هغه قوي د پیدا کولو لپاره چې د ټیکلي ( $Disk$ ) پواسطه د نقطوي چارج لپاره عمل کوي مونږ غواړو چې د ټیکلي په داخل کې د حلقو یوه سلسله جوړه کړو چې چارج لري او شعاع یې  $w$  ده چې د  $dw$  ګڼوالي په ۱۳- ۱ شکل کې ښودل شوي چې د:  $dq = \sigma dA = \sigma(2\pi w dw) = 2\pi\lambda w dw$  څخه عبارت دي چې د  $dF_z$  قوه یې چې په  $q_0$  ددې حلقې پواسطه عمل کوي د ۱۲- ۱ معادلي پواسطه پیدا کولی شو چې په  $dq$  او  $R$  په  $Wz$  عوض شي نو:

$$dF_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0(2\pi\sigma w dw)z}{(z^2 + w^2)^{3/2}}$$

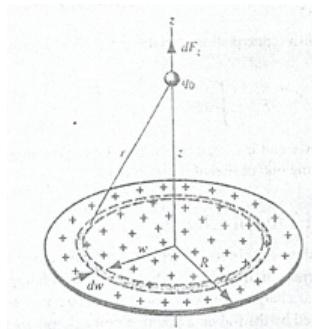
د ټولو حلقو د قوو د عنصرنو د انټیګرال د جمع څخه د صفر نه تر  $R$  پورې لرو:

$$F_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_0 2\pi\sigma z \int_0^R \frac{w dw}{(z^2 + w^2)^{3/2}}$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q_0 q}{R^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}}\right) \quad (1-17)$$

یادونه: هغه انټیګرال چې  $\int U^{-\frac{3}{2}} du$  شکل لري، ددې څخه په مستقیمه توګه یې مونږ حسابولی شو. خومره فرق به ولري دا معادله د  $z > 0$  لپاره؟ (۱۵ تمرین وګورئ) او  $z \rightarrow \infty$  تاسې کولی شئ چې د بینوم انکشاف استعمال کړئ (وګورئ) اوله ضمیمه چې د نقطوي چارج لپاره د کولمب د قانون څخه حاصلیږي) په دې درې مثالونو کې مونږ فرضوو چې هغه ټول مثبت دي که چېرې هر یو یې نقطوي چارج یا اوږد جسم وي (ولي

دواړه نه) چې د قوي په مخالف جهت کي منفي چارج انتقالوي وښايست چې د ۱۱-۱۰  
 څخه تر ۱۱۳ شکل پوري هغه څومره دي؟



۱۳-۱ شکل: یوه دایروي صفحه ( $Disk$ ) چې یو نواخت سطحي کثافت انتقالوي هغه قوه  
 چې  $q_0$  په نقطوي چارج د  $Disk$  د داخلي نازکه دایروي حلقی پواسطه واردېږي  
 حسابېږي.

۲-۱ نمونوي مسئله: دوه دایروي ټيکلي چې  $R = 5.0\text{cm}$  شعاع لري چې د مشترک  
 عمودي محور په امتداد، د  $6.0\text{cm}$  فاصلي پواسطه جدا شوی دی دا ټيکلي مساوي  
 ولي مختلف چارجونه لري چې د هغوي د سطحو د پاسه په یو نواخت ډول توزیع شوي دي  
 انتقالوي، د  $q$  څومره زیات چارجونه ضرور دي چې د ټيکلي ( $Disk$ ) لپاسه، د یو څوړند  
 شوي د تیلو نازکه څاڅکي چې کتله یې  $4 \times 10^{-15}$  کیلوگرامه او چارج یې  $e$ - وي په یوه  
 نقطه کي چې د ټيکلي ( $Disk$ ) د محور په امتداد او د هغوي ترمنځ په منځنۍ نقطه کي  
 واقع وي.

ځواب: که پورتنی ټيکلي ( $Disk$ ) مثبت چارج شوي او ښکتنی ټيکلي ( $Disk$ ) منفي  
 چارج شوي وي وروسته دا څاڅکي پورتنی ټيکلي ځانته جذبوي او ښکتنی ټيکلي ئې  
 دفع کوي ځکه د ټيکلو د صفحو په منځنۍ نقطه کي دی. د قوي مقدار یې  $F_z$  په شان دي  
 چې د ۱۷-۱ معادلي پواسطه څاڅکي د تعادل په حال کي دي پورته خواته اصلي برقي قوه  
 $2F_z$  باید د څاڅکي د وزن  $mg$  سره برابره وي ددې دوو قوو د برابروالي او ځای لپاره ۱۷-  
 ۱ معادله استعمالېږي نو مونږ په لاس راوړو:

$$q = \frac{mg}{\frac{4e}{4\pi\epsilon_0 R^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}}\right)}.$$

د حلولو څخه يې مونږ  $q = 35nc$  پيدا کوو. دا طريقه په ۱۹۰۶ ميلادي کال د مليکان پواسطه د الکترون د چارج د اندازه کولو لپاره چې په يو لږ تجربو يې پيل کړي وو او د چارج مقدار يې معلوم کړ استعمال کړي وه. (۲-۲ سکشن وگورئ).

يو خاص حالت:

دلته يو خاص حالت د چارج د يو نواخت توزيع، کومه چې د يو نقطوي چارج لپاره تلقی کيږي مونږ ته اجازه راکوي چې د کولمب قانون استعمال کړو د هغه د نقطوي شکله چارجونو لپاره، دا هغه وخت واقع کيږي چې د چارج توزيع په يو شان کړو کي وي، ولي د چارج حجمي کثافت امکان لري د شعاعگانو په تغير سره بدلون ومومي خو بيا هم د کثافت د منظموالي له امله په يوه باريکه قشر کې د هري شعاع لپاره يو شان وي.

لومړي مونږ په (۵-۱۴ سکشن کي) يو باريکه کروي شکل گورو مونږ د جاذبي قوي دوه خواصه چې د يو منظم کروي شکله قشر پواسطه په يو نقطوي قشره کتله عمل کوي وموند چې دا خواص عبارت دي له:

1. د قشر په داخلي زراتو کې دا قوه صفر ده.

او په خارجي ذراتو کې دا قوه دارنگه ده لکه د يو جسم په مرکز کې چې د هغه د قشر ټوله کتله را جمع شوي وي. د جاذبي د قوي او برقي قوی ترمنځ د تناظر قانون (دواړه  $\frac{1}{r^2}$  سره رابطه لري) شته. مونږ ته اجازه راکوي چې د جاذبي او برقي قوو ترمنځ مشابهت جوړ کړو مونږ په يو نواخت قشر کې د جاذبي د قانون نتايج مستقيماً په برقي قوو باندې بې له ثبوته تطبيق کولي شو. دا د منظمو قشرونو د خواصو لپاره صحت لري لدې دوه مهمو نتايجو ثبوتونه د برقي قوو لپاره د ۵-۱۴ برخې د ثبوتونو سره عيناً متناظر جوړښت لري چې د جاذبي قوي لپاره وه.

د یو منظم چارج شوي کروي شکله قشر لپاره په ټولو داخلي نقطو کې، چې په هر ځای د قشر کې وي برقي قوه عمل نه کوي.

د یو منظم چارج شوي کروي شکله قشر یوه برقي قوه د قشر څخه بیرون په یوه نقطوي چارج باندې داسې عمل کوي لکه چې د قشر ټول چارجونه په خپل مرکز کې په یو نقطوي چارج کې یې راجمع کړي وي دلته د جاذبې او برقي قوو د حالتونو ترمنځ یو فرق وجود لري هغه دا چې د جاذبې قوه همیشې جاذبه ده لکن برقي قوه کیدای شي جاذبه وي یا دفع کوونکي پس دا فرق د پورته دوه قاعدو په تبدیلولو کې د جاذبې څخه برقي قوي ته اثر نلري.

دا قاعدې کولې شو استعمال کړو ترڅو په لاس یې راوړ د یوې مربوطې نتیجې څخه چې هغه د اعتبار وړ وي د کروي چارج د توزیع لپاره فرضوو. چې مونږ د چارج په کروي ډوله توزیع چې د چارج حجمي کثافت  $\rho$  یې وي د یوه لپاره ثابته یا د  $r$  شعاع گانو د یو تابع په شان تغیر کوي. پس مونږ کولې شو وگورو چې که د یو سیټ نازکه کروي ډوله قشرونو څخه چې هر قشر په یو نواخت ډول چارج شوي ترکیب شوی هغه چې د یو قشر د چارج کثافت د بل قشر د چارج د کثافت سره متفاوت دي بلکې د هر قشر مربوطه چارج په یو نواخت ډول توزیع شوي نو بیا کولې شو چې دا دواړه قاعدې د هر کروي قشر لپاره استعمال کړو، که چیرې زموږ امتحاني چارج د کرې په داخل کې په یو ځای کې وي د قشر څخه بیرون د چارج د قوي عمل د اولي قاعدې پشان ندي دا نتیجه استعمال شوي وه د جاذبې قوي لپاره په ۴-۱۴ نمونه وي پوښتنې کې. که چیرته امتحاني چارج د قوي څخه بیرون وي نو بیا هر قشر کولې شي چې ځای په ځای شوي وي د هغه مرکز د نقطوي چارج د مرکز پواسطه او همدارنګه ټوله کره کولې شو د هغه یو نقطوي چارج پواسطه ځای په ځای شوي وي، چې هغه برابري دي د کرې د ټول چارج سره. ددې دلیل لپاره هغه قوه چې یو اټوم د هستې پواسطه په خپل الکترونو عمل کوي، نشي کولې چې مونږ ته د هستې په داخل کې د مثبت چارج د توزیع په هکله عمومي معلومات راکړي. په هرې کروي ډوله هسته کې د چارج کثافت

یوازي په  $r$  پوري مربوط دي ، د ټول چارج توزیع د هغه قوو پشان ده چي د هستي  
 څخه بیرون په الکترون عمل کوي ولي کله کله د هغه اندازي څخه چي الکترون د  
 هستو په داخل کې انحراف کوي مونږ ته پخپله د مثبت چارج توزیع په هکله  
 معلومات راکوی

## ۷-نمونوي مسئله:

دیوتاکلي اتوم کروي ډوله هسته د  $Ze$  مثبت چارج په یو حجم کي لری چی د  $R$  شعاع  
 لری. مقایسه یي کړی. د هغه قوي سره چي په الکترون عمل کوي او دهستي د داخل څخه  
 د  $0.5 R$  په اندازه شعاع لری، همدارنگه د هغه قوي سره چي دهستو شعاعي ئی  $R$  ده:  
 (a) :په کومو کي چي په خپل ټول حجم کي یي کثافت ثابت وي ؟ او (b) :د چارج د کثافت  
 زیاتوالي یي مستیماً متناسب وي د شعاع سره  
 ځواب: (a) :دیونواخته چارج شوو هستو لپاره (کوم چي د زیاتو هستو د وضع سره ښه  
 مشابهت لري د چارج حجمي کثافت یي:

$$\rho = \frac{q}{V} = \frac{Ze}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

کله چي د الکترون شعاع  $r$  مساوی  $R$  وي  $r = R$  ټوله هسته کیدای شی چی ځای په  
 ځای شی د  $q = Ze$  د یو نقطوي چارج په واسطه په خپل مرکز کې همدارنگه د  $F(r)$  قوه  
 د  $r = R$  په صورت کې:

$$F(R) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Ze^2}{R^2}$$

کله چي د الکترون شعاع  $r = R/2$  وی چارج د ټولو وړانگو لپاره د الکترون د پاسه قوه  
 عمل نکوي (د کروي شکله قشرونو داولي قاعدي په واسطه) چارج د  $\frac{R}{2}$  په داخل کي  
 کیدای شي چي ځای په ځای شي د یو نقطوي چارج سره څومره چارج چې  $\frac{R}{2}$  په داخل کي  
 دي ؟ پس د کري حجم په  $r^3$  پوري مربوط دي د حجم په داخل کي، د  $r = \frac{R}{2}$  لپاره  $\frac{1}{2^3}$



$\frac{1}{8}$  د کري حجم دي، همدارنگه چارج په داخل کي د  $r = \frac{R}{2}$  لپاره  $\frac{1}{8}$  د ټولي کري چارج دي اومونږ هغه حسابولاي شو:

$$\frac{F(\frac{R}{2})}{F(R)} = \frac{1}{8}$$

(b): مونږ کولاي شو د چارج کثافت د  $\rho(r) = br$  په شان وليکو، مونږ لومړي د تناسب د ثابت  $b$  قيمت پيدا کوو، مونږ پوهيږو هغه ټول چارج چه دهستي د پاسه فقط عمل کوي  $Ze$  دي همدارنگه:

$$\int_0^R \rho dV = \int_0^R (br) 4\pi r^2 dr = Ze$$

چيرته چي  $dV = 4\pi r^2 dr$  د کروي شکله قشر حجم دی. دانتی گرال خخه ديرون کولو په صورت کي  $b = Ze/\pi R^4$  پيدا کوو. د کروي شکله قشر د دوهمي قاعدې لپاره مونږ  $F(r)$  دهغه قوه چي مشابه ده د دواړو چارجود توزيع سره په هر حال  $F(\frac{R}{2})$  شايد د دواړو توزيعو لپاره فرق لري. د  $F(\frac{R}{2})$  د پيدا کيدو په صورت کي مونږ ضرورت لرو چي وپوهيږو چي  $q'$  چارج د کري په داخل کي چي شعاع يي  $\frac{R}{2}$  شته دي څومره دي؟ پس هغه چارج چي  $\frac{R}{2}$  دورانگي خخه ديرون دي په الکترون قوه نه واره ده وي دا چارج:

$$q' = \int_0^{R/2} \rho dV = \int_0^{R/2} \frac{Ze r}{\pi R^4} 4\pi r^2 dr = \frac{Ze}{16}.$$

د  $r = \frac{R}{2}$  لپاره هغه قوه چي په الکترون د کري په داخل کي د  $\frac{R}{2}$  په فاصله د  $q'$  نقطوي چارج د پاسه چه په خپل مرکز کي ځاي په ځاي دي کولي شو په لاس راوړو، کومه يوه قوه چي  $\frac{1}{16}$  د سطحې، د قوي ده را کوي:

$$\frac{F(\frac{R}{2})}{F(R)} = \frac{1}{16}$$

دانتیجه  $a$  دپاره دیو نواخته چارجداره کری دنتیجی سره ډیر فرق لري اگر چي ثابتوي چي هستي څخه بیرون الکترون د دوه توزیعی ترمنځ نه لیدل کیږي او په داخل کی الکترون کیدای شي واضح ولیدل شي.

اتومي الکترونونه کله کله کولای شي چي هستونه نفوذ وکړي او الکترون دهستي په داخل کي دتعجیل کوونکي په واسطه وسوځي دا دواړه میتودونه کیدای شي چي په هسته کي دچارج د توزیع په هکله مونږ ته معلومات راکړي، ددي تجربو یوه نتیجه هغه ده چي دډیرو هستولپاره د چارج کثافت سره ډیر نږدې اویوشان دي. چي پروتونونه، د کولمب د دفع دقانون سربیره (کوم چي دهستي دسطحي څخه د هغوی شړلو انتظار لري) اوسره ددي چي دپرتونونو ترمنځ هستوقوه شته (کوم چي هغه انتظار لري چي دهغوي دهستي دمرکز سره نږدې راجمع کړي) دپروتونونه په هستو کي په یوقوي غلظت (کثافت) سره توزیع شوي دي په غیر له دي داکثافت (غلظت) تقریباً دنوروهستو په شان دي چي هغه درندي هستي دي یانه، داحیرانونکي نتیجی دهستي داخلي، ډیرومهمو خواصو په هکله پوهه وړاندي کوي.

## ۱-۲ دچارج ساتنه (بقاء):

کله چي یوه بښینه یي میله د ورینیموسره ومونبله شي په بښینه یي میله باندي مثبت چارج پیدا کیږي، شواهد په گوته کوي چي دهغي سره برابر (مساوي) په ورینیمو کي منفي چارج پیدا کیږي، دارانبائی چي مونږ دچارج دپیداکیدولامل نه دي فقط دیوجسم څخه بل جسم ته انتقالیږي اویوڅه ناڅه دجسم دبریننادخنی والي حالت زیانمن کوي.

دبریننا دذخیره کیدونظریه د ډیرو دقیقو تجربوڅخه لاسته راغلي چي دتجربې په ډیرو لویوشیانو باندي، داتوم هستي اوابتدایي زور لپاره ترسره شوي دي اواثثنائي

حالت په دوی کې پیداشوی نه دی. چې دبقاء(تحفظ) دنورو قوانینو په شان دي لکه د مومنتیم یا انرژۍ دبقاء دقانون ، مونږ دبرقی انرژۍ ذخیره کول داسی بیانو:

$$\sum q = \text{constant} \quad \text{یا} \quad q_i = q_f \quad (25 - 18)$$

په هر جلا(عایق شوي) سیستم کي چي کوم عامل واقع کیږي په هغه کي اولني چارج داخري چارج سره برابري دبریبښاد ذخیره کولو یوښه مثال دادي کله چي یوالکترون ( $-e$  چارج) انتي الکترون یا پوزیټرون ( $+e$  چارج) یوبل ته سره نږدي شي دغه دواړه زري یوبل له منځه وړي او خپله پاتي انرژي تشعشعي انرژي د(2) گاما وړانگو په شکل ښکاره کوي (الکترو مقناطیسی تشعشع دانرژي څخه غني ده او چارج نه لري):

$$e^+ + e^- \rightarrow \gamma + \gamma$$

اصلي چارج دتعامل څخه مخکي او وروسته په دو ډو واقعو کي صفري او چارج ذخیره کیږي، هماغه بي چارجه زري فقط دخشې ( $\pi$  میزون) په شان دخرابوالي له امله په  $2\gamma$  دوه گاما وړانگو بدلیږي:

$$\pi^0 \rightarrow \gamma + \gamma$$

په نوموړي پروسه کي انرژي ذخیره کیږي ددې پروسې څخه مخکي او وروسته مکمل چارج د دوهم ځل لپاره هم صفر پاتي کیږي. بل مثال نیوترون ( $q = 0$ ) په پروتون ( $q = +e$ ) الکترون ( $q = -e$ ) جمع ئی بله خشې زره په ( $neutrino$ ) نیوترونو ( $q = 0$ ) باندې بدلیږي:

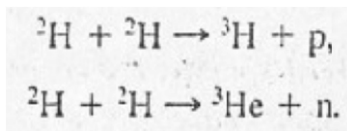
$$n \rightarrow p^+ + e^- + \bar{\nu}$$

مخکي او وروسته دخرايیدوپه دواړو حالاتو کي مکمل چارج صفري او چارج ذخیره کیږي. ځني تجربې ترسره شوي دي ترڅو نیوترون په پرتون بدل او الکترون ورڅخه خارج نه شي چي داپروسه دچارج ذخیره کیدل زیانمنه کوي خود واقعیه په لاس نه شوراوړي.

دیوالکټرون ( $q = -e$ ) خرابیدل یا پارچه کیدل په خنځی زراتو کی لکه ( $\gamma$ ) گاما وړنگی یا ( $\nu$ ) نیوترونوباندی منع یا ناممکن دی د مثال په توگه:

$$e^- \rightarrow \gamma + \nu$$

ځکه په دی پروسه کی د چارج ذخیره کیدل زیانمن کیږي ددی پروسې دسرتو رسولولپاره کونښونه کامیاب نه دي ځکه که دغه عمل سرتو رسیدلي نو دالکټرون کمترین عمر ( $10^{23}$ ) کلونه کیده. د چارج د ذخیره کیدولپاره بل مثال د دوه دای تروم (*deuterium*) هستو  $^2\text{H}$  (دروند هایدروجن ورته واي) یوځای والي دي، کوم چي ورڅخه هیلوم جوړیږي احتمالي تعاملی یی دا دي:



د دای تریوم (*deuterium*) هسته یو پروتون او یو نیوترون لري ځکه د  $e^-$  یو مثبت چارج لري د هایدروجن د ایزوتوب هستي چي کتله یی (3) ده  $H$  په شان لیکل کیږي او تراي تیوم (*tritium*) په شان پیژندل شوي *tritium* هسته کی یو پروتون او دوه نیترونه دي نوځکه داهم د  $e^-$  یو مثبت چارج لري. په اولني تعامل کی خالص چارج هرلوري ته  $+2e$  دي او چارج ذخیره کیږي. په دوهم تعامل کی نیوترون چارج نه لري په داسي حال کی چي دهیلوم ایزیتوب هستي چي کتله یی 3 ده دوه پروتونونه لري نوځکه چارج یی  $+2e$  دي په دی تعامل کی هم چارج ذخیره کیږي دبرق ذخیره کیدل داپه گوته کوي چي مونږهیڅ کله دانه شولیدلای چي د  $^3\text{He}$  دجوړیدوپه حال پروتون او یا  $^3\text{H}$  دجوړیدوپه حال کی نیوترون خارج شي د چارجونو ذخیره کیدل په پورته جمع کی دذرو په ټولو پیژندل شوو متقابلو عملونو کی په هرغیری استثنایي صورت کی لیدل کیږي.

خوځوابه پوښتني:

۱-۱ الکټرومگنيزم په هکله يو مقدمه:

۱-۲ برقي چارجونه:

1- د  $A$  او  $B$  دوه برقي چارجونه ديودبل سره د جذب په حال کې دي او  $B$  د  $C$  چارج سره د دفع په حالت کې واقع دي که د  $A$  چارج د  $C$  چارج سره په تماس کې شي نودغه چارجونه يوبل:

الف: جذبي                      ب: دفعه کوي

ج: يو پر بل تاثير نه وړاندوي      د: د ځواب لپاره زياتو معلوماتو ته اړتيا ده

2: د  $A$  او  $B$  دوه چارجونه يوبل سره د جذب په حال کې دي او د  $B$  چارج د  $C$  چارج سره هم د جذب په حالت کې واقع دي که د  $A$  چارج د  $C$  سره په تماس کې شي نودغه چارجونه يوبل:

الف: جذبي                      ب: دفع کوي

ج: يو پر بل تاثير نه وړاندوي      د: د ځواب لپاره زياتو معلوماتو ته اړتيا ده.

3: د  $A$  او  $B$  دوه چارجونه ديودبل سره د دفع په حال کې دي او د  $B$  چارج د  $C$  چارج سره هم د دفع په حال کې واقع دي که د  $A$  چارج سره په تماس کې شي نودغه چارجونه يوبل:

الف: جذبي                      ب: دفع کوي

ج: يو پر بل تاثير نه وړاندوي      د: د ځواب لپاره معلوماتو ته اړتيا ده

۱-۳ هادي او عايق:

4: ۱-۳ که يو جسم  $A$  د مادي څخه جوړ شوي وي او دهغه جسم سره چې د  $B$  د مادي څخه جوړ شوي دي وموښل شي وروسته  $A$  مثبت چارج او  $B$  منفي چارج اخلي. که چيري يو جسم  $A$  د مادي څخه جوړ شوي وي دهغه جسم سره چې د  $C$  مادي څخه جوړ شوي وي

و موبنل شي وروسته د  $A$  منفي چارج واخلې څه به واقع شي؟ که چيري يو جسم د  $B$  مادي  
څخه جوړ شوي وي هغه جسم سره چې د  $C$  مادي څخه جوړ شوي وي و موبنل شي:

الف:  $B$  مثبت چارج اخلې او  $C$  مثبت چارجدار کيږي.

ب:  $B$  منفي چارج اخلې او  $C$  منفي چارجدار کيږي.

ج:  $B$  منفي چارجيږي او  $C$  مثبت چارجدار کيږي.

د:  $B$  او  $C$  دواړه منفي چارجدار کيږي.

5- که يوه مثبت چارجداره ميله يوتوپ ته چې دعايق تارپه واسطه ځوړند ده شوي نږدې  
شي ليدل کيږي چې توپ د چارجدار ميلي په طرف کشول کيږي:

الف: توپ د چارج شوي ميلي مخالف چارج لري.

ب: توپ په ابتداء کې خنثی وه د چارجدار ميلي سره دنږدوالي په حالت کې چارجداره  
کيږي

ج: توپ يوهادي دي.

د: توپ مثبت چارج نه لري نو کيدای شي خنثی وي.

6: يوکروي شکله هادي توپ په تارچي دځمکې سره په تماس کې دي راځوړند شوي دي  
که چيري يوشې چې مثبت چارج لري دنومړي توپ سره نږدې شي نو توپ به:

الف: توپ به د چارج شوي پر شاوخوا جذب به شي.

ب: توپ به چارج شوي شي دفع کړي په هاغه وخت کې چې کله نږدې شي.

ج: کوم تاثير به ونه لري

7- يوکروي شکله هادي توپ د يو دعايق تارپه واسطه راځوړند شوي دي که چيري مثبت  
چارج کروي شکله هادي توپ ته نږدې شي نو توپ:

الف: توپ به مثبت چارج ته نږدې شي او پر شاخوا به ئې وڅرخوي

ب: توپ به مثبت چارج نه لري شي او پر شاخوابه ئي ونه خرڅيږي

ج: کوم تاثير به ونه لري

۱-۴ د کولمب قانون:

8:  $q_1$  یوننقطوي چارج چي دري مايکروکولمب دي د  $q_2$  ديوننقطوي چارج څخه چي

$6\mu C$  - مايکروکولمب چارج لري د  $d$  په فاصله يوله بل څخه جدا شوي دي

د  $|\vec{F}_{12}| / |\vec{F}_{21}|$  نسبت عبارت دي له:

$$18 : D \quad 2 : C \quad 1 : B \quad \frac{1}{2} : A$$

9: دوه فلزي توپونه چي هريويي دوه سوه پونډه وزن لري او يوله بل څخه ديومتري په فاصلي سره جدا شوي دي، چي دواړه توپونه د  $q$  مشابه مثبت چارج لري کوم چارج به د دواړو فلزي توپونو ترمنځ برقي قوه پيدا کړي چي هغه یونواخت او مقداريي ديوتوپ د وزن په اندازه وي:

$$1 \times 10^{-7} C : (B) \quad 1 \times 10^{-14} C : (A) \\ 1 \times 10^{-2} C : (D) \quad 3 \times 10^{-4} C : (C)$$

10- دوه کوچني مشابه کروي شکله هادي زري چي يوبل سره د يومتريه فاصله کي موقيعت لري دغه کروي شکله زري کوچني مثبت چارج لري او هغه قوه چي د دواړو ترمنځ موجوده ده  $F_0$  ده که چيري ديوکروي شکله هادي څخه بل کروي شکله هادي ته د نيمايي په اندازه چارج منتقل شي نو اوس ددي دواړو کروي شکله هادي زرو ترمنځ قوه ده:

$$\frac{3F_0}{4} : C \quad \frac{F_0}{2} : B \quad \frac{F_0}{4} : A \\ 3F_0 : E \quad \frac{3F_0}{2} : D$$

11- دوه يوشان کوچنۍ هادي کري چي يوبل څخه ديومتريه فاصله واقع دي په ابتداء کي دغه مساوي او مختلف النوع چارجونه لري هغه قوه چي د دوي ترمنځ ده

$F_0$  ده. که چیري دیوی کرې نیم چارج وروسته دځاي دتغیر څخه بلي کرې ته نقل شي اوس  
کرو ترمنځ قوه ده

$$3F_0 : E \quad \frac{3F_0}{2} : D \quad \frac{3F_0}{4} : C \quad \frac{F_0}{2} : B \quad \frac{F_0}{4} : A$$

۱-۵ د چارج پرلپسي خپريدنه:

12- د  $q$  نقطوي چارج دیوی کرې دسطحي څخه چي شعاع يې  $(2w)$  ده د  $a$  په فاصله واقع  
دی د  $q$  چارج دکري په حجم کي یونواخت توزیع شوي دي که الکتروستاتيکي قوي  
مقدار د  $q$  نقطو د چارج او کرې ترمنځ  $F$  وي نو عبارت ده له:

$$F = |qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 : A$$

$$|qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/12\pi\epsilon_0 a^2 : B$$

$$|qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/20\pi\epsilon_0 a^2 : C$$

$$|qQ|/20\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/36\pi\epsilon_0 a^2 : D$$

$$F = |qQ|/36\pi\epsilon_0 a^2 : E$$

۱-۶ د چارج ساتنه:

13- یو مثبت چارج لرونکي میله چې د خنثی هادی کرې سره چي دیو عایق تار په  
واسطه څوړنده شوی وی نږدې شي نو په کروي شکل هادي به:

الف: هیڅ تاثیر نلري ځکه چې خنثی دی.

ب: خنثی به پاتې شي خو په هر حال د میلیې څخه به دفع شي

ج: خنثی پاتې کیږي خو د میلیې لوري ته به جذب شي

د: منفي چارج به واخلي او د میلیې په واسطه به دفع شي

ه: منفي چارج به واخلي خو د میلیې په واسطه جذبېږي.



14-  $B, A$  او  $C$  درې یو شان ته هادي کروي شکله جسمونه چې د عایق په واسطه سره جدا شوې د  $A$  او  $B$  دواړو اصلی چارج  $+3mc$  دی په هغه صورت کې چې د  $C$  چارج  $-6mc$  وي که د  $A$  او  $C$  جسمونه سره تماس وکړي او وروسته دوی جدا حرکت وکړي بیا د  $B$  او  $C$  جسمونه سره تماس کوي چې وروسته حرکت کوي.

(الف): اوس که چیرته  $A$  او  $B$  جسمونه یو بل ته نږدې شي دوی شاید:

الف: یو بل جذبي      ب: یو بل دفع کوي      ج: یو پر بل تاثیر نه لري.

(ب): که چیرته په عوض یې د  $A$  او  $C$  جسمونه یو بل ته نږدې واقع شي نو دوی شاید یو بل:

الف: جذبي      ب: دفع کوي      ج: یو پر بل تاثیر نه لري.

### پوښتنې

1. تاسو ته دوه فلزي کرې درکړل شوي دي او په عایق ایښودل شوي دی یوه داسې لاره پیدا کړئ چې دې کرو ته مساوي او مختلف چارجونه ورکړل شي تاسې کولای شئ چې د شیشې میله دورینمو سره وموښئ او چارج په لاس راوړئ، خو د هغې کرې سره تماس نه شئ ورکولی ایا کیدای شي چې کرې سره مساوي وي ستاسې د کار د طریقې (متود) لپاره؟
2. په اول سوال کې هغه یوه طریقه پیدا کړئ چې دواړه کرو ته مساوي چارجونه چې یو شان علامې ولري ورکړل شي او بیا هم باید کرې د دغه کار ترسره کولو لپاره یو شان وي؟
3. یوه چارج شوي میله چې ځان ته دوچ لرگي، گرد او خاورو وړي ذري جذبي، کومې چې اکثره یې وروسته بیا د میلی سره تماس کوي او ورڅخه په ډېر شدت سره یو طرفته خیزو هی تشریح یې کړئ؟

4. څنگه تاسي کولی شئ چې دڅو ځوابه انتخابي پوښتنو په 1 ، 2 او دريمه پوښتنې ځوابونه داسې تبديل کړئ چې د A او B يا C جسمونه وکړای شي بې چارجه شي؟

5. هغه تجربه چې په ۱-۲ برخه کې تشرېح شوې ده چې په کې څلور ډوله چارجونه ورکونکي او اخيستونکي اجسام لکه شيشه، ورنيم، پلاستيک او پوستکي بنودل شوي دي د دې په هکله ستاسې استدلال څه دی؟

6. يو مثبت چارج د يو بې چارجه هادي سره ډير نږدې چې په يو عايق ايښودل شوی دی راوړل شي په هغه صورت کې چې د هادي چارج د ځمکې سره نږدې ځای په ځای شوي وي. ايا دغه هادي به مثبت چارج شوي وي يا به منفي چارج شوي وي او يا به هېڅ چارج شوي نه وي که چيرته؟

(a) : يو طرف يې چارج شوي وي او وروسته د ځمکې څخه تماس قطع شي او

(b) : د ځمکې سره يې تماس قطع شي او وروسته يې يو لوري چارج واخلي؟

7. هر کله چې د اور شغله د يو چارج لرونکی عايق د پاسه فقط تيره کړو نو کيدای شي چې چارج له لاسه ورکړي تاسې دغه موضوع څنگه تشرېح کوئ؟

8. که چيرې يو سکه د لاس د گوتو ترمنځ وموښله شي نو معلومه به شي چې د اصطحاک په واسطه دغه سکه چارج نه دی اخيستی، ولې؟

9. هر کله چې تاسې په غالي باندې د يو سر څخه بل سره پورې تيز وگرځئ او قدم پرې ووهئ. تاسې اکثر په دې تجربه کې کله چې د دروازې د دستگير سره تماس وکړئ حرقه احساسوئ:

(a) : د دې

علتونه څه دي؟

(b) : د هغه د شدت څنگه مخنيوي کولی شو؟

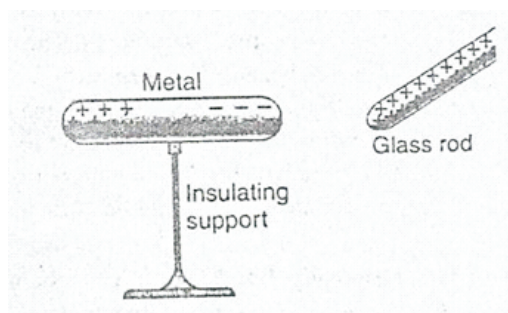
10. ولې په مرطوبو ورځو کې د الکتروسټاتيک تجربې بڼه کار نکوي؟

11. ولې تاسې دخپل کمپيوټر د فلز د تماس څخه توصيه کوی مخکې له دې

چې هر داخلي سامان يې نصبوی؟

12. ویل شوی دی چې یوه عایقه شوي میله چې برقي چارج انتقالوي. څرنگه کولای شو هغه تحقیق کړو سم او نا سم معلومول او د چارج علامه یې معلومه کړو؟

13. که چیرې یو چارج شوي بښینه یی میله دیوې فلزي میلې چې په عایق نصبه شوي ده یو انجام ته یې نږدې شي لکه څرنگه چې د ۱۴-۱ شکل کې ښوول شوي ده الکترونونه د میلې یو انجام کې راټولېږي تاسې و وایاست چې ولې الکترونونه د میلې په یوه انجام کې را جمع شوي؟



۱-۱۴ شکل: د ۱۳ او ۱۴ پوښتنی

14. په ۱۴-۱ شکل کې کومه حاصله شوي برقي قوه به په فلزي میله عمل وکړي؟

15. که چیرې یو شخص د یوې عایق شوي چوکۍ د پاسه ودرېږي او دیو مجزا شوي چارج لرونکي هادي سره په تماس کې شي. ایا چارج لرونکی هادي به ټول چارج له لاسه ورکړي؟

16. (a): مثبت چارج شوي بښینه ای میلې یو زوړند شوي جسم جذب کړی دی ایا مونږ بیانولای شو چې هغه جسم منفي چارج شوی دی؟

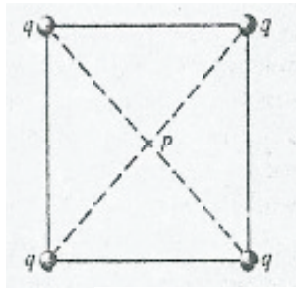
(b): یوې مثبتې چارج شوي میلې یو زوړند شوي جسم دفع کړی دی ایا مونږ ویلای شو چې هغه جسم مثبت چارج شوی دی؟

17. برقي قوې د انطباق د قواعدو پیروي کوي تشریح یې کړی؟

18. ایا برقي قوه که چیرې نور برقي چارجونه ورنږدې شي تغیر کوي؟
19. د مسود سلفات محلول چې یو هادي دی په دې حالت کې کومې ذرې ددغه موادو د چارج په انتقال کې رول لوبوي؟
20. که چېرته په فلز کې لکه مس چې یو هادي دی او الکترونونه یې هر طرفته ازادانه حرکت کوي خو اکثره دفلز دسطحې لوري ته حرکت کوي ولې دوی خپل جریان نه ساتي او ولې دفلز دسطحې څخه نه ازادېږي؟
21. که چېرې بنجامین فرانکلن الکترونو ته مثبت چارج لرونکی ذره او پروتون ته منفي چارج لرونکی ذره ویلي نو ایا کوم مهم توپیر به منځ ته راغلی وایي؟
22. د کولمب قانون دمخه ویلې وه ، هغه قوه چې د یو نقطوي چارج په واسطه په یو بل چارج باندې عمل کوي متناسبه ده د دواړو چارجونو دضرب د حاصل سره په څومره انرژي سره تاسو دا قانون په لابراتور کې امتحانولای شئ؟
23. څرنگه د اتوم هسته ثابته پاتې کېدای شي اگر چې دهغه زرو څخه چې یوه یې خشی (نیوترون) اوبله یې چارجداره (پروتون) جوړه شوی ده تشریح یې کړی؟
24. دهلیوم په یو اتوم کې یو الکترون ( $-e$  = چارج) لوی د هلیوم دهستی ( $+2e$  = چارج) لری په شاوخوا دوراني حرکت لري، کومه زره زیاته قوه په بله وارده وی؟
25. چارج دیوې زرې درست خاصیت دی چې د ذرې د حرکت د حالت څخه مستقل دی. څنگه امتحانولای شئ. دا جمله دیو قوې آزمایشي ساختمان په واسطه چې دهایدرجن اتوم واقعاً د برق له حیثه خنثی دی تشریح یې کړی؟
26. فرض کړی چې په ۱۱-۱ شکل کې دمیلي دواړووالي په امتداد کې چارج په یو نواخت ډول نه دی توزیع شوي بلکه په عوض یې په خپل مرکز کې راجمع کړي دي او خارج لوری ته باریکه شوی لکه چې یو بل ته نږدې شوي وي چې اوس یې قوه شاید د  $z$  مرکبې ولري؟ که چېرته دې میلی د  $q$  په شان ټول چارج لرلای چې په میله کې په یو نواخت ډول توزیع شوی وي څومره دی د  $F_y$  مقدارثی مقایسه کړی. د ۵-۱ معادلې سره تکراراً که په دواړو پوښتنو کې چارج دمیلي په اوږدو کې

توزیع شوي وي همدارنگه هغه هلته نږدې مرکز سره کمیږي او د چارج غلظت یې زیاتېږي او یو شان په اخر کې یو بل ته نږدې کیږي؟

27. د Earnshaw's تیوري بیانوی چې یوازې د الکتروستاتیک قوې تر تاثیر لاندې زرې د تعادل په حالت کې ثابتې نه پاتې کیږي وگورئ. که څه هم د  $P$  نقطه د یوې مربع د څلورو مساوي مثبتو چارجونو په مرکز کې قرار لري د ۱۵- شکل په شان که تاسې یو مثبت امتحانی چارج هلته د  $P$  نقطه کې کیږدئ. لیدل کېږي چې هر یو د څلورو خارجي چارجونو څخه هغه د  $P$  په طرف تیل وي او هغه د تعادل په حال کې ثابت پاتې کېږي، ایا تر اوسه پورې د Earnshaw's تیوري محفوظه ده تاسې دا څنگه تشریح کولای شئ؟



۱۵- شکل: ۲۷ سوال

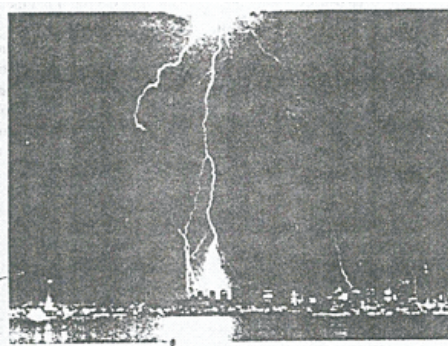
28. د کوانتم چارج  $1.60 \times 10^{-19}$  دی ایا دلته د دې سره د کوانتم کتله ده؟
29. د دې معنی څه ده هغه چې ویل کیږي یو فزیکي کمیت ( $a$ ): د تیوري او فورمول په واسطه معلومیږي ( $b$ ): ساتل کیږي بعضې مثالونه یې وښایست؟
30. مونږ په ۱-۳ نمونوي پوښتنه کې وښووله چې برقي قوه ۳۹ کرته د جاذبې د قوې څخه قوي تره ده؟ ایا تاسې د دې څخه د انتیجېه اخیستلای سئ چې په کهکشان کې یو ستوری یا یوه سیاره د چارج له حیثه خنثی ده؟
31. څرنگه مونږ پوهیږو چې د ساکن برق قوه د جاذبې د قوې د جذب په علت کومه چې د مثال په ډول د ځمکې او سپوږمۍ ترمنځ شته دی نه رامنځ ته کېږي؟

## تمرین (Exercises)

۱-۱ الکتر و مگنتیزم: (یوه مقدمه):

۱-۲ برقي چارج:

1. برېښنا د ضربې په ناڅاپه بیرته گرځیدو کې ۱-۱۲ شکل وگورئ. د  $20 \mu s$  لپاره  $2.5 \times 10^4 C/s$  جریان رامینځ ته کوي. تاسو ووايست چې په دغه حادثه کې به څومره چارج منتقل شي؟



۱-۱۲ شکل: (۱) تمرین.

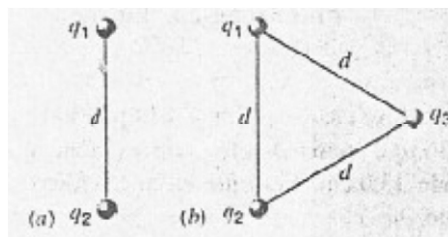
۱-۳ هادی او عایق:

۴-۱ د کولمب قانون:

2. د  $q_1 = 26.3 \mu C$  او  $q_2 = -47.1 \mu C$  نقطوي چارجونو ترمنځ فاصله باید څومره وي؟ چې دهغوی ترمنځ  $5.66 N$  د جاذبې قوه عمل وکړي؟
3. د  $+3.12 \times 10^{-6} C$  نقطوي چارج د  $12.3 cm$  په فاصله د  $+3.12 \times 10^{-6} C$  یو نقطوي چارج څخه واقع دی د دوی ترمنځ د قوې مقدار حساب کړئ؟
4. دوه زرې چې مساوي چارج شوي دي د  $3.20 mm$  په فاصله سره جدا دي د آرام (سکون) څخه ازادېږي د اولنۍ زرې اولنۍ تعجیل  $7.22 \frac{m}{sec^2}$  او د دوهمې زرې

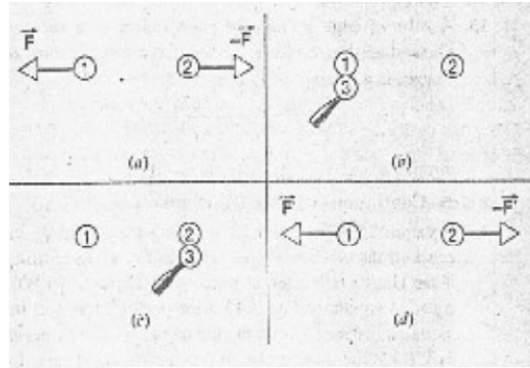
لپاره  $9,16 \text{ m/sec}^2$  لیدل کېږي. دا ولنی. زړې کتله  $6.31 \times 10^{-7} \text{ kg}$  ده پیدا کړی؟ (a) د دوهمې زړې کتله او (b) د مشترک چارج مقدار؟

5. په  $a$  ۱۷- شکل کې د  $q_1$  او  $q_2$  دوه چارجونه چې د  $d$  په فاصله جدا واقع شوی دی (a): دهغه برقي قوې پیاوړتیا پیدا کړی. چې په  $q_1$  عمل کوي؟ فرضوو چې  $q_1 = q_2 = 21,3 \mu\text{C}$  او  $d = 1,52 \text{ m}$  وي (b):  $q_3 = 21,3 \mu\text{C}$  یو دریم چارج د  $b$  ۱۷- شکل په شان ځای لري، اوړل شوي دهغه برقي قوې غښتلتیا پیدا کړی چې اوس په  $q_1$  باندې عمل کوي؟



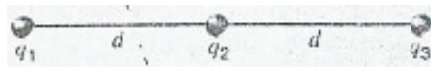
۱۴-۱ شکل: ۵ تمرین

6. ۱ او ۲ مساوي دوه هادي کړې چې مساوي مقدار چارج لري او د یو بل څخه دخپل د قطر په مقایسه په زیاته فاصله کې موقعیت لري. دغه کړې د  $88 \text{ mN}$  یوې برقي قوې په واسطه یوه بله دفع کوي. او که فرضو کړو دهغوی سره مساوي ۳ کړی چې په اول کې چارج نه لري او د یو عایق لاستي په واسطه نصب شوې ده. که دغه کره لومړۍ سر کې اولې کړې سره بیا دوهمې کړې سره په تماس کې شي او بیا په اخره کې لري شي پیدا کړی هغه قوه چې اولې او دوهمې کړې ترمنځ ده؟



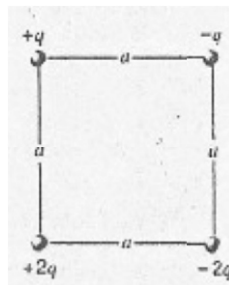
۱۸-۱ شکل: تمرین ۲

7. درې چار جداره زرې چې په یو مستقیم خط پرتې دي د  $d$  په فاصله دیو بل څخه جدا شوي دي چې په ۱۹-۱ شکل کې ښودل شوي، د  $q_1$  او  $q_2$  چارجونه په یو مستقیم خط ځای پر ځای شوی او د  $q_3$  چارج ازادانه حرکت کوي، د برقي قوې د تاثیر لاندې تعادل کې پیدا کړي چې  $q_1$  به څو برابره د  $q_2$  شی؟



۱۹-۱ شکل: تمرین ۷

8. په ۲-۱ شکل کې پیدا کړئ؟ (a): افقي اجزای او (b): عمودي اجزای دهغه برقي قوې چې د مربع کینې لوري ته په ښکتنې کونج کې چارج باندې عمل کوي، فرضو چې د  $q = 1,13 \mu C$  او  $a = 15,2 \text{ cm}$  ده دا چارجونه د سکون په حال کې دي؟



۲۰-۱ شکل: تمرین ۸



9. دوه مثبت چارجونه چې هر یو  $4,18 \mu C$  چارج لري او یو منفي چارج چې  $-6,36 \mu C$  دی مساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې ځای پر ځای شوی دی چې هر ه ضلع یې  $13 \text{ cm}$  اوږدوالی لري د منفي چارج د پاسه برقي قوه پيدا کړی؟
10. دوه کوچنۍ کرې چې هر یوه یې مثبت چارج شوې ده او مجموعې چارج  $52,6 \mu C$  دی هره کره د یو بل څخه د  $1,19 \text{ N}$  قوې په واسطه دفع شوي هرکله چې د کرې ترمنځ فاصله  $1,94 \text{ m}$  وي دهرې کرې چارج حساب کړی؟
11. دوه چارجونه چې یو یې  $+1,07 \mu C$  او بل یې  $-3,28 \mu C$  چارج لري د یو بل څخه د  $61,8 \text{ m}$  په فاصله کې موقعیت لري. دریم چارج په کوم موقعیت کې باید ځای پر ځای شي ترڅو د اصلي قوې اثر وړباندې ونه لویږي؟
12. درې کوچنۍ پنډوسکي چې هر یو یې  $13,3 \text{ gr}$  کتله لري هر یو یې جدا جدا د ورینسمو د تارونو په واسطه چې هر تار یې  $1,17 \text{ m}$  اوږدوالی لري د یوې مشترکې نقطې څخه را ځوړند شوي دي. دغه پنډوسکي یو شان (مساوي) چارج لري هره پنډوسکه د متساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې چې دهرې ضلعې اوږدوالی یې  $15,3 \text{ cm}$  دی قرار لري دهرې پنډوسکي چارج پيدا کړی؟
13. یو مکعب چې په هر کنب (راس) کې د  $q$  یو نقطوي چارج لري وښایست هغه نتیجوي برقي قوه چې د هر چارج د پاسه د  $F = \frac{0,262 q^2}{\epsilon_0 a^2}$  په واسطه را کول کیږي چې د مکعب د قطر په یو طرف کې رهنما شوي دي؟

#### ۵-۱ د چارج یو نواخته توزیع:

14. د ۱۵-۲۵ معادلې څخه نتیجه کیږي چې د  $q_0$  چارج د  $y$  د محور په مثبت جهت کې واقع شوی وی ( $a$ ): ایا د ۱۵-۲۵ معادلې قانوناً باقي پاتې کیږي که چېرته چارج د  $y$  د محور په منفي لوري کې واقع وي تشریح یې کړی؟ ( $b$ ): د ۱۵-۱ معادله مشابه یو معادله ولیکی؟ که چېرته د  $q_0$  د نقطوي چارج عوض شوي وي د میلې څخه د  $x$  په فاصله د  $x$  د محور په مثبت یا منفي لوري کې؟

(c): یوه وکتوري معادله دقوي داجزاؤ لپاره وليکۍ کله چې  $q_0$  دمیلې څخه د  $d$  په یوه فاصله کی واقع وي او خط یې د  $x$  او  $y$  دمحورونو دمثبت جهت دنیمايي سره  $45^\circ$  زاویه جوړه کړي؟ (d): یوه وکتوري معادله دقوي داجزاؤ لپاره وليکۍ؟ کله چې  $q_0$  د  $xy$  په مستوی کې په یوه اختیاری نقطه واقع وي د  $xy$  دمستوی په هر ځای کې تطبیق کیږي چې هغه اجزا صحیح علامه لري کله چې نقطه د  $xy$  دمستوي په هره څلورمه برخه کې واقع وي؟

15. (a): د ۱-۱۲ معادلې سره شروع کړۍ یوه وکتوري شکله معادله د قوې لپاره کله چې  $q_0$  د  $z$  دمحور په مثبت یا منفي لوري کې دحلقې په دچارج واقع وي؟ (b): آیاد ۱-۱۷ معادلې مشابه دصفحې دچارج لپاره استعمالولای شو؟
16. هغه قوه پیدا کړۍ چې د  $q$  مثبت نقطوي چارج دپاسه چې د  $x$  په فاصله دیوې میلې څخه چې اوږدوالی یې  $L$  وي او د  $Q$  مثبت چارج پکې په یو نواخت ډول توزیع شوي وي عمل کوي؟ (۱-۲۱) شکل وگورۍ.



۱-۲۱ شکل: ۱۲ تمرین.

17. په ۱-۱۱ شکل کې وگورۍ چې میله او د  $q_0$  چارج تاسې کوم ځای کې کولای شي په ځای کړۍ چې د  $q$  دوهم نقطوي چارج (چې چارج یې دمیلې سره برابر وي) او  $q_0$  په تعادل کې وي (د وزن څخه یې صرف نظر شوي) حل کړۍ دا مسئله هغه چې  $q$  (a): مثبت وي او (b):  $q$  منفي وي؟

18. په ۱۷ تمرین کې د  $q_0$  ناپاید اړه تعادل وښایست؟ (یادونه: دا مسئله داستدلال په واسطه حل کیدای شي په حقیقت دریاضي سره ډیر کم تړاؤ لري).

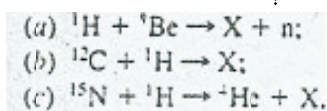
19. په ۱-۱۱ شکل کې هغه میله قبوله کړۍ چې په پورته نمایي برخه کې یې  $\lambda$  مثبت دچارج کثافت او په لاندینۍ نیمه برخه کې یې د  $\lambda$  منفي دچارج کثافت په یو نواخت ډول توزیع شوي وي د  $q_0$  په چارج باندې خالصه قوه پیدا کړۍ؟

20. څلور چارجداره میلې چې د یوې مربع د ضلعو په شکل د  $xy$  په افقي مستوی کې دی هره میله د  $L = 25,0\text{ cm}$  یوه فاصله لري او په هریوه کې یې د  $Q$  مثبت چارج

په یو نواخت توگه توزیع شوي دي یوه کوچني کره کومه چې دیو نقطوي چارج په شان یې تصور کولا شو  $3,46 \cdot 10^{-4} gr$  په کلتنه او  $q = 2,45 \cdot 10^{-12} c$  چارج لري په تعادل کې د مربع د مرکز څخه د  $z = 21,4 cm$  په یوه فاصله پورته قرار لري. د  $Q$  مقدار پیدا کړی؟

۶-۱ د چارج ساتنه: عکس العمل:

21. په لاندې هستوي عملیاتو کې د  $x$  عناصر مشخص کړی؟



22. په رادیواکتیوي زوال کې د  ${}^{238}_{92}U \rightarrow {}^4_2He + {}^{234}_{90}Th$  د  ${}^4_2He$  زری په مرکزي کې ښکاره کیږي په دې خط کې په یقیني ډول  $12 \times 10^{-15} m$  د مرکز څخه د  ${}^{234}_{90}Th$  هستې. باقي پاتې کیږي په دې رسوب کې (a): د  ${}^4_2He$  په زری څومره قوه عمل کوي؟ او (b): خپل تعجیل یې څومره دی؟

23. د مالګې په کرسټل کې د سودیم یو اټوم یو دخپلو الکترونو څخه خپل ګاونډي کلورین ته انتقالوي په دې رابطه کې چې سودیم مثبت ایون او کلورین منفي ایون کیږي چې یو بل د برقي قوې په واسطه سره جذبېږي هغه د جاذبې قوه حساب کړی. چې د ایونو ترمنځ فاصله یې  $282 pm$  وي.

24. د دوه عیني (مساوي) ایونو ترمنځ الکتروستاتیک قوه  $3 \times 10^9 N$  ده که د ایونو ترمنځ فاصله  $5 \times 10^{-10} m$  وي (a): د هر ایون چارج پیدا کړی؟ (b) د هر ایون څومره الکترونونه ورک شوي؟

25. یونیوترون دیو "up" کوارک چې چارج یې  $\frac{2}{3}e$  دی او دوه "down" کوارکونه څخه چې هر یو یې  $-\frac{1}{3}e$  چارج لري جوړ شوي که چیرته down کوارکونه  $2.26 \times 10^{-15} C$  په فاصله د نیوترون د داخل مرکز څخه جدا دی د هغوی ترمنځ د دفعې برقي قوه څومره ده؟

26. (a) څومره الکترونونه به د penny څخه لرې شي چې  $C = 1.15 \times 10^{-7}$  چارج ازاد کړي؟

(b) په penny کې د الکترونو په کوم مطابقت سره وجود لري ۱-۱ نمونوي مسئله وگوري؟

27. یو الکترون په خلا کې د ځمکې سطحې سره نږدې واقع دی چرته دوهم الکترون بآید ځای په ځای شي چې هغه د اولني الکترون دخالصې قوي لاندې واقع شي د دې بل الکترون وزن صفر دی؟

28. د  $75.0 \text{ kg}$  الکترونونو مجموعې چارج په کولمب پیدا کړي؟

29. په یو گیلان اوبو کې څو کولمبه مثبت چارج وجود لري که فرض کړو چې د اوبو حجم یې  $250 \text{ cm}^3$  دی؟

30. دوه طبعي شاگردان ( $52.0 \text{ kg}$  marry , او  $90.7 \text{ kg}$  Johan) د  $28,0 \text{ m}$  په فاصله کې جدا دی دهغوی دهریوه د مثبت او منفي چارج عدم موازنه  $0,01\%$  ته رسیږي دیو شاگرد مثبت او دبل منفي چارجو ترمنځ برقي جاذبوي قوه په لاس راوړي؟ یادونه: د شاگردانو ځای په ځای کیدل د اوبو دا حاطه کولو په واسطه او د 29 تمرین نتیجه استعمال کړي؟

31. (a) :په کوم مقدار مثبت چارج په ځمکه او سپوږمۍ کې ځای په ځای شي چې دهغوی د جاذبې د قوې جاذبه خنثۍ کړي تاسې ددې مسئلې د حل لپاره د سپوږمۍ فاصلې پوهیدو ته ضرورت لري؟ بلې یا نه؟

(b) :څو ټنه هایډروجن ته ضرورت دی چې مثبت چارج تهیه کړي په  $a$  پارت کې یې حساب کړي؟ که د هایډروجن مولر کتله  $1.008 \text{ g/mol}$  وي.

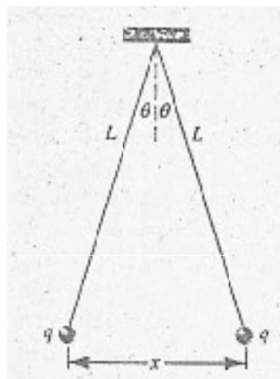
## مسائل

1. دوه مشابه چارجداره هادي کړي چې مختلف علامه چارجونه لري د  $0,108 \text{ N}$  یوي قوي پواسطه یوه بله سره جاذبوي که د  $50 \text{ cm}$  په فاصله سره جدا شوي وي که دا

- چارجداره کړي په ناڅاپي ډول د یوه نازکه هادي سیم سره وصل شي ددې دواړو د بیلولو لپاره  $0,0360N$  قوه پکار ده د کړو د پاسه اصلي چارجونه څومره وه؟
2. د یوې مربع په دوه مختلفو کنجونو کې د  $Q$  چارج په ځای شوي دي که چیرې د  $q$  یو چارج ددې مربع په دوه کنجونو کې کینسودل شي: (a) : که د قوې تاثیر د  $Q$  په چارج صفر وي، د  $Q$  او  $q$  مقدار څومره دي (b) : ممکن ده چې چارج داسې انتخاب کړو چې قوه یې په نورو چارجونو صفر وي خپل ځواب بیان کړی؟
3. د  $q$  او  $4q$  آزادو چارجونو ترمنځ فاصله  $L$  ده یو دریم چارج داسې اینسودل شوي دي چې ددې سیستم په داخل کې په تعادل کې دي. (a) د دریم چارج علامه، مقدار او موقعیت پیدا کړی؟ (b) وښایاست چې دا تعادل ناپایداره دي؟
4. دوه هم مشابه باریکه پنډوسکی د  $m$  په کتله د ورینیمین تار په واسطه د  $L$  په اوږدوالي څوړنده دي او هره یو یې د  $q$  مساوي چارج لري ۲۲-۱ شکل فرض کړی چې  $\theta$  زاویه ډیره کوچنۍ ده چې تقریباً د  $\sin \theta$  سره مساوي ده (a): ددې فرضي لپاره وښایاست چې د تعادل د پاره لاندې رابطه صدق کوی:

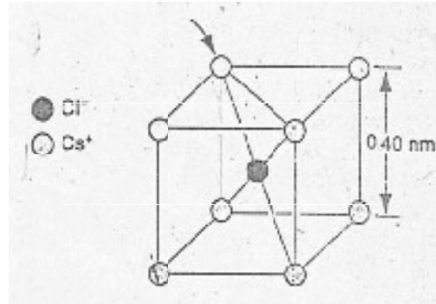
$$X = \left( \frac{q^2 L}{2\pi\epsilon_0 m g} \right)^{\frac{1}{3}}$$

د  $X$  پنډوسکی ترمنځ د جدایي فاصله ده. (b) : که چیرته  $L = 122cm$  ،  $m = 11,2g$  او  $X = 4,70cm$  وي د  $q$  قیمت به څو وي؟



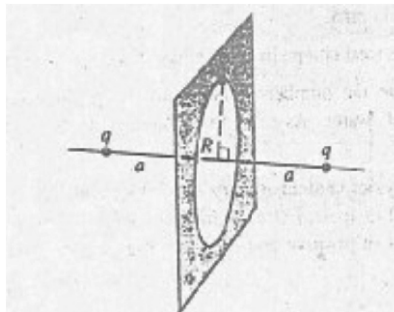
۲۲-۱ شکل: ۵، ۱۴ او ۲ مشکل

5. که ۲۲-۱ شکل پنډوسکي د برق هادي شي. (a): که چيرته يو ددي پنډوسکو څخه بي چارجه وي د پنډوسکو ترمنځ څه واقع کيږي خپل ځواب بيان کړي؟ (b): د جدایي نوي تعادل په لاس راوړي؟
6. فرض کړي چي هره پنډوسکه د څلورم مثال له مخي ئی  $nc = 1, 20$  چارج بايللی دی که د جدایي د متمادي نسبي سرعت ئی مساوي  $dx/dt$  وی حتمي به يو بل ته نږدي کيږي؟
7. د  $Q$  يو چارج د  $-q$  او  $+q$  په کوچنيو چارجونو باندي ويشل شوي دي د  $Q$  او  $q$  د دوه برخو ترمنځ څه رابطه موجوده ده که چيرته ددي چارجونو ترمنځ يوه فاصله موجوده شي د کولمب د دفعي اعظمي قوه به څومره وي؟
8. د  $+Q$  دوه مثبت چارجونه چي د  $d$  په فاصله سره جدا شوي يوه زره چي د  $-q$  چارج لري او د  $m$  په کتله د هغوي ترمنځ واقع ده که هغوي ته کوم تغير ورکړ شي او عمود پاتي شي وښايست چي دا زره به ساده اهتزازي حرکت د  $(\epsilon_0 m \pi^3 d^3 / qQ)^{\frac{1}{2}}$  پواسطه اجرا کوي تشریح يي کړي؟
9. په اتم مثال کي، د مثبت دوه چارجونو ترمنځ يو خط د يوځاي کيدو نشته که  $+q$  چارج د هغوي په مینځ نقطه کي واقع شي ددي زري د اهتزاز پريود محاسبه کړي؟
10. د  $CsCl$  په مرکب کي سيزيوم کلوراید د سيزيوم اتوم د مکعب په يو کنج کي واقع دي او د  $CL$  اتوم د مکعب په مرکز کي دي د مکعب د ضلعو اوږدوالي  $0,40\text{ nm}$  دي ۲۳-۲۵ شکل وگوري، د  $CS$  اتوم يو الکترون کمبود لري او د  $Cl$  اتوم يو الکترون زيات لري. (a): ددي  $CS$  د ۸ اتومونو د مجموعی قوي شدت به چی ښوول شوی د  $Cl$  په اتوم څومره وي؟ (b): فرض کړي چي د  $CS$  اتوم د يو غشي په شکل وښودل شي نو د  $Cl$  په اتوم به د  $CS$  په اتوم څومره قوه وارده کړي؟



۱-۲۳ شکل: ۱۰ مشکل

۱۱. دوه مساوي مثبت نقطوي چارجونه د  $2a$  په ثابت فاصله سره جدا شوي دي که يو نقطوي امتحاني چارج په يوه مستوي کي چي ددي چارجونو په وصل کوونکي خط عموده ده په منځ کي په منځنۍ نقطه کي واقع دي ددي مستوي د دايري شعاعوي  $R$  پيدا کړي او د کومي لپاره به په امتحاني زړه باندي د قوي قيمت اعظمي وي. ۱-۲۴ شکل وکړی؟



۱-۲۴ شکل: ۱۱ مشکل

محاسبوی (کمپیوټري) پوښتنې

۱- که چیرته  $+q$  او  $-q$  چارجونه د دوه حلقو ترمنځ په مساوي ډول ویشل شوي وی، ددي چارجونو ترمنځ د جذب قوه حساب کړی؟ په هغه صورت کي چي د حلقې محور د  $x$  په محور منطبق وی او د هري شعاع  $R$  ده او د حلقو ترمنځ فاصله يي  $2R$  وي ستاسي د

اڅرني جواب شکل به وي؟  $F = c_r q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$  چيرته چي  $C_r$  بي بعده د تناسب ثابت دي تاسي يي شايد پيدا کړي؟

2- د کمپيوټر لمړني سوال تکرار د دوه ډسکونو لپاره په هغه حالت کي تکرار کړي چي  $+q$  او  $-q$  چارجونه په يو نواخت ډول توزیع شوي وي ستاسي اڅرني ځواب به  $F = c_d q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$  چيرته چي  $C_d$  بي بعده ثابت دي. دا د  $C_d$  ثابت د  $Cr$  د ثابت سره فرق لري؟

3- د جاذبي قوه د دوه کروي اجسامو ترمنځ محاسبه کړي که  $+q$  او  $-q$  چارجونه په متجانس ډول ويشل شوي وي ددي کړو مرکز د  $x$  په محور منطبق دي او د هري کري شعاع  $R$  ده د کري په مرکز کي  $d > 2R$  په واسطه جدا کيږي ستاسي به اڅرني ځواب  $F = c_s q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$  چيرته چي  $C_s$  بي بعده ثابت دي؟

4- د  $Q$  متجانسه چارجداره حلقې د  $R = 1\text{cm}$  او يو الکترون د يوي حلقې په مستوي کي د حرکت په حال کي دي؟ (a): فرض کړي چي  $Q = -100\text{ }\mu\text{c}$  وي د الکترون سرعت په هغه صورت کي پيدا کړي چي هغه په دايره وي مدار  $r = 0,50\text{ cm}$  په شعاع د حرکت په حال کي وي.

(b): فرض کړي چي  $Q = 100\text{ }\mu\text{c}$  دي ددي چارج سرعت د  $r = 1,50\text{cm}$  په شعاع حساب کړي؟

(c): دا حرکت د يو عددی انټيگرال پواسطه وښايست چي هلته مدار ثابت نه وي؟



## دوهم څپرکی

### برقي ساحه:

برقي چارجونه په لرې ساحو کې هم يو له بله سره ارتباط کولای شي الکترونونه او اتومي ايونونه د کائناتو د لرې پرتو حدودو پورې قوي واردوي، کوم چې الکترونونه ددې قابل گرځوي چې په ځمکه حرکت وکړي، دا اړیکې څنگه توضیح کولای شو؟

د برقي ساحې په صورت کې دا مونږ تشریح کولای شو. لرې پراته چارجونه يوه برقي ساحه رامنځ ته کوي کوم چې د ځمکې او د ساحې د مبداء ترمنځ وجود لري، د چارجونو حرکت په ساحه کې د مزاحمت سبب گرځي، کوم چې په فضاء کې يا په خلا کې د نور په رفتار سره حرکت کوي، او د تشعيع په څير بنسټ کېږي، کله چې دوی په ځمکه کې د سرکټونو په داخل کې د الکترونونو د حرکت سبب گرځي. په دغه څپرکي کې مونږ يواځې ساکنه برقي ساحه تر مطالعې لاندې نيسو.

### ۲-۱ ساحه څه شی دی؟

که چيرې مونږ او تاسې په يوه خونه کې قرار ولرو نو د نوموړې خونې د تودوخې درجه د خونې په هره نقطه کې مشخصه اندازه لري، او د هرې نقطې د تودوخې د درجې د معلومولو له پاره د ترمومتر څخه استفاده کولای شو، وروسته له دې کولای شو، د نوموړې خونې يو نقشه رسمه کړو او د هرې نقطې د تودوخې درجه يې په نښه کړو، او يا هم کولای شو د تابع په مرسته د تودوخې دغه درجې په مختلفو نقاطو کې په گوته کړو، دغه ساحه چې د نقشي په شکل او يا هم په غير له دې  $T(x, y, z)$  د الجبري تابع په شکل د  $(x, y, z)$  په هر نقطه کې مونږ ته د تودوخې مختلفې درجې په نقشه کې ښايي، د تودوخې د ساحې په نوم يادېږي، همدارنگه مونږ کولای شو په هره نقطه کې فشار معلوم کړو، او بيا د هغې په مرسته د فشار ساحه تعينه کړو، دا چې تودوخه او فشار دواړه سکالري کميتونه دي نو ځکه دغه ساحو ته سکالري ساحې ويل کيږي، که چيرته تودوخه

او یا هم فشار د وخت په تیریدو سره بدلون ونه کړي، نو ددې په اساس رامنځ ته شویو ساحو ته ساکنې ساحې ویل کیږي که چیرته نظر وخت ته تغیر وکړي هغه انرژي د ساحې په حسابي توگه بیانېږي او تابع یی فقط د وخت  $T(x, y, z, t)$  مربوطه ده، همدارنگه که چیرته تاسو د یوې بهیدونکې ساحې په هره نقطه کې د سرعت جهت او د هغې اندازه پیدا کړئ دغه دوکتوری ساحی یو مثال دی. تاسې کولای شئ چې په هره نقطه کې دا مقدار وکتور په واسطه معلوم کړئ او یوځل بیا کولای شئ چې هغه د یوې نقشی په مخ رسم کړئ چې په هره نقطه کې یې مقدار او جهت بیان کړئ او یا یې د  $\vec{V}(x, y, z)$  د حسابي تابع په واسطه معلومولای شئ.

د ځمکې د جاذبې ساحه د وکتوري ساحې یو بل مثال دی. دا وکتوري ساحه، تاسې کولای شئ چې په هره نقطه کې د یوې فنري تلې پورې د  $m_0$  د یو کتلې په تړلو سره د جاذبې قوه پیدا کړي، او وروسته بیا کولای شئ په هره نقطه کې د جاذبې قوې  $\vec{F}$  اندازه او جهت معلوم کړئ، او بیا کولای شئ د یو نقشی په رسمولو سره او یا د یوې ریاضیکي عملي  $\vec{F}(x, y, z)$  په مرسته خپل نتایج بنودلای شئ، البته یوه خبره ده هغه دا چې دغه نقشه چې مونږ د کومې کتلې په مرسته تر لاسه کړه که همدغه کتله بل نفر استعمال هم کړي نو بیا د هغه نفر له پاره دغه نقشه مفیده ده او که همدغه کتله استعمال نه کړي نو بیا دغه نقشه د بل نفر لپاره مفیده نه ده. دا چې قوه د کتلې سره مستقیماً متناسبه ده، ښه به دا وي چې داسې یوه نقشه رسمه شي چې په امتحاني کتله باندې د قوې مقدار ونه ښایي، بلکې په عوض یې  $\frac{\vec{F}}{m_0}$  قوه په واحد د کتلې وښایي، یا  $\frac{N}{kg}$  ددی مقدار واحد دی چې د  $\vec{m_0}$  د کتلې په مقدار پورې مربوط دی. که چیرې مونږ په مختلفو مقدارو سره کتلې انتخابې کړو، نو د امشابه نقشه چې تر لاسه کیږي. هغه مونږ ته په هره نقطه کې د مشابه قوؤ مقدار په واحد د کتلې رابښايي مونږ  $\frac{F}{m_0}$  ته د جاذبې ساحه وایو. تاسی ته به معلومه شي چې دا په هره نقطه کې د ازاد سقوط تعجیل  $g$  سره هم مساوی ده:

$$\vec{g} = \frac{\vec{F}}{m_0} \quad (2-1)$$

د  $\vec{g}$  ساحه داسی یو وکتور دی چې جهت ئی مونږ ته په هماغه نقطه کې د ځمکې د جاذبې د قوې جهت او مقدار ئی د جاذبې د تعجیل ثابت رابنائی. مونږ هغه قوه چې په هره نقطه کې د  $m$  په کتلې عمل کوي په هماغه نقطه کې د  $m$  د کتلې او  $\vec{g}$  د مقدارونو د ضرب څخه په لاس راوړو.

:

$$\vec{F} = m\vec{g} \quad (2-2)$$

پدې څپرکي کې به مونږ یو ګټور مفهوم د برقي ساحې لپاره روښانه کړو چې هغه مشابه ساختمان د جاذبې قوې پر واحد چارج (په غیر د جاذبې قوې څخه په واحد د کتلې) دا چې برقي قوه پکې شامل ده برقي ساحه یو وکتوري کمیت دی. برقي ساحه په هماغه شکل سره چې مونږ د قوې پر کتلې څخه د ځمکې د جاذبې تعجیل  $g = \frac{F}{m}$  پیدا کاوه په لاس راوړو. یعنې مونږ به برقي ساحه د برقي قوې په واحد د چارج سره پیدا کوو ( $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$ ) مخکې لدې چې د ساحې مفهوم په خلکو کې عام شي، د یو جسم څخه په بل جسم باندې عامله قوه د یوې مستقیمې رابطې په توګه تصور کیدل د جاذبې په صورت کې په لاندې شکل سره ښودله کیږي.

کتله  $\longleftrightarrow$  کتله

د اښایي چې داده کتلې مستقیماً یو په بل اثر کوي د دغه نظری له مخې د یو جسم د حرکت تاثیر ژر بل جسم ته انتقالیږي.

د ساحې په ارتباط په اوس وخت کې د خلکو مفکوره په لاندې ډول ده

$\longleftrightarrow$  کتله  $\longleftrightarrow$  ساحه  $\longleftrightarrow$  کتله

له دې څخه څرګندیږي چې یو جسم یا کتله مستقیماً له بل جسم یا کتلې سره تعامل نه کوي او نه یو له بل سره یو ځای کیږي بلکه د هغه بل جسم په وسیله د رامنځته شوي جاذبې ساحې سره اړیکه پیدا کوي. او بیا له بل جسم سره اړیکه نیسي. دا په دې معنی سره چې لومړی کتله په فضا کې یو ساحه رامنځته، کوي کومه چې په هره نقطه کې معلومه اندازه لري او دوهمه کتله بیا له دغې ساحې سره اړیکه نیسي. دغه رامنځته شوی ساحه

ددواړو کتلویا هم ددواړو جسمونو ترمنځ د یو منځگړي حیثیت لري . په دوهم جسم باندې وارده شوې قوه په لاندې ډول سره پیدا کولای شو  $\vec{F} = m \cdot \vec{g}$  .

دلته که چیرته موږ یو جسم یا کتله له خپله ځایه بې ځایه کړو نو د جاذبې په ساحه کې هم تغیر راځي او دغه تغیرات د نورد سرعت په څیر حرکت کوي.

۲-۲ برقي ساحه:

د جاذبې د ساحې د مخکې تشریح له مخې کولې شو چې مستقیماً په الکتروستاتیک کې کولمب قانون چې یو برقي چارج باندې د بل چارج د قوې په اړه دی مونږ ددی قابل

گرځوی چې . چارج ← چارج

د تیر په څیر دوهم ځل لپاره بیا هم د دواړو برقي چارجونو ترمنځ د یو منځگړي په توګه د ساحې په رامنځ ته کولو سره مونږ پورتنۍ رابطه په لاندې ډول سره بنودلای شو .

← چارج ← ساحه ← چارج

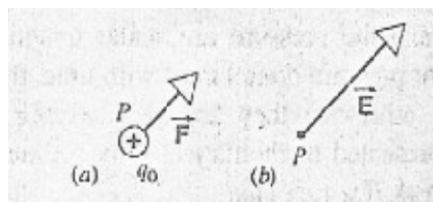
له دې څخه معلومېږي چې لومړی برقي چارج یو برقي ساحه رامنځ ته کوی . او بیا دوهم برقي چارج د اول چارج د برقي ساحې سره په متقابل عمل کې راځي زموږ مشکل په دې خاطر د دواړو برقي چارجونو ترمنځ د متقابل عمل او اړیکو د اندازه کولو ستونزه ده دغه دوه جدا ستونزې دي .

۱- اول د لومړي برقي چارج په وسیله په فضاء کې رامنځ ته شوی برقي ساحه په هره نقطه کې د اندازه گیری او یا هم د محاسبې په اساس پیدا کول دی.

۲- دهغه قوې پیدا کول چې دغه برقي ساحه بې په دوهم برقي چارج باندې واردوی چې په فضاء کې په یوه ټاکلې نقطه کې قرار لري . د ۲-۱ معادلې په مقایسه په جریان پورې مربوطه د جاذبې ساحې په څیر مونږ د  $\vec{E}$  په برقي ساحه کې د برقي ساحې د پیدا کولو له پاره د څو برقي چارجونو په موجودیت کې چې د  $q_0$  مثبت امتحاني چارج باندې عمل کوي د لاندې مساوات څخه استفاده کوو:

$$\vec{E} = \vec{F}/q_0 \quad (2 - 3)$$

په پورته رابطه کې د  $\vec{E}$  وکتور د قوي يعنې  $\vec{F}$  سره هم جهته دي، ځکه  $q_0$  يو مثبت چارج دی او سکالري کمیت دی. د برقي ساحې معرفي کول په دې طريقه د  $q_0$  امتحاني چارج څخه مستقل دی. ۱-۲ شکل راښايي کوم چې مونږ د برقي ساحې د  $P$  د يوي خاصې نقطې له پاره استعمال کړی و، مونږ د  $q_0$  مثبت امتحاني چارج په  $P$  کې ږدو او په  $q_0$  د الکتروستاتيک قوي د معرفي له پاره چې برقي جسم برقي ساحې احاطه کړې دی کوم چې په شکل کې نه دی ښوول شوی، نو ۲-۳ معادله برقي ساحه ښايي په ۱-۲ شکل کې نوبت:  $\vec{F}$  او  $\vec{E}$  موازي دي کوم چې په ۲-۳ معادله کې معرفي شوي، په لاندې شکل کې يې ښودنه کوو.



۱-۲ شکل (a): ۱-۲: احاطه کوونکي چارجداره جسم په  $q_0$  مثبت امتحاني چارج د  $P$  په نقطه کې د  $F$  قوه واردوي (b): برقي ساحه د  $p$  په نقطه کې په احاطه کوونکې چارجداره جسم عمل کوي.

۱-۲ جدول د بعضې برقي ساحې د  $N/C$  په واحد ښي.

موقعیت	برقي ساحه په $N/C$
د یورانیم د هستې په سطحه کې	$3 \times 10^{21}$
د هایډروجن د اتوم د الکترون متوسطه شعاع	$5 \times 10^{11}$
په هوا کې د برق د سقوط واقع کیدل	$3 \times 10^6$
د فوتو کاپي د ماشین چارج داره طرف	$10^5$
د TV په سټ کې د الکترون د نوراچونې تعجیل	$10^5$

$10^3$	د پلاستيکي چارج شوی پرمختی سره نږدې
$10^2$	د اتموسفیر څخه لاندې
$10^{-2}$	د کورني سرکټ د مسي سيم په داخل کې

د برقي ساحې مقدار عبارت دی له قوه په واحد د چارج چې د SI په بین المللي سیستم کې یې واحد عبارت دی د  $N/C$  چې معادل واحد  $v/m$  دی چې په اته ویشتم څپرکي کې پری بحث کیږي.

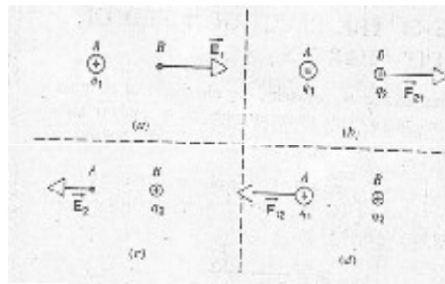
نوټ: ددی مشابه دځمکې دجاذبې تعجیل چې  $g$  دی همیشه  $m/sec^2$  واحد دی چې په عوض ئې  $N/kg \cdot m$  هم استعمال کیدای شی (یعنی چه قوه دکتلې په واحد تقسیم شی). (د دواړو ساحو یعنی دځمکې دجاذبې ساحې او برقي ساحې خاصیت ورته والی لری، یعنی په ترتیب سره دواړه دقوو تقسیم دی (دکتلې او چارج په واحد) ۱-۲ جدول بعضی برقي ساحې چې په کموځایو کې واقع کیږي رانښائی. مونږ ۲-۲ معادله دجاذبې په ساحې کې دجاذبې دقوی دپیدا کولو لپاره استعمالوله، په څیر ئې مونږ په برقي ساحه کې، په چارج لرونکي جسم باندی دواردی شوی قوی مقدار محاسبه کولای شو. یوځل چې مونږ په یوه نقطه کې دازما یښتی جسم په کومک سره برقي ساحه پیدا کړه بیانو مونږ په دغه ځای کې  $q$  چارج لرونکي جسم باندی دواردی شوی قوی مقدار هم پیدا کولای شو:

$$\vec{F} = q\vec{E} \quad (2-4)$$

دلته برقي ساحه یعنی  $\vec{E}$  د نورو شتو چارجونو په وسیله رامنځ ته شوی ده نه دا چې د  $q$  چارج په واسطه رامنځ ته شوی ده. پورتنی رابطه په اسانۍ سره کولای شی هغه مقدار قوه پیدا کړي چی دغه نور چارجونه یی په  $q$  چارج باندی واردوی. اوس موږ په همدې پوهیدلای شو چې ددوه چارجونو یعنی  $q_1$  او  $q_2$  تر مینځ برقي ساحه څرنگه دیو مینځکړي په حیث وظیفه اجراکوي. لکه څرنگه چې په ۲-۲ شکل کی ښودل شوی ده د  $q_1$  چارج چی په  $A$  کی موقعیت لري په ټولو چارچاپیره نقطو کی برقي ساحه رامنځ ته کوي

که فرض کړو په  $B$  موقعیت کې یې ارزښت  $E_1$  دي. مونږ کولای شو دبرقی ساحې د معلومولو لپاره چې خپل آزمایشی چارج په  $B$  کې ځای په ځای کړو او بیا په دې باندې د  $q_1$  له خوا وارده شوي قوه اندازه کړو. که چیرته موږ د  $B$  په موقعیت کې د  $q_2$  مخالف چارج ځای په ځای کړو. نو په دې صورت کې به برقی قوه  $F_{21}$  وی، کومه چې مونږ ۲-۴ رابطې په واسطه پیدا کولای شو:

$$\vec{F}_{2,1} = q_2 \cdot \vec{E}_1$$



۲-۲ شکل.

دلته مونږ اول د  $A$  په موقعیت کې د  $q_2$  چارج په واسطه د آزمایشی چارج څخه په استفادې سره برقی ساحه  $E_2$  پیدا کوو بیا په  $A$  موقعیت کې د  $q_1$  چارج په ځای کولو سره مونږ د  $q_2$  له خوا په  $q_1$  باندې د واردې شوي قوې مقدار پیدا کوو  $F_{1,2} = q_1 \cdot E_2$ ، شکل، د نیوټن د دریم قانون په اساس قوی سره برابری او مخالف دی یعنې:  $(F_{2,1} = -F_{1,2})$  دغه قوی مساوی او مخالفې دي. خو بیا هم د دواړو چارجونو په واسطه رامنځ ته شوي برقی ساحه سره تفاوت لري. مونږ وایو چې د جاذبې د ساحې مشابهه دوو چارجونو برقی ساحه هم پیدا کولای شو کله چې په برقی ساحه کې د چارجونو توزیع مختل کیږي په دې صورت کې دبرقی ساحې د مقدار معلومولو لپاره زیاته مناسبه ده چې ولیکو: .

$$\vec{E} = \lim_{q_0 \rightarrow 0} \frac{\vec{F}}{q_0} \quad (2-5)$$

که څه هم مونږ د اول څپرکی څخه پوهیږو هغه داچې دا لمت معمولاً نه صفر کیږي ځکه چې امتحانی چارج هیڅ کله کوچنی نه وي په غیر د  $e$  ابتدایي چارج څخه البته برقي ساحه د چارجونو د مجموعي په خاص موقعیت پورې اړه لري.

۲-۱ نمونه ئی مسئله: که چیرته یو الکترون  $q = -e$  د یو چارج لرونکی جسم سره نږدې کیښودل شي د تجرو بوی قوی جهت د  $+y$  په لوري دی که مقدار ئی  $3,60 \times 10^{-8} N$  وي .

**a:** په دغه موقعیت کی برقي ساحه څومره ده؟

**b:** دهغه قوی مقدار پیدا کړی چې د همدغه چارج لرونکی جسم لخوا په یوه بله برخه  $q = +2e$  باندی واردیږي؟

حل: (a) مونږ د ۲-۴ معادې د استعمال څخه لرو :

$$E_y = \frac{F_y}{q} = \frac{3.60 \times 10^{-8} N}{-1.60 \times 10^{-19} C} = -2.25 \times 10^{11} N/C.$$

د برقي ساحی جهت د  $y$  په منفي جهت کی دی .

(b) قوه د  $\alpha$  په زری په لاندی ډول ده د ۲-۴ معادلې له مخی لرو:

$$F_x = qE_y = 2(+1.60 \times 10^{-19} C)(-2.25 \times 10^{11} N/C) = -7.20 \times 10^{-8} N.$$

قوه د  $y$  په منفي جهت کی ده ددی جهت مشابه د برقي ساحی جهت هم دی . ولی د الکترون د پاسه قوه د برقي ساحی په مخالف جهت کی ده.

او د  $\alpha$  په ذري قوه په الکترون باندې د قوي څخه دوه برابره لویه ده ځکه د  $\alpha$  د ذرې د چارج مقدار دوه برابره د الکترون د چارج د مقدار دی.



## ۲-۳ د نقطوي چارجونو برقي ساحه:

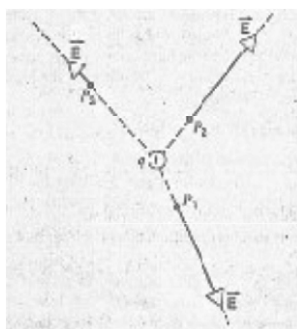
په دغه برخه کې موږ د نقطوي چارجونو برقي ساحه په نظر کې نیسو. لومړی یو منفرد چارج په نظر کې نیسو او بیا د انفرادي چارجونو (یو مجموعه) یو سلسله یا ترتیب په نظر کې نیسو او مونږ د چارجونو دوامدار توزیع عمومیت ورکوو. که فرض کړو چې د یو  $q$  نقطوي چارج څخه د  $q_0$  یو مثبت آزمایشي چارج د  $r$  په فاصله کې پروت دی په  $q_0$  باندې د عاملې قوې مقدار د کولمب د قانون له مخې عبارت دی له:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 |q|}{r^2}.$$

د آزمایشي چارج د ساختمان او ځای له مخې د برقي ساحې اندازه د ۲-۳ معادلې څخه عبارت ده:

$$E = \frac{F}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2}. \quad (2-6)$$

$E$  او  $F$  دواړه د  $q$  په خطي محور یو شان جهت لري پداسې حال کې که چیرته  $q$  مثبت وي نو دواړه بیرون طرف ته او که چیرته  $-q$  منفي وي نو بیا دواړه داخل طرف ته هم جهت وي. په ۲-۳ شکل: د مثبت نقطوي چارج سره نږدې په مختلفو نقطو کې د برقي ساحې مقدار او جهت ښایي..



۳-۲ شکل: د  $E$  برقی ساحه د  $q$  د مثبت نقطوي چارج سره نږدې په مختلفو نقطو کې ده نوبت: د  $E$  جهت په هر ځای کې په شعاعي ډول د  $q$  څخه بیرون قرار لري د  $P_1$  او  $P_2$  نقطو کې برقي ساحه چې د  $Q$  څخه مشابه فاصله لري مساوي مقدار لري د  $P_3$  په نقطه کې برقي ساحه چې د  $Q$  څخه بې فاصله د هغو دوه چنده ده او یو پر څلور د هغوي د مقدار ده دمنفي چارج په صورت کې پورته شکل څرنگه رسمولی شو؟ د  $N$  گروپ نقطوي چارچونو د برقي ساحې  $E$  د پیدا کولو لپاره په لاندې ډول عمل کوو:

1- لومړۍ په هره راکړل شوي نقطه کې د  $n$  هر چارج لپاره چې موجود دی  $E_n$  محاسبه کوو.

2- راکړل شوی ټولی وکتوری ساحې سره په خپلو کې جمع کوو ترڅو د  $\vec{E}$  نتیجوي ساحه نقطوي د پاسه د دي معادلي په شکل پیدا کوو.

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

$$\sum \vec{E}_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots, N) \quad (2-7)$$

دا جمع یوه وکتوری جمع ده د ۲-۷ معادلی د ټول چارچونو لپاره ده (د ۴-۵ معادلی په شان).

۲-۲ نمونه ئی مس<sup>۰</sup> له: د هلیوم په یو آیونایز شوی اتوم کې یعنی (چې له هغې څخه د دوو الیکترونونو څخه یو الکترون لري شوي دی) د الیکترون او هستې تر منځ د بیلټون فاصله  $26.5 \text{ Pm}$  ده. د برقي ساحې اندازه ئی پیدا کړۍ که هسته د الکترون په موقیعت کې ځای ونیسي؟

حل: مونږ ۲-۲ معادله استعمالو،  $q$  دهستی چارج دی چې برابر دی  $+2e$  سره:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)[2(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})]}{(26.5 \times 10^{-12} \text{ m})^2}$$

$$= 4.10 \times 10^{12} \text{ N/C}.$$

دغه اندازه دهغی اندازی 8 برابره ده کومه چی دهایدروجن په یوالکترون باندی دبرقي ساحی په شکل لاسته راخی (۲-۱ جدول وگورئ) ددغه زیاتوالي لامل دا دی چي:

۱: په هلیوم کي هستوي چارج د هایدروجن پرتله دوه برابره دی.

۲: اوهم په ایون لرونکي هلیوم کی الکترون هستي ته نږدي واقع دي.

۳-۲ نمونه ئی مسّله: د ۲-۴ شکل بنی چی د  $q_1$  چارج  $+15\mu\text{C}$  اود  $q_2$  چارج  $+2.3\mu\text{C}$  وی په داسی حال کی چی اول چاج د  $x$  دمحورپه مبدا کی قرارلری اودوهم چارج  $x = L$  کی قرارلري چیرته چی  $L = 13\text{cm}$  وی د  $x$  په محور باندي د  $P$  کومه نقطه کي برقي ساحه له صفر سره مساوي کیږي؟

حل: دغه نقطه به هر ورو د چارجونوپه منځ کي وجودلري ځکه چی په همدغه موقیعت کي ددواړو چارجونویعني  $q_1$  او  $q_2$  له خواپه یوازمايبنستي چارج باندی وارده شوی قوي یود بل مخالفی وی که چیرته،  $q_1$  په واسطه برقي ساحه  $E_1$  اود  $q_2$  په واسطه برقي ساحه  $E_2$  وي ددغه دواړو وکتورونواندازه باید سرهم مساوي وي یا  $E_1 = E_2$ :

مونږ: ۲-۲ رابطی څخه لیکلی شو چي:

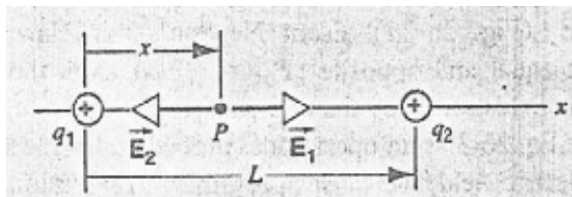
$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{x^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{(L-x)^2},$$

چیرته چی  $x$  د  $P$  دنقطی محوردی ددواړو خواو د مربع جذرنیولو څخه وروسته د  $x$  قیمت په لاندی توگه لاسته راوړو:

$$x = \frac{L}{1 \pm \sqrt{q_2/q_1}},$$

په پورته رابطه کي د جذر مربع علامه کيدای شي مثبت وي او يا منفي وي د  $L$  او  $q_1$  او هم د  $q_2$  د عددی ارقام په وضع کوو سره ترلاسه کوو .

$$x = 5.8 \text{ cm} \quad \text{او} \quad X = -54.6 \text{ cm}$$



۴-۲ شکل: د  $P$  په نقطه کې د  $q_1$  او  $q_2$  چارجونو برقی ساحه سره هم ساوې او یو د بل مخالفه ده نوڅکه د  $P$  په نقطه کې اصلی ساحه صفرده.

(1) په اولني حل کې کومه یوه نقطه چې پیداکړې وه د چارجونو تر منځ وه چې داخل زموږ غوښتنه وه.

(2) دوهم حل چې پیداشوی وه یوه نقطه د دواړو چارجونو چپ طرفته وي په دې نقطه کې داصحیح ده چې  $E_1 = E_2$  سره مگرد ساحې په همدې نقطه کې او په یوشان جهت کې دوکتوري جمع صفر کيدای نشي نوموړې دوهم حل څخه صرف نظر کوو برقی دایپول:

په کائناتو کې زیات شمیر اجسام کولای شو په اسانۍ سره ارزیابی کړو، لکه مونږ چې په دغه څپرکي کې مخکې یادونه کړیده . ځینې اجسام مختلف قسم خواص لری . مثلاً ځینې اجسام داسی یو خاصیت لری چې مساوی مثبت او منفي چارجونه لری . چې د  $d$  په فاصله کې یوله بله څخه قرار لری. خوبیا هم دهغی ابتدایی چارج ( $Net Charge$ ) وجود نلری. د مثال په ډول یو ایون لرونکی مالیکول لکه  $NaCl$  په لوړه تودوخه کې د بخاریا غازی په شکل د چارج له مخی خنثی دی، خوبیا هم هغه  $Na^+$  ایون مثبت فرض کیږی او د  $Cl^-$  دایون سره یوځای کیږی. ددی پینځی بیلگه داوبو مالیکولونه دی چې د ډیرو موادو د منحلیدو سبب گرځی.

تعریف: ددوه مساوی او مخالفو چارجونو ترکیب ته چی یوله بل څخه په یوه فاصله کی قرارولری برقی دایپول یا *Electric Dipole* ویل کیږی.

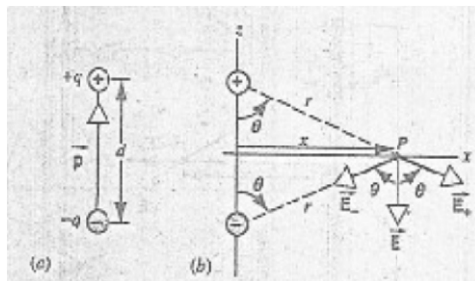
په هغه رابطو کی ، کومه چی مونږ ته برقی دایپول ښایی ، مونږ دی نتیجی ته رسیږو چی په هره برخه باندی د  $q$  چارج اندازه اود هغوی ترمنځ جداوالی فاصله  $d$  اکثره وخت یوځای ذکر کیږی یعنی د چارج او فاصلی دمقدار ونود حاصل ضرب څخه حاصلیږی

$$p = q \cdot d \quad (2 - 8)$$

چی همدی مقدار ته مونږ د  $P$  برقی دایپول مومنټ ویلای شو -دغه مقدار دوکتور په حیث کار کوی مونږ وکتوری برقی دایپول مومنټ داسی تعریفوو چی اندازه به یی  $P = q \cdot d$  او جهت دمنفی چارج څخه دمثبت چارج په طرف به یی دهغه لیکي په امتداد وی چی دواړه چارجونه سره وصلوی  $2.5a$  شکل برقی دایپول او هغه وکتوری برقی دایپول مومنټ راښایی دمثال په ډول په سودیم کلوراید کی په هرايون باندی د  $q$  چارج اندازه  $0.236 \text{ nm}$  ده نو پدی اساس د مالیکول دایپول مومنټ په لاندی ډول دی:

$$\begin{aligned} P &= ed = (1.60 \times 10^{-19} C)(0.236 \times 10^{-9} m) \\ &= 3.78 \times 10^{-29} C \cdot m \end{aligned}$$

اندازه شوی مقدار  $3.00 \times 10^{-29} C \cdot m$  دی. دغه اندازه ښایی د سودیم څخه الکترون په مکمله توگه لرې شوی نه دی او د کلورین سره تړلی دی -تريو معین حده پوری الکترون د سودیم او کلورین سره تړلی دی. تريو معین حده پوری الکترون د سودیم او کلورین ترمنځ ویشل شوی دی-او په نتیجه کی یی دایپول مومنټ رامنځته کړی که څه هم اندازه یی دتوقع برخلاف کمه ده، مونږ اوس د  $E$  برقی ساحی دایپول په  $P$  نقطه کی د  $x$  په فاصله چی ددایپول په نیمایی کی قرار لری څنگه چی په  $2b-5$  شکل کی ښودل شوی پیدا کوؤ .



۵-۲ شکل،

مثبت او منفی چارجونه  $E_+$  او  $E_-$  برقی ساحی رامنځته کوی ددواړو برقی ساحو اندازه د  $P$  په نقطه کی سره یو شان ده ځکه چی دغه د  $P$  نقطه له دواړو چارجونو څخه مساوی فاصله لری همدارنگه ۵-۲b شکل مونږ ته رانښای د  $P$  په نقطه کی د  $E_+$  او  $E_-$  برقی ساحو جهتونه چه د قوی دمقدار پواسطه ښودل شوی. د  $P$  په نقطه کی د مجموعی برقی ساحي دپیدا کولو لپاره په لاندی ډول ۷-۲ معادلې دوکتوری جمع په واسطه حاصلوو:

$$\vec{E} = \vec{E}_+ + \vec{E}_-$$

د ۷-۲ معادلې څخه د هر چارج څخه دبرقی ساحو اندازه عبارت ده له:

$$E_+ = E_- = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{x^2 + (d/2)^2}. \quad (2-9)$$

دا چی  $E_+$  او  $E_-$  برقی ساحی یو شان اندازه لری او هم په یو شان زاویه  $\theta$  کی پراته دی چی د  $z$  جهت کې هم ښودل شوي، د  $x$  اجزاء د ټولی ساحی لپاره:

$$E_+ \sin \theta - E_- \sin \theta = 0$$

ټوله ساحه  $\vec{E}$  ده د دی دپاره چی یوازی د  $z$  د اجزاء دمقدار د اندازې څخه لرو:

$$E = E_+ \cos \theta + E_- \cos \theta = 2E_+ \cos \theta \quad (2-10)$$

له شکل څخه مونږ گورو چی د  $\theta$  د زاویې کوساین په لاندی ډول څرگندیږی:

$$\cos \theta = \frac{d/2}{\sqrt{x^2 + (d/2)^2}}.$$

که ۹-۲ رابطه په ۱۰-۲ کی وضع شی نو پلاسی راوړو چی:

$$E = (2) \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{x^2 + (d/2)^2} \frac{d/2}{\sqrt{x^2 + (d/2)^2}}$$

یا

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{[x^2 + (d/2)^2]^{3/2}} \quad (2-11)$$

اکثره په ۸-۲ رابطه کی  $p = qd$  د دایپول مومنټ استعمال کړو نو دا ۱۱-۲ رابطه په لاس راځی.

نوټ: هغه مسله چی داستوانی مشابه د  $z$  محور لپاره لرو، هغه داده چی مونږ باید د  $x$  محور انتخاب کړو چی د هر یوه جهت د دایپول په محور عمود وی، او ساحه ئی د ۱۱-۲ په رابطه کی راکړل شوی وی، بعضی وختونه مونږ د  $p$  په نقطه کی د یو برقی دایپول برقی ساحه معلوموؤ کومه چی  $x$  فاصله ئی له دایپول څخه ډیره زیاته ده په دی صورت کی مونږ د دوهمه درجه مساوات (Binomial equation) د انکشاف په مرسته په لنډه توگه د دایپول ساحه پیدا کولای شو:

$$(1+y)^n = 1 + ny + \frac{n(n-1)}{2!}y^2 + \dots$$

راځی چی ۱۱-۲ رابطه د دوهم ځل لپاره داسی ولیکو:

$$\begin{aligned} E &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \frac{1}{[1 + (d/2x)^2]^{3/2}} \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \left[ 1 + \left( \frac{d}{2x} \right)^2 \right]^{-3/2} \end{aligned}$$

د انکشاف څخه وروسته داسی لیکو:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \left[ 1 + \left( -\frac{3}{2} \right) \left( \frac{d}{2x} \right)^2 + \dots \right].$$

اوس که چیرته  $d \gg x$  وي نوډاکفایت کوي چی یواځې اولنۍ برخه یی په قوس کی ولیکونو د برقی ساحی داندازې لپاره چی کوم فورمول ارایه کیږي هغه د دایپول په یوه خاصه نقطه کی د منځنۍ مستوی په واسطه دلاندی رابطی په شکل افاده کیږی:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3}. \quad (2-12)$$

د  $z$  محوريه اوږدو کښې هم مشابه حالت رامنځ ته کیږی  $b-2-5$  شکل کی د  $z$  لومړي مثال ته مراجعه وکړئ یوه بله عمومي نتیجه داده چی د ساحی په هره نقطه کی  $x, z$  هم محاسبه کیدلای شی ددی لپاره دوهم مثال وگورئ. په ټولو حالاتو کی ساحه د فاصلی په نقاطو کی  $r$  د  $\frac{1}{3}$  څخه فرق کوی. د دایپول د ساحې لپاره یو مشخصاتي نتیجه ده. ساحه  $\frac{1}{3}$  د نسبت په چټکۍ سره توپیر کوی د چار جونو نسبتاً پیچلې ویش هم شتون لری چې برقی ساحه ئې ورکوي کوم چی د  $r$  د طاقت په تغیر سره فرق کوی د برقی ساحی د تغیراتو د مثالونو لپاره 11 تمرین او 4 مثال ته مراجعه وکړی. په همدی ترتیب د دوه قطبیت،  $XZ$  ساحی د محور، په اطرافو کی هم لاسته راځی ددی د وضاحت لپاره  $b-2-5$  شکل  $z$  محور اوله مسئله وگورئ.

همداراز په  $x, z$  مستوي کی بله عمومي نتیجه داده چې ساحی په هره نقطه کی د محاسبې وړ دی. دی د وضاحت لپاره پورته ذکر شوی مرجعی دوهمه مسئله وگورئ. په ټولو حالاتو کی ساحه په یوه خاصه نقطه کی د  $r$  دیوی مشخصی فاصلی نه تر  $1/r^3$  دایپول پوری فرق کوي چی د دایپول د ساحی مخصوصه نتیجه ده چی ساحه په ډیر زیات سرعت سره د فاصلې په واسطه تغیر کوي نسبت  $1/r^2$  ته. دلته یو خونور ویشونکی چار جونه هم موجود دی چی برقی ساحه تولیدولای شی کومه چی په لوړه سطحه د  $r$  دپه برعکس طاقتونو سره فرق کوی ددی لپاره څلورمه مسئله او 11 تمرین وگورئ. مثلاً د  $1/r^4$  د ساحی د تغیراتو لپاره برقی څلور قطبیت جوړوی.



## ۲-۴ د متمدادی چار جونود ویش برقی ساحه:

په ۲-۵ برخه کې موږ هغه قوه چې په نقطوي چارجونو او اړیدل له مطالعه کړه یعنی هغه مسلسل ویشونکی چار جون له مطالعه کړل، کوم چې دلایتناهی چارجی زرو د مجموعی په حیث فرض کړی شوي وی دغه چار جون له مونږ د نقطوي چارجونو په حیث فرض کړیږي. اوبیا د دغه چارجونو انتگرال نیول کیږي ترڅو وارده قوه پیدا کړو.

د متواترو ویشل شویو چارجونو د برقی ساحی د معلومولو لپاره په لاندی ډول عمل کوو لومړی مونږ ویشل شوی چار جون د  $dq$  په ډیرو وړو وړو برخو باندی ویشو چې دلته  $dq$  کیدای شي لاندی حالتونه ولري:

$$\sigma dA \text{ او } \rho dv, \lambda ds$$

1. که چارج په خطي شکل سره ویشل شوي وي نو بیا ( $\lambda$  د خطي چارج کثافت او یا چارج د فاصیلې په واحد)

2. که چارج په یوه سطحه ویشل شوی وی نو بیا ( $\sigma$  د سطحی چارج کثافت دي او یا چارج په واحد د سطحی)

3. که چارج په حجمی شکل سره ویشل شوی وی نو بیا ( $\rho$  د حجمی چارج کثافت یا چارج په واحد حجم وی).

که چېرته  $dq$  یو نقطوی چارج وي، نو د  $P$  په نقطه کی د ویشل شویو چارجونو د برقی ساحي د معلومولو لپاره له لاندی رابطی څخه استفاده کوو:

$$dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|dq|}{r^2}. \quad (2-13)$$

د  $dE$  دوکتورجهت د  $dq$  د علامی په وسیله تعیینیږي دهغې قوې دجهت په اساس چې  $dq$  به یی په یو مثبت از ماینستی چارج باندی د  $P$  په نقطه کی واردوی د  $P$  په نقطه کی د ټولو ویشل شویو چارجونو لاسته راغلی برقی ساحه دلاندی رابطی په مرسته ترلاسه کیږي:

$$\vec{E} = \int d\vec{E}. \quad (2-14)$$

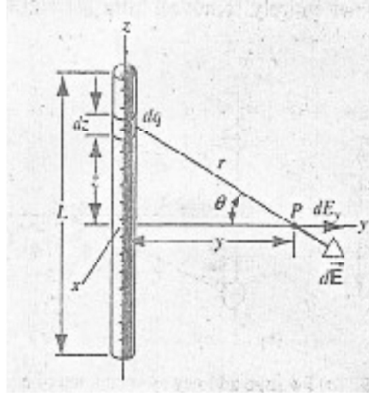
دو ضعیه کمیاتوپه سیستم کې د مرکبوله مخی د ۲-۱۴ معادله دلاندې دری مرکبولپاره لیکو:

$$E_x = \int dE_x, \quad E_y = \int dE_y, \quad E_z = \int dE_z, \quad (2-15)$$

لکه څنگه چې مونږ په لاندې ډول وکولای شو د تناسب په اساس محاسبه نوره هم ساده کړو چې یو یادوه انټیگرالونه له منځه ځي او یا هم قیمتونه یې سره مساوي کیږي.

د چارج منظم خط:

د چارج یوشان لیکه د ۲-۱۳ معادلې څخه د ۲-۱۵ معادلې پورې، د مثالونو د تطبیق په حیث مونږ برقی ساحې ته د چارجونو د لوی لیکې په توګه فکر کولای شو. (مثلاً یوه نری چارج شوی میله) که دیوی نری چارج لرونکی میلی برقی ساحه په نظر کې ونیسو چې اوږدوالی یې  $L$  او د مثبت خطي چارج کثافت یې  $\lambda = \frac{q}{l}$  وی چیرته چې  $q$  هغه مجموعی چارج دی چې دغه میله یې لري. د ۲-۶ هندسی شکل په واسطه محاسبه کیږي. مونږ غواړو چې برقي ساحه د  $P$  په نقطه کې پیدا کړو چې له میلی څخه د  $y$  په فاصله د عمودي محور په نیمائی کې قرار لري (د  $y$  محور په مثبت جهت کې) د  $dE$  برقی ساحې اندازه د  $P$  په نقطه کې  $dq$  عنصری چارج د مقدار په وسیله د ۲-۱۳ رابطې په واسطه اندازه کیږي:



۲-۲ شکل: د یوې چارج لرونکې میلی د برقي ساحه د  $P$  په نقطه کې د  $dq$  په شان د ټولو  
عنصري چارجونو مجموعي تاثیر.

مونږه محاسبه کولې شوچې  $E_x = 0$  ځکه چې د میلی د پاسه په هېڅ ځای کې  $dq$   
عنصري چارج  $d\vec{E}$  مرکبي د  $x$  په محور لاسته نه راځي، همدارنګه مونږ پوهیږو چې  
 $E_z = 0$  دی ځکه چې د مثبت  $Z$  دهر  $dq$  لپاره په  $-z$  کې هم  $dq$  موجود دی. کله چې  
له دوه ازمايښتي چارجونو څخه لاسته راغلی د  $dE$  وکتورونه سره یوځای کړو نو  $z$  له  
منځه ځي. د  $P$  په نقطه کې یو ځای او یو ځای  $E_y$  له صفره سره مساوي نه دی په دې اساس  
مونږ لرو چې:

$$dE_y = dE \cos \theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dz}{y^2 + z^2} \frac{y}{\sqrt{y^2 + z^2}}$$

چیرته چې مونږ ۲-۱۳ رابطه د  $d\vec{E}$  لپاره او  $r^2 = y^2 + z^2$  لپاره استعمالوو

$\cos \theta = \frac{y}{r}$ ,  $dq = \lambda dz$  نو د  $P$  ټوله ساحه عبارت ده له:

$$E_y = \int dE_y = \int_{-L/2}^{+L/2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda y dz}{(y^2 + z^2)^{3/2}}$$

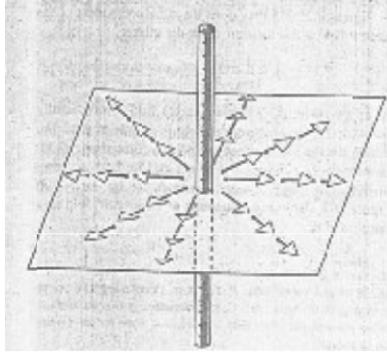
$z$  دانتیګرال څخه بیرون وېسواو د  $y$  سره چې ثابت دی یوځای کوو مونږ په لاس  
راوړو (په اوله ضمیمه کې ۱۸ انتیګرال وګورئ)

$$E_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda L}{y\sqrt{y^2 + L^2/4}} \quad (2-16)$$

دا رابطه د  $y$  د محور په مثبت جهت باندې د  $P$  په نقطه کې برقی ساحه چې د خطي چارج په واسطه پیداشوي رانښائی.

نوټ: دانتیجه مونږکولی شود ۱-۱۵ رابطی څخه مستقیماً په لاس راوړو د هغه قوولپاره چه د چارج د خط او  $q_0$  نقطوی چارج په منځ کې چې  $L$  په  $q$  عوض شی ۲-۳ رابطه استعمال شی  $E_y = F_y/q_0$  حاصلیږی. لکه څنگه چې مونږ په برقی دایپول کې یادونه کړی وه، دلته هم د  $z$  په محور باندې سلندری توازن رامنځ ته کیږی او مونږ د اهم کولای شو چې د  $y$  محور د میلی په هر جهت باندې د میلی سره عمود انتخاب کړو ۲-۷ شکل د  $x, y$  په مستوی کې د یو انوخت مثبت چارج لرونکی میلی برقی ساحه ښائی لکه څنگه چې مونږ قوه په (لومړی) څپرکی کې محاسبه کړه نو په هغی کې دامهمه وه چې برقی ساحه محاسبه کړو او ثابتنه کړو چې هغه صحیح لیمیت لری کله چې  $y \rightarrow \infty$ ، ۲-۱۲ معادله د برقی ساحی نږد یوالی نقطوی چارج ته ښائی. پوهیږو چې:

$$E_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{y^2}$$



۲-۷ شکل.

چیرته چې  $q = \lambda \cdot L$  دی کله چې دارزیابی لاندی نقطه په خط کې حصاره وی او  $y$  لکوچنی وی د  $L$  په مقایسه نود ۲-۱۲ معادلی د لیمټ څخه خبره کیږی په هغه

صورت کی چي  $\lambda$  ثابتہ وی اوڊ  $E q$  لیمټ ونیسوکلہ چي  $y \gg L$  وی نویدی حالت کی دبرقی ساحي لپاره لاندی رابطہ لرو:

$$E_y = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 y} \quad (2-17)$$

ساحہ مستقیماً دمیلی خخہ فاصلی نیسی اوپہ هماغہ فاصلہ کی بیرتہ میلی تہ راگرخی د دپورتہ رابطی خخہ تاسوکیداشی پہ تعجب کی شی دساحی دحسابولوخخہ پہ لایتناهی خطی چارجونوکی، لازمه خوداوه چي ساحہ پہ محدودچارج کی موجوده وایی.

کلہ چي دهرحقیقی خطی چارج لپاره فقط محدودہ فاصلہ وی، خرنگہ چي نقطی پہ خط کی بندی اولری وی یودبل خخہ، ۲-۱۷ رابطہ مونرتہ رانمایی چي گتورنڊیوالی برقی ساحي تہ د ۲-۱۷ و ۲-۱۲ رابطودنتیجی پہ منخ کی فرق کلہ ناکلہ بی معنی وی. دغه تقریبی نتیجی پدی حالت کی ډیری فزیکي لیدنی ورکوی. ځکه چي د  $E$  تغیردمیلی دفاصلی سره زیات بی ځنډه ښکاري.

د چارج یوه منظمه حلقه ( $Disk$ ):

داچی مونرتپه برقی ساحي بحث اوخبری وکړو. د  $R$  په شعاع حلقه منظم د چارج کثافت انتقالوی. داضرورنه ده چي مکمله محاسبه وکړود ۲-۱۳ رابطی په واسطه مونرتپه قوه محاسبه کړی. چي د  $q_0$  په نقطوی چارج باندی عمل کوی. هغه قوه چي دحلقی چارج بی د  $q_0$  په نقطوی چارج باندی دحلقی په محورباندی وارده وی د ۱-۱۲ رابطی په واسطه محاسبه کیږی په ۱-۳ رابطہ کی  $\vec{E}_z = \vec{F}_z / q_0$  مونرتکولای شوچی برقی ساحہ په هغه نقطهکی پیداوکړوچی د  $z$  په مثبت جهت کی ده. مناسبه ده چي دیوی حلقی چارج پهمستقیمډول د ۱-۱۲ رابطی خخه حاصل کړو:

$$E_z = \frac{\lambda}{2\epsilon_0} \frac{Rz}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \quad (2-18)$$

چیرتہ چي مونرت  $q = \lambda(\pi R)$  استعمالووبرقی ساحہ مستقیماً دحلقی دمحورپه اوږدوکی (د  $z$  محور) اولری دحلقی خخه ده، ۲-۱۸ رابطہ د  $+z$  او  $-z$  لپاره صحیح

ده که چیرته حلقه منفی چارج شوی وی دساحی نقطۍ دمحورپه اړدوکی دمحوردجهت سره مخالف جهت لری په مشابهه طریقه مونږکولای شوچی دچارج په یوه صفحه کی برقی ساحه

د۱۷-۱۷ رابطۍ څخه پیداو کړو:

$$E_z = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left( 1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \right) \quad (2-19)$$

مونږدلته دیوی صفحۍ د برقی ساحه لپاره دسطحۍ چارج د کثافت اصطلاح چی چارج ئی  $q = \sigma A = \sigma(\pi R^2)$  دی استعمالوو دا دیوی نقطۍ ساحه ده چه د  $Z$  د محورپه مثبت جهت کی ده چی د صفحۍ څخه د  $z$  په فاصله کی واقع دی که دساحی نقطۍ د صفحۍ څخه لری وی، که دغه صفحه مثبت چارج شوی وی په ۱۹-۲ رابطۍ کی صرف  $z > 0$  صحیح دی دابه څنگه اصلاح شی که چیری  $P$  د  $Z$  محورپه منفی لوری کی واقع وی؟

دچارج نامحدوده قشر (*An Infinite Sheet of Charge*):

راځی چی اوس د ۱۹-۲ رابطۍ دلمیت حالت ترغورلاندی ونیسوچی  $R \rightarrow \infty$  وی ددی په خاطرچی چارج لرونکی حلقۍ دچارجونو غیرمعینه یا نامحدوده ساحه جوړه شی مونږ فرضووچی څرنگه  $R$  زیاتوالی کوی، مونږحلقۍ ته چارج اضافه کووددی په خاطرچی  $(\sigma)$  ثابت پاتی شی. ددغه شرایطوپه نظرکی نیولوسره مونږ ۱۹-۲ رابطۍ په لاندې شکل سره لیکلای شو:

$$E_z = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (2-20)$$

پورته نتیجه یوډیره ګټوره ده ځکه کله چی مونږحلقۍ ته نژدی یونودحلقۍ منظم چارج د کثافت لپاره داتقریباً مناسبه اندازه ده، اوکه چیری مونږدحلقۍ له کونجونو څخه لری یونوهمدغه نتیجه ګټوره بریښی. مونږدانشو ویلایی چی دلته چارج په یوه دایروي، مستطیلی، مربعی او یا کوم بل شکل سره خپریږی او یا هم په یو غیرمنظم شکل سره خپریږی. پورتنې نتیجه دهری پراخه منظمی چارج لرونکی صفحۍ یا ورقۍ لپاره

ضروری اومهه ده .داکومه پروانلری چی شکل بی هریووی. دلته برقی ساحه یومنظمه اندازه لري(اودمبتهی چارج شوی صفحی یاورقی ) لپاره دصفحی چارج خارج ته رهنمائی کوی.

### دچارج منظم شکله کروي قشر

(Uniform spherical shell of charge): په ۱-۵ کي مونږ دمنظم چارج لرونکی کروی قشر دوه خصوصیات اوځانگړتیاوېی ترلاسه کړی، وي اودا په ازماينبتي چارج باندی په داخل کی هیش قوه نه وارده وی، اوپه ازماينبتي چارج باندی په باندنيونقاطوکی چی کومه قوه وارده وی له هغه قوی سره برابره ده لکه دټول سطحی یا قشر ټول چارج چی دهغی په مرکزکی په یوه نقطه کی موجود وو . دهغه دوه خصوصیاتو په اساس مونږ کولای شوچی دیونری منظم چارج لرونکی قشرچی چارج ئی  $q$  او شعاع ئی  $R$  ده پیدا کوو او س فرضوو چی دواړه مثبت دي. په دی صورت کی دقشر  $Shell$  له مرکزڅخه په مختلفو فاصلو باندی دبرقی ساحی لپاره مونږ لاندی رابطی لرو:

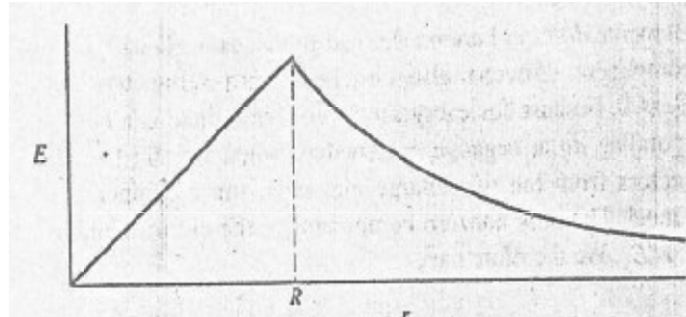
$$E = 0 \quad (r < R). \quad (2-21a)$$

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \quad (r \geq R). \quad (2-21b)$$

دلته کوچني  $r$  په برقی ساحی کی دساحی د شعاع دجهت نمایندگی کوی،

دسطحی په داخل کی برقی ساحه صفرده په باندنيونقاطوکی برقی ساحه دنقطوي چارجونوپه خیرده نوځکه دابیلگه په ۲-۳ شکل کی ښودل شوی برقی ساحی په شان ده.

مونږ دچارج لرونکي سطحو د خصوصیاتو څخه په استفادی سره کولای شو ترخوپه یوه دایره کی چه شعاع یی  $r$  ده، په دایروی ډول دویشل شویو چارجونو برقی ساحه معلومه کړود کار داسانتیا لپاره داسی فرض کووچی ددایری په داخل کی چارجونه په منظمه توگه ویشل شوي دی که چیرته په کره کی د حجمی چارج کثافت ثابت وی.



۲-۸ شکل.

او ټول چارج ی  $Q$  وی نو حجمی کثافت ئی عبارت دی:

$$\rho = \frac{Q}{\frac{4}{3}\pi R^3}. \quad (2-22)$$

فرض کړی چې دغه کره مونږ په ډیرو نریو قشرونو باندې ویشو چې شعاعګانې (radius) په  $r$  او د شمیر زیاتوالی (ګڼوالی) په  $dr$  سره ونښایو، که چیرته مونږ یوازې مایینستی چارج د  $r$  په فاصله باندې د قشر د مبداء څخه داخل کی کیردو ( $r < R$ ) په دې موقعیت کې په امتحانی چارج برقی ساحه د قشر د کوچنیو شعاع ګانو لپاره ۲۱-۲۲ معادلی څخه استفاده کوو چې په دې حالت کې د ټول داخلی قشر دپاره  $E = 0$  او د لویو شعاع ګانو لپاره د ۲۱-۲۲ معادلی څخه استفاده کوو. چې د قشرونو د ساحی ټول تعداد د  $r$  د ټولو کوچنیو شعاع ګانو لپاره په مبداء کې د نقطوی چارج په شان دی چې قیمت یی عینی د ابتدایی چارج د ساحی د قیمت په شان دی چې د تعادل په صورت کې د کرې په داخل کې مجموعی چارج  $q$  او شعاع ئی  $r$  وی کوم چې د چارج د حجمی کثافت څخه راکړل شوی دی نو د  $r$  په شعاع د قشر د حجمی کثافت له مخی مجموعی چارج مساوی دی د:

$$q = \rho \left( \frac{4}{3} \pi r^3 \right) = Q \frac{r^3}{R^3}, \quad (2-23)$$

که د چارج د کثافت قیمت ۲۲-۱ معادلی څخه په ۲۱-۲۲ معادله کې وضع شی نو د برقی ساحی په په دې موقعیت کې د کرې په داخل کې په شعاعی ډول د برقی ساحی اجزاء راکوی یعنی:



$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Qr}{R^3} \quad (r < R). \quad (2-24)$$

که فرض کړو چې  $Q$  منفي وي نو دبرقي ساحه جهت داخل طرف ته دی او که  $Q$  مثبت وي نو بیا دبرقي ساحې جهت بیرون طرف ته قرار لري که چیرته  $r > R$  نو بیا دبرقي ساحه عیناً داسې ده لکه په ۲-۲ معادله کې چې د  $Q$  د نقطوي چارج د برقي ساحې پشان ده چې چارج په مبداء کې قرار ولري. نو پ: که چیرته  $r < R$  نو بیا د  $r$  په خطي ډول سره برقي ساحه زیاتوالي کوي او که چیرته  $r > R$  نو بیا د  $1/r^2$  په څیر کموالي کوي ۲-۸ شکل د برقي ساحې مقدار  $r$  په تابع رانښائی.

۲-۴ نمونه ئی مس لکه: که چیرته دیو پلاستيکی میلی اوږدوالي  $L = 220 \text{ cm}$  او شعاع  $R = 3.6 \text{ mm}$  وي او د  $q$  منفي چارج چې مقدار یی  $3.8 \times 10^{-7} \text{ C}$  دی په یو نواخت ډول ئی د سطحې د پاسه خپور شوی وي د پلاستيکي ميلي دمنځیني نقطې سره نژدې برقي ساحه څومره ده او هم د میلی د سطحې په یوه بله نقطه کې برقي ساحه څومره ده؟  
حل: اکثر اچې د میلی اوږدوالی بی نهایته اوږد نه وي د یوې نقطې لپاره د هغې د سطحې د پاسه او نږدې د مینځنۍ نقطې سره ئی مؤثر والی ډیر اوږد دی نو موږ هغه فقط ۲-۱۵ معادلی داستعمال څخه د میلی دپاره ی د چارج خطي کثافت عبارت دی له:

$$\lambda = \frac{q}{L} = \frac{-3.8 \times 10^{-7} \text{ C}}{2.2 \text{ m}} = -1.73 \times 10^{-7} \text{ C/m.}$$

د ۲-۱۷ معادلی څخه د  $y = 0.0036 \text{ m}$  لپاره لرو:

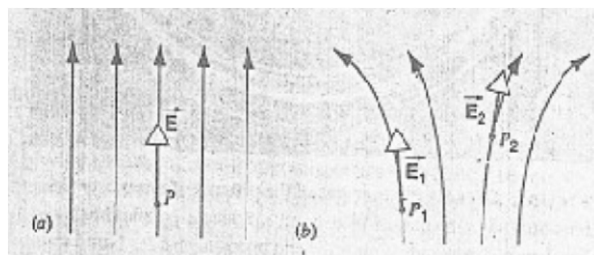
$$\begin{aligned} E_r &= \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 y} \\ &= \frac{-1.73 \times 10^{-7} \text{ C/m}}{(2\pi)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(0.0036 \text{ m})} \\ &= -8.6 \times 10^4 \text{ N/C.} \end{aligned}$$

منفي علامه رانښايي چې ميله منفي چارج شوي ده چې دبرقي ساحې جهت يې په شعاع توگه داخل لوري ته دی او د میلی دمحور لوري ته متوجه دی. په خشکه هوا کې چیرته

برقي ساحه  $Ey = 3 \cdot 10^6 N/C$  وي، نوبياشغلي رامنځته كيږي خودلته چې مونږ كوم مثال حل كړ ددي په خاطر چې شعلي رامنځ ته نه شي نومونږ چې كومه برقي ساحه ترلاسه كړه هغه دپورته ساحې  $Ey = 3 \cdot 10^6 N/C$  څخه د 3-4 فكتور په اندازه كمه ده.

## ۲-۵ دبرقي ساحې خطونه (Electrified Lines):

دبرقي ساحې مفكوره د لومړي ځل لپاره ميكائيل فرادي (Michael Faraday) پواسطه په (19) پيړۍ كې وپيژندل شوه. هغه دبرقي ساحې رياضيكي شكل ونه بنود بلکه ددي پرځای گرافيكي شكل ته وده ور كړه په كومه كې چې هغه تصور كاوه چې دبرقي چارج شاوخوا ساحه شايد قوي كرنبي وي نن ورځ موږ هېڅ كله هم دقوي دكرنبو په مفكوره باندې يقين نه شو كولاي كومه چې Faraday په هغه وخت كې پري فكر كړې وه. مگر مونږ يقين كوو او دهغه په څير دبرقي ساحې لپاره يوه مناسبه او اسانه لاره تصور كوو چې هغه دبرقي ساحې خطونه دي.



۲-۹ شكل (a): په يوه منظمه ساحه كې دبرقي ساحې خطونه. (b): په غير منظمه ساحه كې دبرقي ساحې خطونه.

۲-۹a شكل دبرقي ساحې خطونه راښائي كومه چې په يوه منظمه برقي ساحه كې قرار لري دامو بايد په پام كې وي چې خطونه يو بل سره موازي او په يوه برابره ساحه كې سميرې ، ۲-۹b شكل دهغو خطونو ښكارندوي دي چې يوه غير منظمه ساحه ښي. دقانون يا قرار داد له مخې مونږ دساحې خطونه دلاندې خاصيت له مخې رسموو Tangent دبرقي ساحې دخطونو چې په مستقيم ډول دهرې نقطې څخه تيريږي

په هغه فضاء کې دبرقی ساحی جهت په هغه نقطه کې رانښائی. په ۹-۲a شکل کې د مثال په ډول دبرقی ساحی لوري د  $P$  په نقطه کې عموداً پورته طرفته ده چې د ساحی خطونو ئی  $(Tangent)$  دی ځکه ساحه یو نواخت ده، دبرقی ساحی خط ددی پراخی فضاء په هره نقطه کې همدا جهت لری، ۹-۲b شکل کوم چې یو نواخته ساحه نه ښائی د برقی ساحی جهت ئی د  $P_1$  او  $P_2$  په هره نقطه کې متفاوت دی، دهر حالت لپاره دبرقی ساحی خط مستقیماً دهغه نقطی څخه مماس تیریږی دبرقی ساحی دخطونو لپاره چې دارنگه خواص لری. باید داسی رسم شی چې: دبرقی ساحی خطونه د مثبت چارج څخه شروع او په منفی چارج ختم شی د مثال په ډول ۱۰-۲ شکل دیو مثبتی چارج لرونکی نقطی برقی ساحی خطونه ښی. چې دخطونو جهت ئی په شعاعی ډول پورته طرفته دی. نو ځکه په هره نقطه د  $P$  کې ساحه شعاعی ده.

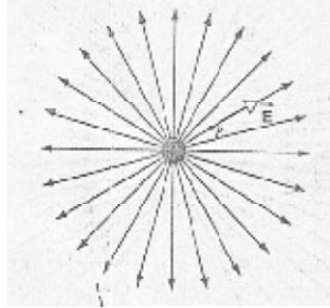
د ساحی خطونه له مثبت چارج څخه شروع کیږی او مخ پر بی نهایت یالایتناهی پراختیامومي تر هغه چې منفی چارج ته آخر کې ورسیري.

د ساحی خطونو ددی مخالف جهت لری که چیری چارج منفی وي (یعنی په شعاعی ډول داخل طرفته) وی.

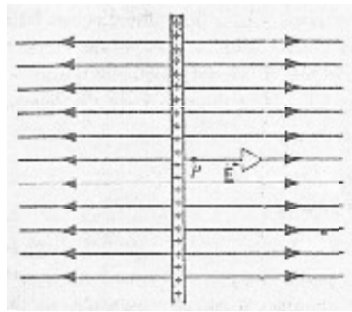
یو وروستنی خاصیت دبرقی ساحی خطونو دادی چې:

دبرقی ساحی مقدار په هره نقطه کې متناسب دی د ساحی دهغه شمیر خطونو سره په واحد دهغه سطحی، چې په هغه برخه کې ئی عموداً قطع کړی ده.

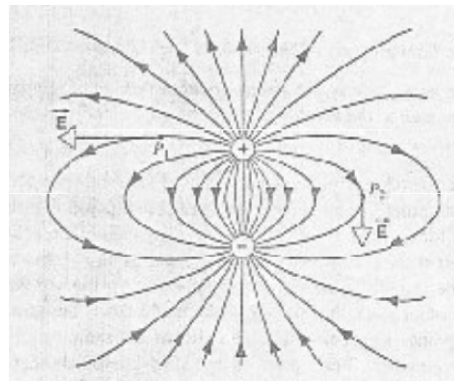
یا په بله ژبه هر څومره چې دبرقی ساحی خطونه زیات هری نقطی ته نژدی وي نو په هماغه اندازه به په هغی نقطه کې ساحه هم غښتلی (قوی) وي. ۹-۲b شکل ددی لارښونه مونږ ته کوی چې د ساحی اندازه او مقدار زیات دي درسم ښکتنی. برخه کې نسبت پورتنی برخي ته. په ۹-۲a شکل بیا دا رانښای چې د ساحی دخطونو واقع کیدل په ټولو نقطو کې یو شان دی. ددی څخه څرگندیږی چې هره برقی ساحه په هره نقطه او هر چیری یوه اندازه قدرت لری. د مثال په ډول ۱۰-۲ شکل د مثبت نقطوی چارج سره نږدی دبرقی ساحی خطونه یو بل سره نږدی دی او د چارج څخه لری دبرقی ساحی خطونه دیو بل څخه لری دی.



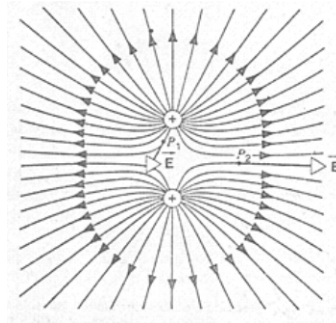
۱۰-۲ شکل



۱۱-۲ شکل: پدهی شکل کی دبرقی ساحی خطونه نژدی یوی نازکی او هم شکله چارج لرونکی صفحی ته واقع دی. او مونږ د صفحی په کنج کی گورو چی دا خطونه هم جهته او عموداً واقع دی.

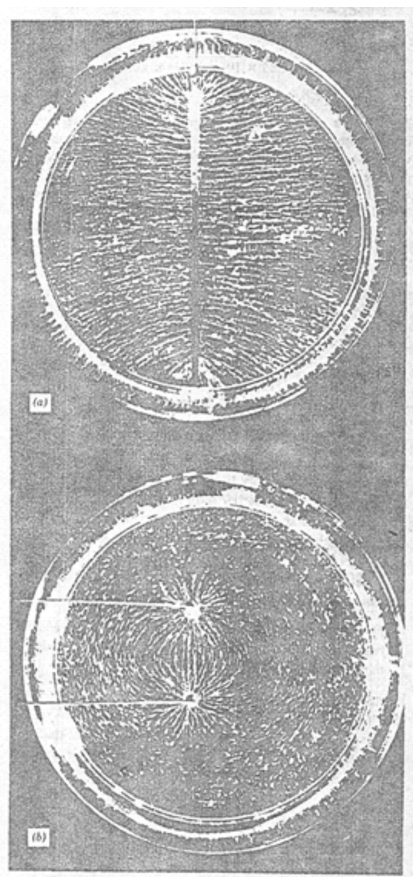


۱۲-۲ شکل: دبرقی ساحی خطونه دیو برقی قطبیت سره واقع دی. د 2-12 شکل قطبیت ته نژدی ساحی رانښی یعنی دا واضح کوی چی څرنگه دبرقی ساحی خطونه له مثبت چارج څخه شروع او په منفی چارج باندی ختم کیږی



۱۳-۲ شکل: دا شکل مونږ ته دبرقی ساحی خطونه چی دوه یو شان او مثبت چارجونو ته نژدی واقع دی رانښی.

نوت: دبرقی ساحی دخطونو تراکم د دوه چارجونو په منځینی ساحه کی. په ۱۲-۲ شکل کی ډیر او په ۱۳-۲ شکل کی کم دی. او همدا رنگه په دایپول کی برقی ساحه ډیره برخه دربر نیسی نظر دوه مثبتو چارجونو ته .



۱۴-۲ شکل: پدی انځور کی دوه نمونی دبرقی ساحی ښکاری .چی په “a” شکل کی چار جداره صفحه موازی برقی خطونه تولیدوی .او په “b” شکل کی دوه یوشان ولی مختلف برقی چار جونه واقع دی .چی دایپول ته ورته دی .

په دی شکل مېلونو جوړولو سره مونږ کولای شو چی دبرقی ساحی خطونه په ښه شکل وگورو ، او داهم باید په یاد ولرو چی دا ډول انځورونه دوه بعدی دی .او حقیقی شکل چی دری بعدی وی .او دخطونو فاصله په دوه بعدی او دری بعدی کی یو شان نه ده .او همدارنگه برقی ساحی خطونه کیدای شی هم شکله او یا هم غیر منظم وی .

## ۲-۲ په برقی ساحه کی نقطوی چارج:

په مخکینۍ برخه کی مولیدل چی:

$$\longleftrightarrow \text{چارج} \quad \longleftrightarrow \text{ساحه} \quad \longleftrightarrow \text{چارج}.$$

په اوله برخه کی مونږ د چارجونو متقابل اثر او د چارج حسابول ارایه کړل او د برقی ساحی نتیجه څه ده؟ په دی او ورسټنۍ برخه کی به مونږ دوهم قسمت مطالعه کړو. چی څه به واقع شی که چیرته یوه چارجداره زره په یوه معلومه برقی ساحه کی کیږدو؟

د ۲-۴ شکل څخه لرو چی د  $q$  په یوه برقی چارج باندی د  $\vec{E}$  په یوه برقی ساحه کی د  $\vec{F}$  برقی قوه واردېږي چې عبارت ده له:

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E}$$

د برقی زری د حرکت مطالعه په برقی ساحه کی د نیوټن د دوهم قانون په مرسته مطالعه کولای شو چی عبارت ده له:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

چی لاسته راغلی قوه په برقی زرو، به برقی قوه او یا بل ډول قوی وی. لکه څنگه مو چی د نیوټن په قانون کی لوستلی وه. په هغه حالت کی پورتنۍ موضوع بڼه روښانه کولای شو چی قوه ثابته فرض کړو، مونږ په دی څپرکی کی هغه حالت ته مراجعه کوو چی قوه او برقی ساحه پکی یونواخته او ثابته وی، دیو لوی یونواخت چارجداره قشر په محوطه کی د تکرار په شکل پورته عملیه اجراء کیږي لکه په ۲-۴ برخه کی چی مونږ پری بحث کړی وه، دیو لوی زوج متحدالشکله چارج لپاره مونږ کولای شو چی دوه مختلف النوعه چارجداره قشرونه استعمال کړو، که د بطری د ترمینل سره موازی فلزی پلټونه وصل شوی وی. په لاندی نمونه ئی مسله کی فرضوو چی د پلټونو تر منځ فضا کی همیشه په ناڅاپی توگه د ساحی شتوالی صفر کیږي کله چی زری په هغه فضا کی وی خو د پلټونو تر منځ فضا کی به ساحه او فاصله په سرعت سره کمه شی. مونږ داسی نشو جوړولای.

دابه لویه اشتباه وی چی مونږ د زرو حرکت حساب کړو او د څنډ و دزرو د اثر څخه صرف نظر وکړو.

۲-۵ نمونوی مس ټله: یوه چارجداره د غوړو یوه قطره چی شعاع ئی  $R = 2.76 \mu m$  او د چارج کثافت ئی  $\rho = 918 \text{ Kg/m}^3$  وی په یوه برقی ساحه کی لویږی که د برقی ساحی مقدار  $E = 1.65 \times 10^6 \text{ N/C}$  وی ، نود چارجداره څاڅکی د چارج مقدار او جهت پیدا کړی؟ او هم که  $2e$  زری ته نږدی شی او د هغی په واسطه جذب شی او برقی ساحه ثابته پاتی شی د زری تعجیل پیدا کړی؟

$a$  \_ که وغواړو چی څاڅکی ثابت او په تعادل کی وی. باید چی د څاڅکی وزن او هغه قوه چی د برقی ساحی څخه پری عمل کوی په تعادل کی راوړلو:

حل:  $(a)$  د څاڅکی د توازن په حالت کی ساتلو لپاره. د څاڅکی  $mg$  وزن باید د برقی ساحی د  $qE$  برقی قوی د مقدار سره برابره وی کومه چی په څاڅکی باندی عمل کوی ځکه چی برقی ساحه په لاندینی برخه کی الکترون رهنمائی کوی د  $q$  هغه چارج چی په څاڅکی باندی عمل کوی هغه باید چی منفی وی ځکه چی د قوی مخالف باید هغه ته په حرکت لارښودنه وکړی د توازن حالت ئی لاندی ډول دی:

$$\sum \vec{F} = m\vec{g} + q\vec{E} = 0$$

د  $y$  اجزای راکوی نو په لاس راوړو:

$$-mq + q(-E) = 0$$

د نا معلومه  $q$  لپاره لرو:

$$\begin{aligned} q &= -\frac{mg}{E} = -\frac{\frac{4}{3}\pi R^3 \rho g}{E} \\ &= -\frac{\frac{4}{3}\pi (2.76 \times 10^{-6} \text{ m})^3 (918 \text{ kg/m}^3) (9.80 \text{ m/s}^2)}{1.65 \times 10^6 \text{ N/C}} \\ &= -4.80 \times 10^{-8} \text{ C} \end{aligned}$$

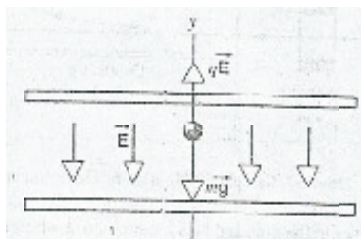


که مونږ  $q$  د  $-e$  برقی چارجونو په شکل ولیکونو:  $q = n(-e)$  چرته چې  $n$  د څاڅکي د پاسه د برقی چارج شمیر دی:

$$n = \frac{q}{-e} = \frac{-4.80 \times 10^{-19} \text{ C}}{-1.60 \times 10^{-19} \text{ C}} = 3.$$

(b) که مونږ د څاڅکي دوه زیات شوی الکترونونه جمع کړو، نو چارج یی عبارت دی له:

$$q = (n + 2)(-e) = 5(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C}) = -8.00 \times 10^{-19} \text{ C}$$



۱۵-۲ شکل: ۵-۲ نمونوی مسئله د  $\vec{E}$  په یو نواخته برقی ساحه کی منفی چارجداره څاڅکی واقع دی د څاڅکي حرکت (ټکان) نښکته د  $m\vec{g}$  وزن له امله او پورته د  $q\vec{e}$  د برقی قوی له امله دی.

د نیوټن د دوهم قانون له مخی لیکلای شو:

$$\sum \vec{F} = m\vec{g} + q\vec{E} = m\vec{a}$$

د  $y$  مرکي عبارت دی له:

$$-mq + q(-E) = ma$$

مونږ د تعجیل لپاره لرو:

$$\begin{aligned} a &= -g - \frac{q'E}{m} \\ &= -9.80 \text{ m/s}^2 - \frac{(-8.00 \times 10^{-19} \text{ C})(1.65 \times 10^6 \text{ N/C})}{\frac{4}{3}\pi(2.76 \times 10^{-6} \text{ m})^3(918 \text{ kg/m}^3)} \\ &= -9.80 \text{ m/s}^2 + 16.3 \text{ m/s}^2 = +6.5 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

د څاڅکي تعجيل په مثبت جهت کې دی په دی محاسبه کې د چسپناکه کشش قوی څخه صرف نظر شوی، کومه چې هميشه په دی موقعيت کې ډير مهمه ده، مونږ د څاڅکي (زری) د تعجيل تاثير په هغه لحظه کې پيدا کړی و چې خارجي دوه الکترونونو د کشش قوه لرله چې د څاڅکي (زری) په سرعت پورې مربوطه وي، داستراحت په شروع کې صفرو اوزيات والی ئی د څاڅکي د حرکت څخه شروع شوی او همدارنگه د تعجيل په مقدار کې ئی زیاتوالی کړی دی. د تجربه د (Millikan) د غوړو د څاڅکي د تجربی اساس دی کومه ئی چې استعمال کړی وه د برقي چارج د مقدار د اندازه کولو لپاره د تجربه ددی برخی د بحث یو اړخ دی.

۲۲-نمونوی مس له: ۲-۲ شکل بنائی د الکترو دو د سیستم منحرف کیدل د چاپ کونکي درنگ دیوی فواری دیو څاڅکي، کومه چې دهغه د  $m$  کتله  $1.3 \cdot 10^{-10} \text{ kg}$  د  $q$  یو چارج چه د  $-1.5 \times 10^{-13} \text{ C}$  دی نقلوی او داخلېږي د کپرو پليتونو سیستم ته په

$V = 18 \text{ m/sec}$  په رفتار سره ددی پليتونو د  $L$  فاصله  $1.6 \text{ cm}$  ده او د  $E$  د برقي ساحی مقدار د پليتونو منع کی  $1.4 \times 10^6 \text{ N/C}$  دی، د پليتونو د څنډو څخه لری د څاڅکي عمودی انحراف څومره دی که د پليتونو په څنډو کی د برقي ساحی د تغیر څخه صرف نظر وکړو؟

حل: اجازه راکړی، که  $t$  هغه وخت وی چې په هغه کی منحرف سیستم څخه څاڅکي په مستقیم ډول تیرېږي نو عمودی او افقی تغیر مکان ئی عبارت دی له  $y = 1/2 at^2$  او  $L = vt$  څخه  $a$  د څاڅکي د تغیر مکان تعجيل دی د مخکنی ساده مسلی په شان مونږ کولای شو چې د  $y$  د مرکبو لپاره د نیوټن دوهم قانون پشان ولیکو:

$$-mg + q(-E) = ma$$

په اسانی سره کولای شو چې د برقي ساحی تاثير په څاڅکي  $-qE$  دی. ډېر مهم په دې حالت کې په غیر د جاذبې قوه  $mg$  او همدارنگه د څاڅکي تعجيل کولای شو چې د  $qE/m$  څخه په لاس راوړو. د دې دوه موقعیتونو د تغیر مکان د معادلو د قیمتونو په وضع کولو سره لرو:

$$y = \frac{-eEL^2}{2mv^2}$$

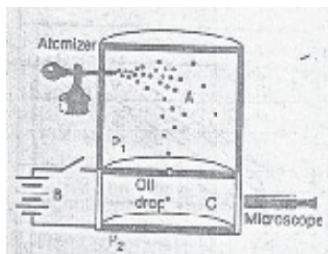
$$= \frac{-(-1.5 \times 10^{-13} \text{ C})(1.4 \times 10^6 \text{ N/C})(1.5 \times 10^{-2} \text{ m})}{(2)(1.3 \times 10^{-10} \text{ kg})(18 \text{ m/s}^2)}$$

$$= 6.4 \times 10^{-4} \text{ m} = 0.64 \text{ mm}.$$

دا انحراف په کاغذ شاید ډیر زیات وی ځکه په غیر له دی درنگ دڅاڅکی مسیر د انحراف څخه د آزادیدو وروسته په فضاء کې د کاغذ په مخ مستقیم خط دی او سرعت یی د خط د پاسه زیاتېږی، په ۲-۱۲ شکل کې فرضوؤ چی درنگ څاڅکی همدارنگه شکل شاید مجسم کړی نو دالزام دی چی د  $q$  چارج دڅاڅکی دپاسه کنترول شی. کوم چی د انحراف خاصیت له امله یی طرز العمل په داخل کې دسلو څخه کم دی. یو ځل بیا مونږ د چسپناکه کشش قوی او نورو قوؤ څخه کومی چی اساساً د څاڅکی په دی لوی سرعت کی وجود لری صرف نظر کوو.

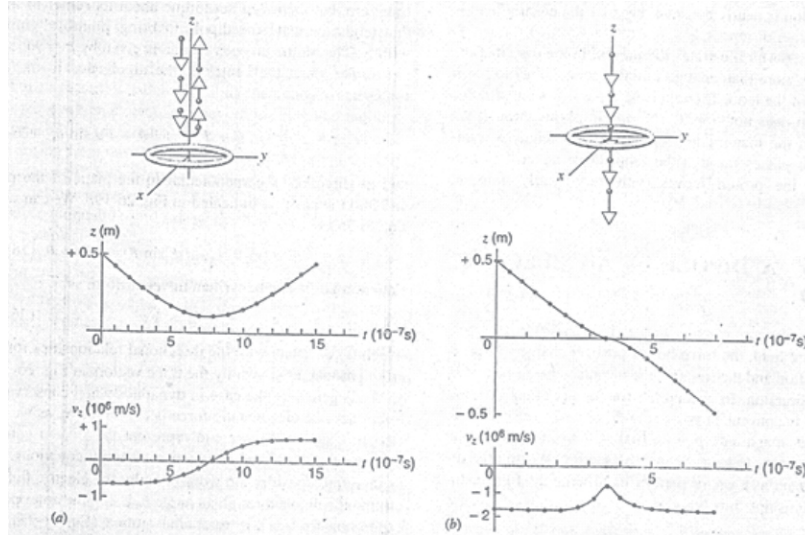
د ابتدائي چارج اندازه کول:

نن مونږ پوهیږو چی دبرقی چارج صفات او کمیت د تیوری او فورمول په واسطه اندازه کیدای شي. چی مقدار یی  $(1.602 \times 10^{-19} \text{ C})$  قبول شوی دی. او د چارج دغه مقدار د فزیک د نورو ثابتو قیمتونو په څیر د مختلفو تجربو په نتیجه کې رامنځ ته شوی دی. دلومړی ځل لپاره مونږ کله چی پدی پوه شو چی څنگه په عددی ډول چارج اندازه کیږی. او چارج په څه ډول اندازه شوی دی. ددغه پوښتنو لپاره ځوابونه دیو امریکائی فزیک دان (Robert A. Millikan) د تجربو څخه ترلاسه کیدای شي. دهمدغه تجربو په ترڅ کې نوموړی عالم په ۱۹۲۳م کال کې د فزیک په برخه د نوبل نړیواله جایزه ترلاسه کړه. ۲۰۱۷ شکل دملیکان د تجربی آلات بنایي. یوه دستگاه چې عنصر په وړو زرو بدلوی معرفی کوی. دتیلو واړه څاڅکی د  $A$  حجری ته داخلوی. بعضی ددی څاڅکو څخه کولای شي چی پدی پروسه کې مثبت یا منفی چارج تر لاسه کړی. یو څاڅکی چې د  $q$  منفی چارج لری چې د  $c$  حجری ته دیو واړه سوری دلاری چې د  $P_1$  په پلیټ کې دی داخلېږی. که چیرته د  $c$  په حجره کې برقی ساحه نه وی دوه قوی دڅاڅکی دپاسه عمل کوی.



شکل ۷-۲

چې یوه نې د  $mg$  وزن چې جهته نې بنسټه لور ته او بله د کشش قوه ده چې جهته نې پورته خواته دی چې ددی قوی شدت د څاڅکي د جريان د سرعت سره متناسب دی. کله چې د څاڅکي سرعت د  $V$  ثابت مقدار ته ورسېږي په دی حالت کې دواړه قوی سره توازن پیدا کوی. د  $\vec{E}$  برقی ساحه چې بنسټه خواته ده. په حجره کې د  $P_1$  او  $P_2$  د پلټیونو په منځ کې پورته د بیټري سره وصل کوو، اوس د  $q\vec{E}$  دریمه قوه د څاڅکي د پاسه عمل کوی. که چیرې  $q$  منفي وی دا قوه پورته لوری ته ده. او مونږ فرض کوو چې اوس څاڅکي پورته خواته د  $V$  په نوی نهائی سرعت سره جريان لری. په هر حالت کې د کشش د قوی جهته د څاڅکي د حرکت د سرعت سره مخالف دی. چې مقدار یې متناسب دی د څاڅکي د سرعت سره د  $q_1$  چارج کولای شو چې د  $V'$  او  $V$  د سرعتونو د مخې اندازه کړو. ملیکان چې د  $q$  مقدار په اطمینان سره د  $(q = ne \quad n = 0 \pm 1 \pm 2 \pm 3 \dots)$  رابطی له مخې پیدا کړی وه دا هغه چارج دی چې د څاڅکي د پاسه څرگندیده. فقط خو برابره د صحیح عدد د ټاکلی اصلی اندازی وه د  $e$  د اساسی چارج، کوم چې ملیکان دهغه د  $1.64 \times 10^{-19} C$  قیمت لرلو څخه نتیجه اخستی وه، کوم چې هغه مکمل ثابت قبول شوی مروج قیمت دی د ملیکان تجربی د تیوري او فورمول په واسطه د چارج د ثبوت قانع کوونکی وسیله برابره کړه.



شکل ۱۸-۲

په غیری منظمه برقی ساحه کی حرکت:

تر اوسه پوری مونږ یوازی هغه منظمی برقی ساحي په نظر کی نیولی په کوم کی چی برقی ساحه په مقدار کی ثابت وه او جهت ئی اکثره د هغه فضاء د پاسه وه په کومه کی چی زره حرکت کوی، خو اوس مونږ اکثره دهغه ساحو مقدار پیدا کړ چی غیر منظمی دی د مثال په ډول مونږ ۱۸-۲ شکل کی د مثبت چارج یو حلقه فرضوو دا برقی ساحه د حلقی د محور د پاسه د ۱۸-۲ معادلی په واسطه ورکړشوی ده اوس مونږ فرضوو چې یو چارج لرونکی جسم دیو لری فاصلی څخه د حلقی د  $Z$  د محور په طرف د  $V_0$  په لومړنی سرعت سره پرتاب کوو. د حلقی څخه په لویه فاصله کی د جسم حرکت د محور په اوږدو کی دی برقی ساحه (او په همدی دلیل برقی قوه د جسم د پاسه) زیاتوالی

مومی. د جاذبی قوی له نظره غورځول او یواځی په زری باندي برقی قوی ته نظر کول دي. مونږ څرنگه کولی شو چې دهغی راتلونکی حرکت تحلیل کړو؟ په داسی حالاتو کی باید

تحليلی میتودونو څخه د قوو د مربوطه موقیعت لپاره دهغه بحث په شان چی په 5 - 5 برخه کی د قوو مربوطه وخت وه کاراخلو. دی ته معادل دیو میتود ساختمان په

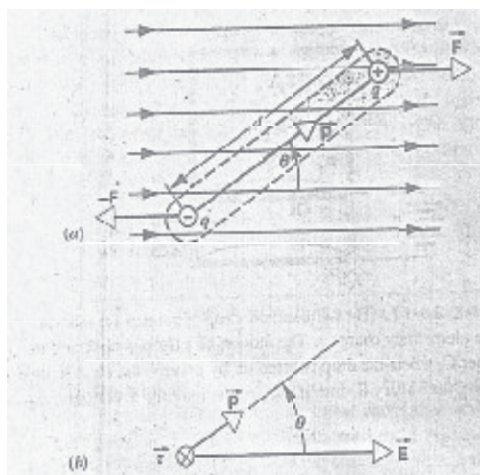
۱۲-۵ برخه کی ورکړل شوی، ځکه لکه څنگه چی مونږ په څلورم څپرکی کی ورباندی بحث وکړ الکتروستاتیکی قوه یوه متناوبه محافظه کاره قوه ده. مونږ کولی شو چی دحل د لاسته راوړلو لپاره عددی میتود استعمال کړو او په دی منظور دا حرکت په ډیرو کوچنیو انټروالونو ویشو په کوم چی مونږ کولای شو چی هغه تعجیل په لاس راوړو کوم چی ثابت ته نږدی وی یو تقریبی حل دکمپیوتر په وسیله لاس ته راوړل کیدای شی ددی محاسبی لپاره مونږ کولی شو چی یوه حلقه د  $R = 3\text{cm}$  په شعاع او  $x = 2 \times 10^{-7} \text{C/m}$  دخطی چارج دکثافت لرونکی ده.

یوپروتون ( $m = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$  و  $q = +1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ) دمحور په اړدو کی داولنی موقیعت څخه د ( $z = +0.5 \text{ m}$ ) په فاصله او ( $V_{z0} = -7 \times 10^5 \text{ m/sec}$ ) په اولنی سرعت پرتاب کیږی ( داولنی سرعت دمنفی والی معنی دا ده چی داپروتون حرکت کوی د حلقی په لوری ښکته خواته کوم چی غورځیږی د  $x, y$  په مستوی کی) مثبت چارج لرونکی حلقه په مثبت چارج لرونکی پروتون باندی یوه ددفعی قوه واردوی چه دا د هغه سرعت ته کموالی ورکوي. په  $a-2$  شکل کی مونږ دپروتون دحرکت هغه نتیجه رسم کړی چی کافی لمړنی حرکتی انرژي دحلقی سطحی ته درسیدو لپاره نلری او دا پروتون ناخاپه دحلقی دسطحی دپاسه په یوه نقطه کی ارامیږی او وروسته له دی د  $z$  دمحور په مثبت جهت کی د خپل حرکت معکوس دحلقی په شان په نوی تعجیل حرکت کوی. نوټ: دا اعتراض دحلقی په نږدی فضاء کی دی دپروتون دا سرعت تقریباً ثابت دی. ځکه په لری فاصله کی برقی ساحه ضعیفه ده.

$b-2$  شکل دپروتون دحرکت هغه حالت روښانه کوی چی حلقی ته درسیدو لپاره زیاته اولنی حرکتی انرژي لری ددفعی قوه دپروتون حرکت بطی کوی ولی هغه نه ودروی پروتون دپخوا په شان د سرعت په کم مقدار سره حلقی ته رسیږی، یو ځل بیا دحلقی په وړاندی دپروتون دحرکت سرعت ثابتوالی ته ډیر نږدی کیږی.

## ۷-۲ په برقی ساحه کی دایپول (*A Dipole in an Electric Field*):

کله چی موږ یو برقی دایپول د ( $2a$ -شکل په شان) په یوه خارجي برقی ساحه کی ځای په ځای کړو هغه قوه چی په مثبت چارج باندی عمل کوي په یوه جهت کی وی. او هغه چه په منفي چارج واردیږی. هغه به په بل جهت کی وي. ددغو قوو دخالصو اغیزو دمحاسبی کولو لپاره دا غوره ده چی د  $P$  دایپول مومنتم وکتور وکاروو. کوم چی  $P=qd$  مقدار لری کوم چی اشاره کوی دمنفی چارج څخه د مثبت چارج په لوری دایپول مومنتم لیکل دیوه وکتور په ډول موږ ته ددی اجازه راکوی ترڅو په برقی دایپول کی شاملی اساسی رابطی په لنډه توگه ولیکو.  $2a$ -شکل یو دایپول د  $\vec{E}$  په یوه منظمه برقی ساحه کی بنائی داساحه ددایپول خپله نه ده بلکه د خارجي نماینده څخه حاصل شوی او په شکل کی ښودل شوی نه ده. د  $P$  دایپول مومنتم دساحی له جهت سره د  $\theta$  یوه زاویه جوړوی مونږ فرض کوو چی ساحه منظمه ده نو ځکه  $\vec{E}$  مشابه مقدار او جهت د  $+q$  او  $-q$  په موقعیت کی لری نویدی خاطر په  $+q$  او  $-q$  باندی واردی قوی د  $F = Eq$  مساوی مقدار لری مگر جهتونه ئی مخالف دی لکه  $a$  ۲-۱۹ شکل کی چی ښوول شوی



۲-۱۹ شکل

په دایپول باندې خالصې قوې د خارجي ساحه له امله صفردی ولې هلته خالص ټاکلی ترک دهغی په مرکز کی دکتلی دنرم تاویدلو لپاره شته چی د  $P$  دایپول د  $\vec{E}$  په لیکه برابره وی ترک په هر چارج باندی د  $\tau = F_r$  څخه حاصلوو خالص ترک د دایپول په مرکز کی ددوه قوو دمقدار د خاص جمعی څخه عبارت دی یعنی:

$$\tau = F \frac{d}{2} \sin \theta + F \frac{d}{2} \sin \theta = Fd \sin \theta, \quad (2-25)$$

او جهت ئی دصفحی په داخل کی دصفحی په مستوی عمود دی لکه څنگه چی په ۲b-۱۹ شکل کی ښودل شوی دی. موږ کولای شو چی ۲-۲۵ معادله ولیکو.

$$\tau = (qE)d \sin \theta = (qd)E \sin \theta = pE \sin \theta. \quad (2-26)$$

۲-۲۲ معادله کیداشی په کتوری بڼه ولیکل شی

$$\vec{\tau} = \vec{P} \times \vec{E} \quad (2-27)$$

دا رابطه په جهت کی اړیکه لری. لکه څنگه چی په ۲b-۱۸ شکل کی د دری ویکتورونو په وسیله ښودل شوی ده، دا حالت په عمومی ډول په *dynamics* کې هغه وخت منع ته راځی چی ثابتی قوی عمل وکړی مونږ کولای شو چی دا سیستم په دواړو یعنی هم دقوی په معادلی او هم دانرژی د معادلی په وسیله وښایو نو په دی وجه مونږ به هغه کار ته توجه کوو. کوم چی د برقی ساحی دایپول دیوی  $\theta$  زاوی په راگرځیدو سره اجراء کوی دمناسب فورمول کارول دچور لیدونکی حرکت لپاره ۱-۱۱ معادله ده هغه کار کوم چی دیوی خارجي ساحی دا *dipole* دگرځولو په وسیله د  $\theta_0$  دزاوئی څخه په آخری زاوئی د  $\theta$  کی اجراء شوی وی :

$$W = \int dW = \int_{\theta_0}^{\theta} \vec{\tau} \cdot d\vec{\theta} = \int_{\theta_0}^{\theta} -\tau d\theta, \quad (2-28)$$

چیرته چی د  $T$  ترک عمل کوي د خارجي برقي ساحي پواسطه په ۲-۲۸ معادله کی منفي علامه ضروري ده د  $T$  ترک د  $\theta$  د کمیدو میل لري د وکتور په علمي اصطلاح کی،  $\vec{\tau}$



ترک او  $d\vec{\theta}$  مخالف جهتونه لری همدارنگه  $d\vec{\tau} \cdot d\vec{\theta} = -\tau d\theta$  او ۲۸-۲ یا ۲۲-۲ معادل د ترکیب څخه مونږ پلاس راوړو:

$$w = \int_{\theta_0}^{\theta} -pE \sin \theta d\theta = -pE \int_{\theta_0}^{\theta} \sin \theta d\theta$$

$$= pE(\cos \theta - \cos \theta_0). \quad (2-29)$$

پس داجراء شوی کار عامل د خارجي ساحي محصول دي چي د دايپول د مثبتې (+) ساحي د سیستم پوتانسیالی انرژي په منفي بدليدو سره مساوي دي مونږ لرو:

$$(2-30) \quad \Delta U = U(\theta) - U(\theta_0) = -W = -pE(\cos \theta - \cos \theta_0).$$

که مونږ د  $\theta_0$  زاویه  $90^\circ$  قبوله کړو نو پوتانسیال انرژي  $U(\theta_0)$  به صفر وي دا هغه زاویه ده چی د  $\theta$  د هري زاوي لپاره ئی پوتنسیالي انرژي مساوي ده د:

$$U = -pE \cos \theta \quad (2-31)$$

که په وکتوري شکل يي وليکونو لرو:

$$U = -\vec{P} \cdot \vec{E} \quad (2-32)$$

بنا پر دی  $u$  اضغری ده کله چی  $\vec{P}$  او  $\vec{E}$  سره موازی وی. داوبو یو مالیکول دبرقی دایپول مومنت جوړښت لري چه یو ډیر کوچنی الکترومقناطسی موج په کره ای داشونوکی لری دالکترومقناطس د کوچنی موج شعاع د برقی ساحی دایپول مومنت داوبود مالیکولونود دورخوړلومیل په منظم ډول په برقی ساحه کی لری داوبو آزاد مالیکول کولی شی د تعادل دحالت لپاره مخکی او وروسته واقعاً نوسانی حرکت وکړی. بلکي په موادو کی (مثلاً دغذاپشان) داوبو دمجاوړو مالیکولونوترمنځ متقابل عمل پواسطه د ترک زاویه وی حرکت معکوس کوي (یا په برقي ساحه کي د ډایپول د دوران د امله د پوتنسیالي انرژي کموالي سره حرکتی انرژي زیاتیری) په داخلی انرژي کی دبرقي ساحي جهت په هرو  $2 \times 10^{-10} \text{ sec}$  کی معکوس کیږی او همدارنگه

ډايپول مومنت هميشه كوشش كوي چي د ساحي انرژي تبديله كړي د غذا په پخولو كې مونږه كولاي شو د يو ډايپول د حركت مفهوم ترجمه كړو په يوه خارجي ساحه كې دا دواړه اساساً د يو ترك د هغه دوران ډايپول په برقي ساحه كې چي د ۲۷-۲۸ معادلي په اساس تنظيميږي يا د يو پوتنسيالي انرژي پواسطه چي هغه اضري كيري كله چي ډايپول د برقي ساحي سره د ۲-۳۲ معادله په صف كې راشي .

۲-۷ نمونه يي مسله: د اوبو  $H_2O$  د بخار يو ماليكول يو برقي ډايپول مومنت لري چي مقداري  $P = 6,2 \times 10^{-30} \text{ C. m}$  (د لوي ډايپول مومنت د اوبو د جوړولو زيات خواص لري فقط د يو مهم جنس پشان قابليت لري چي تقريباً د يو عمومي محلل په شان عمل كوي).

۲-۲۰ شكل د ماليكول چي دري هستي او د الكترون توزيع په احاطه كې رانښايي د  $\vec{P}$  برقي ډايپول مومنت د وكتور په شكل بيانوي د محور مشابه ډايپول مومنت پيدا كېږي . خكه د مركزي عامل د مثبت چارج منطبق نه دي د منفي چارج د مركزي عامل سره (د مقايسه كولو يو حالت هغه يو ماليكول د كاربن دائي اكسايډ  $CO_2$  دلته دري اتومه په يو خط مستقيماً وصل شوي د كاربن دوسط سره او اكسيجن ئي په يوبل طرف كې د مثبت چارج مركز او د منفي چارج مركز ددې ماليكول د كتلي په مركز منطبق دي او د  $CO_2$  برقي ډايپول مومنت صفر دی).

(a) د  $H_2O$  د اوبو په ماليكول كې د مثبت او منفي چارجونو د جداوالي مركزي عامل خومره لري دی؟

(b) د اوبو په ماليكول اعظمي ترك په هغه صورت كې چي د برقي ساحي مقدار  $1,5 \times 10^4 \text{ N/C}$  دی خومره دی؟

(c) فرضو چي د اوبو  $H_2O$  د ماليكول ډايپول مومنت د ساحي مخالف جهت كې وي برقي ساحي به خومره كار انجام كړي وي د ماليكول په خپل محور د خرڅيدلو لپاره چي په دې ساحه كې ئي منظم كړي؟

حل:

(a) - دلته (10) الکترونه او (10) متناظر مثبت چارجونه په دی مالیکول کی دی، مونږ د ایپول مومنت د مقدار د معلومولو لپاره کوالی شوچی ولیکو:

$$P = qd = (10e)(d)$$

$e$  ابتدائی چارج دی مونږ غواړو  $d$  چی د جدائی فاصله ده په لاس راوړو نو:

$$d = \frac{p}{10e} = \frac{6.2 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}}{(10)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})} \\ = 3.9 \times 10^{-12} \text{ m} = 3.9 \text{ pm.}$$

دایه دی مالیکول کی تقریباً 4% د  $OH$  د باندی فاصله ده.

(b) - همدارنگه ۲-۲۲ معادله رانښائی چی ترک هغه وخت اعظمی دی چی  $\theta = 90^\circ$  شی که دا حاصل شوی قیمت په دی معادله کی وضع کړو:

$$\tau = pE \sin \theta = (6.2 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m})(1.5 \times 10^4 \text{ N/C})(\sin 90^\circ) \\ = 9.3 \times 10^{-26} \text{ N} \cdot \text{m.}$$

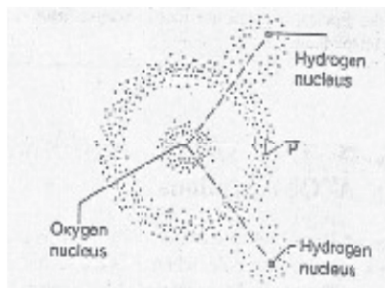
(c) - د ایپول د خړخیدو لپاره اجراء شوی کار د  $\theta_0 = 180^\circ$  څخه تر  $\theta = 0^\circ$  پوری د ۲۹-۲۲ معادلې څخه حاصلیری:

$$W = pE(\cos \theta - \cos \theta_0) \\ = pE(\cos 0^\circ - \cos 180^\circ) \\ = 2pE = (2)(6.2 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m})(1.5 \times 10^4 \text{ N/C}) \\ = 1.9 \times 10^{-25} \text{ J.}$$

دیو مالیکول د داخلی انرژی د سنجش لپاره چی متوسط تغیر کی برخه اخلی دکوټی د حرارت په درجه کی  $3/2 KT = 6.2 \times 10^{-21} \text{ J}$  داخلی انرژی ده، چی 33,000 کرته لویه ده.

ددی پوښتنی د وضعیت څخه حرارتی هیجان کولای شی چی ټول د ایپولونه دخپل میلان له امله د ساحی سره په یوه لیکه کی برابر کړی په هغه صورت کی چی د مالیکولونو مجموعه دکوټی د حرارت په درجه کی موجوده وی د ایپول مومنت سره

تصادفاً جهت لرونکی کیبری دیوی برقی ساحی دتفاضاله مخی په دی مقدار سره کولای شی یو ناخیز تاثیر د دایپول مومنت په لیکه کی ولری ځکه په دالویه داخلې انرژۍ سره که چیرته مونږ خواش ولرود دایپولونوپه لیکه راتللو لپاره مونږ ضرورتیا ته قوی ساحه اوږه پیره ښکته دحرارت درجه باید استعمال کړو.



۲-۲۰ شکل: د  $H_2O$  دایپول مالیکول د الکترونو د توزیع، دری هستی او د  $\vec{P}$  برقی دي پول مومنت راښائی.

## ۲-۸ داتوم هستوی مډل (اختیاری):

نن ورځ مونږ پوهیږو چې یو اتوم مرکب دی د کوچنۍ هستی چی د  $ze$  مثبت چارج لری . چرته چه  $Z$  داتوم اتومی نمبر دی. چی داهسته دډیر لوی حجم په واسطه احاطه شوی چی د  $Z$  په شمیر الکترونونه پکی دحرکت په حال کی دی چی هریوئی د  $-e$  یو چارج لری، داچی داتوم دالکترونو شمیر (منفی چارج) اودهستی مثبت چارج برابر دی نوپه دی اساسی ا توم دچارج له حیثه خنثی دی همدارنگه مونږ پوهیږو چې داتوم دکتلی % 99,995 په هسته کی دی. د 20 قرن په لومړیو کلونو کی دا واقعیت نه وه پیژندل شوی اوهلته داتوم دجوړښت په هکله مختلفې نظریی وی اواختا ددی مثبت چارج دتوزیع په هکله ډیری نظریی موجودی وی. دهغه یوازنی نظریی موافق چی په هغه وخت کی دقبول وړ وه هغه دا وه چی دمثبت چارج توزیع ډیره یالږه ټوله په یونواخت ډول داتوم دکری دحجم په داخل کی ده . داتوم دجوړښت دامډل ته دتامسن مډل وائی. چی وروسته J.J. Thomson دهغه څوک وه چه دائی پشنهاد کړ. (تامسن اول چارج اندازه

کړی وه د الکترون د کتلی د نسبت څخه او همدارنگه اکثره د الکترون کاشف په شان ئی اعتبار درلود). هغه همدارنگه دامپل د چرگی دهگي په شان بیان کړی وه ځکه الکترونونه ټول په کره کی د مثبت چارج څخه د کشمکش په شان جدا خپاره شوی دی. یوه امتحانی لاره ددی مپل داده چی تصمیم و نیول شی د اتوم د برقی ساحی د پوښتنی لپاره چی یوه وړانگه د مثبت چارج څخه پر تاب کوی د اقبلوؤ چی نږدی ده د پیری وړی زری هغه وړانگی ته چی د اتوم په برقی ساحه کی انحراف کوی او یا جدا کیږی، په لاندی بحث کی مونږ بیانو، د پرتاب هغه تاثیر چی د کری د مثبت چارج په نتیجه کی مینځ ته راځی. مونږ فرضوو هغه پرتاب شوی جسم دهغه دواړو لپاره چی د اتوم څخه ئی حجم دیر لږ دی او د الکترون څخه دیر زیات دی د الکترونو د لاره دیر ناڅیزه تاثیر لری د پرتاب شوی جسم د جدا کیدو لپاره. او فرضولای شو چی اتوم د سکون په حالت کی پاتی شی په هغه وخت کی چی پرتاب شوی جسم متحرک کیږی. مونږ کولای شو چه د تاسمن د اتوم دیو مپل انحراف تخمین کړو چیرته چه مثبت چارج د اتوم په ټول حجم کی په یو نواخت ډول توزیع شوی وی د مثبت یو نواخت کروی چارج برقی ساحه ۲-۲ معادله د چارج شوی کری څخه بیرون نقطو کی او ۲-۲۴ معادله ئی د چارج شوی کری په داخلی نقطو کی راکوی. په همدی شان کولای شو چه برقی ساحه یی په سطحه کی حساب کړو کومه چه په ۲-۸ شکل کی ښودل شوی ده ممکنه ده په دی توزیع کی لویه ساحه حاصله کړو مونږ یو دروند اتوم تشریح کوو لکه د طلا په شان، کوم چی د  $Q$  مثبت چارج لری د  $79e$  په اندازه او د  $R$  یوه شعاع چی  $m \times 10^{-10} 1,0$  ده د الکترون څخه صرف نظر شوی د مثبت چارج برقی ساحه د  $r = R$  په وضع کولو سره لرو:

$$E_{\max} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^2} = 1.1 \times 10^{13} \text{ N/C.}$$

زمونږ په تجربی کی چی د پرتاب شوی جسم لپاره ده که چیری د  $\infty$  زری د وړانگی په شان استعمال شی کومه چی د  $q$  مثبت چارج ئی د  $2e$  په اندازه او د  $m$  یو کتله د  $6,6 \times 10^{-27} \text{ Kg}$  په اندازه لری. د  $\infty$  زره دهلیوم زره ده چی د بعضی رادیوکتیو

تجزئی په وخت کی خپریږی چی دحرکی انرژي اندازه ئی فقط دهری زری لپاره  $[9,6 \times 10^{-13} \text{ J}]$  ده  $K = 6 \text{ MeV}$  ددها انرژي تاسی کولی شی. په اسانه تحقیق کړی دزری لپاره چی  $1,7 \times 10^7 \text{ m/sec}$  سرعت لری. هغه زره چی داتوم دسطحی سره نږدی تیریږی کومه چی په دی تجربه کی ددی اتوم لویه برقی ساحه چی په زره عمل کوی چی قوه ئی برابره ده د:

$$F = qE_{\max} = 3,5 \times 10^{-6} \text{ N}$$

۲-۲۱ شکل یوه کلی طرحه دهندسی شکل دیوی تجربی، دزری دپراگندگی (جدوالی) رابنائی. ددی انحراف حقیقی محاسبه نسبتاً مغلقه ده. بلکه مونږ کولای شو چی بعضی تخمیني ساده محاسبی، داعظمی انحراف اوزیږوالی لپاره اجراء کړو.

راځی فرض کړو چی پورته قوه ثابته اود  $\Delta t$  په وخت کی داسی عمل کوی چی دپرتاب شوی جسم دگرځیدو فاصله داتوم دقطر سره برابره شی چی په ۲-۲۱ شکل کی ښوول شوی ددی وخت انتروال عبارت دی له:

$$\Delta t = \frac{2R}{v} = 1,2 \times 10^{-17} \text{ s}$$

داقوه زری ته د  $a$  پري کونکی تعجیل ورکوی، کوم چی د  $\Delta v$  یوپري کونکی سرعت تیاره وی چی عبارت دی له:

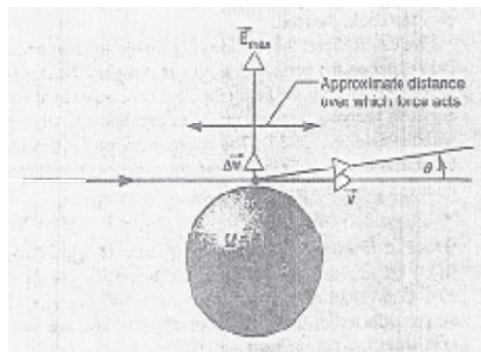
$$\Delta v = a \cdot \Delta t = \frac{F}{m} \Delta t = 6,4 \times 10^3 \text{ m/s}$$

زره شاید د  $\theta$  دوپي زاوئی په اندازه انحراف وکړی دهغی په باره کی د تخمین کوو:

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\Delta v}{v} = 0,02^\circ$$

دانوعه دجدائی (پراگندگی) تجربه لومړی د (رادرفورت) اوملگروپه واسطه د(انگلیند) په مانچستر کی په 1911 م کال کی اجراء شوه دوی د  $\infty$  الفایو وړانگه

د طلا دیوی نازکی ورقي څخه تیره کړه. اودبني احتمال دتخيل تصميم ئی دالفادزرو چی د  $\theta$  په مختلفو زاویو جداء (پراگنده) شوی وی دهغوی داصلي جهت څخه وینو البته دوی ونشو کړای هغه دالفازری چی داتوم دزرو څخه تیریري کنترول کړی. په واقعیت کی په غیرد تقوی څخه دتحریک له امله ډیری زیاتی دالفازری کولای شی چی تیری شی داتوم دهغه حجم څخه چی په ۲-۲۱ شکل کی دی اود (تامسن دمیل مطابق) د اعظمی زاویي څخه کم انحراف مونږ شو حساب کړو. ددی تجربی نتیجی هغه وښودله.



۲-۲۱ شکل.

اگرچی دالفا دټولوزرو انحراف هغه زاویوته چی لوی نه وی دیو درجی دیو پرسلمه  $\frac{1}{100}$  برخی په نسبت یو کوچنی عدد (شاید د 1 څخه تر  $10^4$ ) وی انحراف دلویو زاویو په غیرد  $90^\circ$  څخه کاملاً د تامسن دمیل سره په ټکر کی دی، اودی رادرفورد دی ویناته اړکړچی داځمابه ژوند کی ترټولو حیرانوونکی کار وه. داتقريباً دومره حیرانوونکی وه لکه ته چی یو 15 inch قشر لرونکی نازکه ټوټه د کاغذ د سوځیدو څخه بیرون کړی او هغه بیرته راوگرزی اود ستاسره اصابت وکړی. د جداء کیدو ددی قسم تجربی په اساس رادرفورد انتیجه اخستی وه.

هغه مثبت چارج چی دیو اتوم په ټوله کره کی نه دی خپور شوی بلکه په یوه کوچنی منطقه کی (هسته ده) چی داتوم مرکز ته نږدی ده وجود لری په دی حالت کی

د طلا د اتوم دهستی شعاع  $7 \times 10^{-15} \text{ m} (7 \text{ fm})$  چی په اټکلی ډول  $10^{-4}$  کرته د اتوم د شعاع څخه کوچنی ده. هغه حجم چی هستی اشغال کړی  $10^{-12}$  د اتوم دی.

کولی شو چی اعظمی برقی ساحه او مطابقه قوه ئی چی د الفا په یوه زره، هغه چی دهستی د تړلی سطحی څخه تیریری محاسبه کړو. که چیرته مونږ هسته دیو منظم کره ئی توپ په شان فرض کړو چی چارج ئی  $Q = 79e$  او شعاع ئی  $7 \text{ fm}$  وی اعظمی برقی ساحه ئی:

$$E_{\max} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^2} = 2,3 \times 10^{21} \text{ N/C}$$

دا اته کرته د برقی ساحی د لوی مقدار په نسبت زیات دی هغه چی عمل کوی د اتوم د موډل د سطحی په یوه زره چه قوه یی مطابقت کوی:

$$F = q E_{\max} = 740 \text{ N}$$

دایوه لویه قوه ده . مونږ کولی شو چی خپلی مخکینی محاسبه لنډه کړو او فرض کړو چی دا قوه ثابت ده او عمل کوی په یوه زره د  $\Delta t$  په وخت کی. هغه وخت چی د زری د حرکت فاصله ئی دهستی د قطر سره برابره شی عبارت ده له:

$$\Delta t = \frac{2R}{v} = 8,2 \times 10^{-22} \text{ s}$$

د تغیر مطابقت کوی د زری دهغه سرعت سره چی په تخمینی ډول عبارت دی د:

$$\Delta v = a \Delta t = \frac{F}{m} \Delta t = 9 \times 10^7 \text{ m/s}$$

چی دا دهغه دخپل سرعت سره دمقایسی وړدی. مونږ هغه د اتوم دیوی هستی لپاره حساب کړی دی. کولای شو چی یوه برقی ساحه پلاس راوړو کومه چی په کافی اندازه لویه ده د پرتاب شوی جسم د معکوس حرکت څخه دهستوی اتوم د موډل په اساس رادرفورډ په دی و توانید چی د ذراتو لپاره یو خاص فارمول په لاس راوړی، کوم چی په هره زاویه سره رادرفورډ یوی مناسبی نتیجی د صحیح فورمول لپاره د جءا شوو زاراتو د شمیر په هره خاصه زاویه په لاس راوړ، او تجربی ئی ددی فورمول سره موافقه



پریکړه وښووله او هغه همدارنگه مناسب استعمال د فورمول دښه شوو اتومونو د اتومي نمبر  $Z$  وښود، علاوه پردې دهغه زراتولپاره چې زیاته انرژي لري او په حقیقت کې په هسته کې نفوذکوي (وگوري ۱-۷ نمونه ئی پوښتنه) استعمال کړ. دامپل ئی همدارنگه دهستی د شعاع لپاره استعمال کړ.

د کلاسیک اورنځ لري کوونکي سلسله دهغه د تجربی او روښانه شرح بنیاد، دنوی اتومي مډل او دهستی د طبیعت لپاره کینود. رادرفورډ په عمومي توگه ددی ساحود اعتبار ورومؤسس دی. د کلاسیک او تخیلی تجرو بودسلسلی څخه دمپرن اتوم او هستوی فزیک اساس کینودل شو. ددی ساحی زیات اعتبار او کړیدت درادرفورډ ته ورکړ شوی.

### څو ځوابه انتخابه پوښتنی

۱-۲ ساحه څه شی دی؟

۲-۲ برقی ساحه

۱- هغه برقی ساحه چې په ۲-۳ معادله کې تعریف شوی د  $q_0$  په کوچنی مثبت چارج پوری اړه لري که چیرې په عوض ئی هغه معرفي شی چې په کوچنی چارج پوری مربوطه وي او مساوی مقدارونه ولري. وروسته اولنی او اخیرنی معرفي شوی ساحو د مقایسې څخه اشاره کوي دپته چې:

(A): مشابه جهت او مساوی مقدار لري.

(B): مختلف جهت او مساوی مقدار لري.

(C): عینی جهت او مختلف مقدارونه لري.

(D): مختلف جهت او مختلف مقدارونه لري

۲۲-۳ دیونقطوی چارج برقی ساحه:

۲- د  $q$  یونقطوی چارج په مبداء کی، او  $2q$  نقطوی چارج د  $x = a$  کی قرار لری چیرته چی  $a$  مثبت وی.

(a): لاندی جملو څخه کومه یوه صحیح ده؟

(A) چار جونوته نږدی اود  $x$  د محور څخه بیرون ، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(B) چار جونوته نږدی اود  $x$  د محور څخه بیرون ، کیدای شی د برقی ساحی مقدار اعظمی وی.

(C) د چار جونوپه منځ کی په یو ځای کی، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(D) د  $x$  په محور په محدودو نقطو کی چی د چار جونوپه منځ کی نه وی، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(b): په لاندی کومه نقطه کی به د  $a$  انرژۍ لرونکی نقطه شتوالی لری چیرته چی د برقی ساحی مقدار صفروی؟

$$-\infty < x < 0 \quad (A)$$

$$0 < x < a \quad (B)$$

$$a < x < \infty \quad (C)$$

$$E \quad (D) \quad -\infty < x < \infty \quad \text{په ناحیه کی له منځه نه ځی .}$$

۳- د  $q$  نقطوی چارج په مبداء کی او  $-2q$  یونقطوی چارج په  $x = a$  موقعیت لری چیرې چی  $a$  مثبت وی.

(a): کومه یوه له لاندینیو جملو څخه صحیح ده؟

(A): چار جونوته نږدی به د  $x$  د محور څخه لری برقی ساحه صفروی.

(B): چار جونوته نږدی به د  $x$  د محور څخه لری د برقی ساحی مقدار اعظمی وی.

(C): د چار جونوپه منځ کی به برقی ساحه صفروی.

(D): برقی ساحه د  $x$  په محور په محدودو نقطو کی صفروی نه د چار جونوپه منځ کی.

(b): په کومولاندینیو ناحیو کی یوه نقطه شته ده کومه چی د برقی ساحی مقدارئی صفروی؟ (A):  $\infty < x < o$

$$o < x < a : (B)$$

$$a < x < \infty : (C)$$

(D):  $-\infty < x < \infty$  په  $E$  ناحیه کی له منځه نه ځی.

۲-۴ د متوالی چار جونود توزیع برقی ساحه:

۴- د چارج دیونواخت حلقی د محور د پاسه  $E(z)$  د برقی ساحی مقدار په:

(a):  $E(z)$  شاید تر ټولو ډیر لوی قیمت ولری چیرته چی :

$$z = o : (A)$$

$$o < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

(D)  $A$  او  $C$  دواړه صحیح دی

(b):  $E(z)$  به صفروی چیرته چی:

$$z = o : (A)$$

$$o < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

(D):  $A$  او  $C$  صحیح دي

۵- د  $E(z)$  برقی ساحی مقدار دیوی منظمی چار جداره صفحی د محور د پاسه عبارت دی له:

(a):  $E(z)$  شاید تریولولوی قیمت ولری چیرته چی:

$$z = o : (A)$$

$$o < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

$$(D): A \text{ و } C \text{ صحیح دی}$$

(b):  $E(z)$  به صفروی چیرته چی:

$$z = o : (A)$$

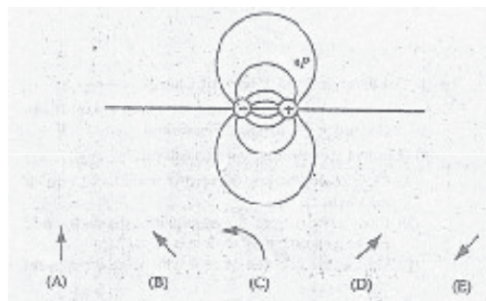
$$o < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

$$(D): A \text{ و } C \text{ صحیح دی}$$

۵-۲ دبرقی ساحی خطونه:

۲۲-۲-۲ شکل دبرقی ساحی کرنسی دیوه برقی ډایپول گرچاپیره رانښائی کوم یوله غشوڅخه د  $P$  په نقطه کی تریولوپه ښه ډول برقی ساحه ښودلی شی؟



۲۲-۲ شکل: خوځوابه ۲ پوښتنه.

۲۳-۲-۷ شکل دبرقی ساحی کرنسی رانښایی د  $A$ ،  $B$ ،  $C$  دری جهته چارچونو دپاره نو:

(a): کوم چارچونه مثبت دی؟

(b): کوم چارج ترتیولوزیات مقدار لری؟

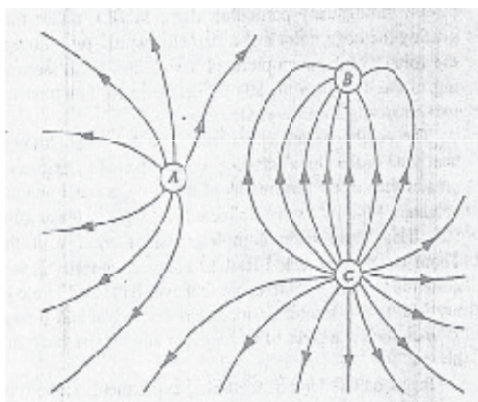
(c): د تصویریپه کومه ناحیه یا ناحیو کی به برقی ساحه صفروی؟

(A): نږدی A ته.

(B): نږدی B ته.

(C): نږدی C ته.

(D): په هیڅ ځای کی هم نه

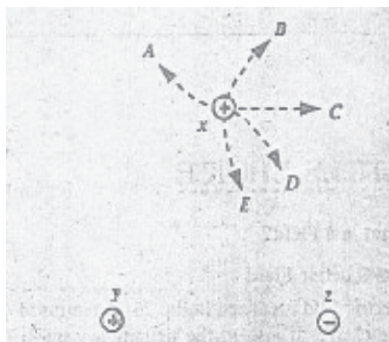


۲-۲۳ شکل: څو ځوابه ۷ پوښتنه.

۲-۲ یو نقطوی چارج په یوه برقی ساحه کی:

۸- د  $x$ ,  $y$  او  $z$  دری کوچنۍ کری چی مساوی مقدار د چارج لری او په ۲-۲۴ شکل کی له علاموسره ښودل شوی دوی متساوی الاضلاع مثلث په راسونو کی ځای لری چی د  $x$  او  $y$  ترمنځ فاصله ئی د  $x$  او  $z$  ترمنځ فاصلی سره مساوی ده د  $y$  او  $z$  کری په یو ځای کی موقیعت لری کوم ځای کی چی د  $x$  کره د ډیر کم اصطکا که سطحی پرمخ آزادانه حرکت کوی.

(a): د برقی قوی جهت د  $x$  په دایره کی چه په هغه نقطه کی شکل کیښودل شوی څنگه دی؟ (b): کوم مسیری به د  $x$  کره واخلی کله چی آزادشی؟



۲-۲۴ شکل: خوشوا به ۸ پوښتنه.

۹- یوالکترون په منظمه برقی ساحه کی د مثبت او منفی چارج شوی موازی پلیټونوپه منځ کی قرارلری. په الکترون باندی به په کوم ځای کی تریولوزیاته برقی قوه اغیزه وکړی؟

(A): کله چی الکترون مثبتی ورقی ته نږدی وی.

(B): کله چی الکترون منفی ورقی ته نږدی وی.

(C): کله چی الکترون دورقوپه منځنی برخه کی قرارولری.

(D): د موقعیت په نظرکی نه نیولوسره دورقوپه منځ کی په امتحانی الکترون باندی یوشان قوه اغیزه کوی.

۱۰- که چیری لاندینی اندازه گیری جوړی شوی وی د چارج  $10^{-19} C$  په واحداتوکی (دوړو څاڅکودییو سلسلی چارجونو څخه کوم یوئی د چارج دلوی اصلی یواحد څخه دی، هغه ددی شوی ورکړل *Data*، یا مفروضاتو څخه استنباط کړی؟

48	19.2	28.8
9.6	38.4	24

(A) :  $1,6 \times 10^{-19} C$

(B) :  $4,8 \times 10^{-19} C$

(C) :  $9,6 \times 10^{-19} C$

$$(D) : 48 \times 10^{-19} C$$

۷-۲ په یوه برقی ساحه کې یو دایپول:

۱۱- د برقی ساحې د فضا په یوه ټاکلې محل کې قبلوؤ چې  $E_x = E_z = 0$ ,  $E_y \neq 0$  وی او  $\partial \vec{E} / \partial x \neq 0$ ,  $\partial \vec{E} / \partial y = \partial \vec{E} / \partial z = 0$  وی

(a): هغه اساسی قوه په یوه برقی دایپول چې د  $x$  د محور سره موازی وی په دې ساحه کې:

(A): د  $x$  د محور په امتداد ده.

(B): د  $y$  د محور په امتداد ده.

(C): د  $z$  د محور په امتداد ده.

(D): د یوه د پاسه هم نه ده.

(b): اساسی ترک په یو برقی دایپول چې د  $x$  د محور سره موازی دی په دې ساحه کې:

(A): د  $x$  د محور په امتداد دی.

(B): د  $y$  د محور په امتداد دی.

(C): د  $z$  د محور په امتداد دی.

(D): د یوه د پاسه هم نه دی

((پوښتنی))

1- د سکالری ساحې او وکتوری ساحې په شان زیات نمونه تاسی کولی شئ. واخلئ؟

2- (a): د ځمکې او یوې تیږې ترمنځ د ځمکې د جاذبې په ساحه کې ایامونږ ویلای شو چې ځمکه د تیږې د جاذبې په ساحه کې واقع کیږي؟

(b): څومره د جاذبې ساحه مناسب ده چې تیږه د ځمکې مربوطه کړي (وتړي)؟

3- یو مثبت چارج شوی توپ دوریښموپه یواوږد تار خورپند دی، مونږ غواړو چې په افقی سطحه کې د خوړند شوی چارج د  $\vec{E}$  برقی ساحې شدت پیدا کړو. ددی لپاره مونږ په یوه نقطه کې ( $q$ ) مثبت نقطوی چارج ږدو او  $\frac{F}{q_0}$  اندازه کوو، شاید  $\frac{F}{q_0}$  به د  $\vec{E}$  په نسبت د یوښتنی په هماغه نقطه کې به لږ مساوی او یا زیاتوی؟

4- دیو امتحانی چارج سره د برقی ساحې په لټولو کې، مونږ اکثره د اسانتیا لپاره فرضوو که هغه امتحانی چارج مثبتوی، نو باید دا واقعاً په دی ساحه کې څومره تفاوت منځ ته راوړی؟ د شرح کولو لپاره ئی تاسی یو ساده حالت پیدا کړی.

5- ولی هیڅکله د برقی ساحې خطونه یو بل نه قطع کوی؟

6- په ۱۳-۲ شکل کې ولی د ساحې خطونه ګرچاپیره د شکل په ځنډو کې ښکاره کیږي؟ کله چی شاته وغزیری نو په منظمه ډول د شکل د مرکز څخه وړانګی خپره وی؟

7- یو نقطوی چارج په یوه برقی ساحه کې د ساحې د خطونو ښی لوری ته حرکت کوی. آیا په هغه باندی څومره قوه عمل کوی؟

8- په ۱۴-۲ شکل کې ولی ښوول شوی چی دوښو د دوانو کرښی د برقی ساحې د کرښو د پاسه واقع کیږی حال دا چه: دوښو دانی په نارمل حالت کې برقی چارج نلری په 1962. P. 19 کال د جنوری په میاشت کې امریکائی *O. Jefimenko* په اثبات ورسوله چی د برقی ساحې له امله په هادی کې د برق جریان منځ ته راته او په ورځپاڼه کې ئی نشر کړی.

9- څه ده د *Static cling* د پینښی منشاء. هغه چی بعضی وخت، د خشکه شوی د ماشین څخه د جامو په لری کولو کې ښکاره کیده؟

10- دوه نقطوی چارجونه چی مقدار او علامی ئی معلومی نه دی، د  $d$  د فاصلی په اندازه یو دبل څخه جدا دی، د دوی ترمنځ د وصل کوونکی خط د پاسه په یوه نقطه کې برقی ساحه صفر ده، د دوی د چارجونو د محاسبه کولو لپاره څه کولی شی؟



11- دوه نقطوي چارجونه چې مقدار او علامه ئی معلوم نه دی. د  $d$  په فاصله د یو بل څخه جدا واقع دی:

(a): ایا ممکن ده چې  $E = 0$  شی به کومه نقطه کی چې د چارجونو په منځ کی د وصلو کوونکی خط د پاسه نه وی. څه ته ضرورت دی چې د نقطی حالت اوځای وپېژنو؟  
 (b): ایا ممکن ده د چارجونو دوه نقطی داسی ترتیب شی ترڅو  $E = 0$  (هیڅ نقطه نشته) وی؟ یا لاندی هم ممکنه ده؟

12- دوه چارجونه چې علامه او مقدار ئی معلوم نه دی. د  $d$  په فاصله یو د بل څخه جدا اېښودل شوی دی. مونږ کولی شو چې د محور څخه په لری نقطو کی  $E = 0$  ولرو (بی شمیره مانع) تشریح ئی کړی؟

13- په ۲-۳ نمونه ئی پوښتنه کی یو چارج په ۲-۴ کی د  $P$  په نقطه کی د تعادل په حال کی واقع دی ځکه چې کومه قوه ورباندی عمل نکوی:

(a): تغیر مکان لپاره د چارجونو د وصل کوونکی خط امتداد په هکله معلومات ولیکی؟

(b): د دی خط بنی لوری ته د تغیر مکان په هکله معلومات ولیکی؟

14- په ۲-۱۲ شکل کی قوی د چارج ښکتنی. نقطی پورته وړی او محدود دی کړی ئی دی، اوس د چارج په دی محل کی د خطونو نور از د حام (ډیروالی)، دی ته اشاره کوی چې  $E$  بی حده لوی دی، په یوه بی حده لویه ساحه کی دیو چارج ښکته راوړل داراښائی چې په هغه بی حده لوی ئی قوی عمل کړی ددی نه حل کیدونکی معما ځواب څه دی؟

15- د  $q$  نقطوی چارج د  $m$  په کتله په غیر منظمه ساحه کی د سکون (استراحت) څخه آزاد شوی:

(a) هغه ته ولی لازم دی چې د برقی ساحی هغه خطونه چې د آزادی نقطی څخه تیریږی تعقیبه وی؟

(b) ایا برقی زره به د برقی ساحی خطونه څومره تعقیب کړی شرحه ئی کړی؟

16- یو مثبت او یو منفی چارج د مساوی مقدار سره د مستقیم خط په امتداد پراته دی، د  $E$  جهت دهغه نقطو لپاره، چې د دې خط د پاسه پرتی دی وښایست:

(a): د دې چار جونوپه منځ کی.

(b): د چار جونو څخه خارج د مثبت چارج په جهت کی.

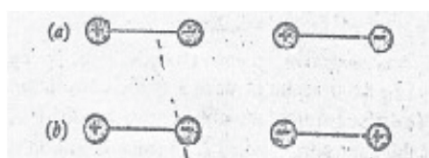
(c): د چار جونو څخه بیرون د منفی چارج په جهت کی.

(d): د کرنو څخه لری، خود چار جونوپه منځنی سطحه کی.

17- د یو برقی دایپول په منځنی سطحه کی چې د برقی ساحی سره موازی او یا موازی نه وی د  $P$  برقی دایپول مومنت وښایست؟

18- د کومی لاری څخه کولی شو چې ۲-۱۲ معادله خرابه وښایو، د ۲-۱۲ شکل د ساحی خطونه که وغواړو چې آرام شی نولازم دی چې  $d \ll x$  څخه وی؟

19- (a) دوه یو شان برقی دایپولونه په یو مستقیم خط پراته دی لکه چې په ۲۵-۲۵ شکل کی ښودل شوی د برقی قوی مناسب جهت په هر دایپول د بل په موجودیت کی وښایست؟  
(b) فرضو چې د ۲۵-۲۵ شکل په شان هغه دایپولونه بیا رسم شی. په دی حالت کی به اوس د برقی قوی جهت څنگه وی؟



۲۵-۲ شکل: ۱۹ پوښتنه.

20- مقایسه کړی هغه لار چې  $E$  د  $r$  سره مختلف وی د:

(a) د یو نقطوی چارج لپاره.

(b) د یو دایپول لپاره او.

(c) د یو څلورگونی لپاره.

- 21- د چارج شوی حلقی یا صفحی د برقی ساحی د محاسبه کولو لپاره چی کوم الجبری (حسابی) مشکل سره مخامخ کیږی هغه مشکل ئی د محور په نقطو کی ولی نشته؟
- 22- ۲-۲ معادله رابنائی چی د  $E_z$  قیمت د ټولو نقطو لپاره یوشان دی مخکی دیونا محدودی ورقی د منظم چارجیدو څخه ایادامعقوله ده ؟ یوقوی فکردادی چی ونبایوچه نږدی ورقی ته د هغه ساحه ډیره قوی ده . ځکه همدارنگه چارجونه ډیر محصور دی؟
- 23- شرحه کړی ستاسی په شتولغتو نوکی هغه هدف چی دملیکان د تیلودخاڅکی د تجربی څخه مو ترلاسته کړی؟
- 24- دهغه چارج علامه چی دملیکان د تجربی د تیلودخاڅکی د پاسه د حرکت په اثر لری څنگه ده؟
- 25- ولی ملیکان کوشش نه کاوه چی په خپله دستگاه کی د تیلودخاڅکوپه عوض د الکترونو د موازنی څخه استفاده وکړی؟
- 26- تاسی واروی (تاؤ کړی) برقی دایپول په یوه منظمه برقی ساحه کی څومره کار به اجراء شوی وی تاسی کولی شی چی دایپول اصلی دریځ د ساحی سره وتړی؟
- 27- دیو برقی دایپول دریځ په یوه منظمه برقی ساحه کی د دایپول د پوتانسالی انرژي سره آیا:
- (a): ډیر لوی دی.
- (b): ډیر کوچنی دی.
- 28- یو برقی دایپول په یوه غیری منظمه برقی ساحه کی قرار لری، هغه اساسی قوه پیداء کړی چی په دی دایپول عمل کوی؟
- 29- یو برقی دایپول د سکون په حال کی په یوه خارجی منظمه برقی ساحه کی واقع دی لکه په ۱۹-۲۰ شکل کی چی ښوول شوی، د حرکت محوه کول ئی وڅیړی؟

30- یو برقی دایپول د  $P$  دایپول مومنټ لری چی د  $E$  منظمی خارجی برقی ساحی سره په یوه ردیف کی قرار لری:

(a) آیاتعادلی ثابت دی که نه؟

(b) دهغه تعادل طبیعت او ماهیت وخیږی چی  $P$  او  $E$  پکی مختلف جهتونه ولری؟

31- یو اتوم په نارمل حالت کی دبرق له حیثه خنثی دی، ولی وروسته دالفاءزره داتوم په واسطه انحراف کوی لاندی ئی تشریح کړی؟

((تمرین))

۲-۱ ساحه څه شی ده؟

۲-۲ برقی ساحه:

1- یو الکترون ته دبرقی ساحی په واسطه دمشرق په لوری  $1,84 \times 10^9 \text{ m/sec}^2$  تعجیل ورکول کیږی دبرقی ساحی مقدار او جهت ئی معلوم کړی؟

2- مرطوبه هوا د  $3 \times 10^6 \text{ N/C}$  دیوی برقی ساحی په واسطه ښکته لوری ته غزول (دهغی مالیکول پخپله آیونایزشوی وی) کیږی په دی ساحه کی دبرقی قوی مقدار به څومره وی؟

(a): دیو الکترون دپاسه او.

(b): په یو آیون (یوازی دیو الکترون په لری کیدو)؟

3- دهیلیوم داتوم دهستی یوه دالفاءزره،  $6,6 \times 10^{-27} \text{ kg}$  یوه کتله، او  $2e$  په اندازه چارج لری، دبرقی ساحی مقدار او جهت ئی څومره دی؟ شاید هغه یی دخپل وزن سره ئی برابروی؟

4- په یوه منظمه برقی ساحه کی ځمکی ته نږدی، یوه زره  $-2,0 \times 10^{-9} \text{ C}$  یو چارج لری چی په  $3,0 \times 10^{-6} \text{ N}$  یوی برقی قوی باندی ښکته لوری ته عمل کړی:

(a): دبرقی ساحی مقدارئی پیدا کړی.

(b): څومره دی دهغه برقی قوی مقدار او جهت چی عمل ئی کړی دی په هغه یو پروتون چی په دی ساحه کی واقع دی؟

(c): په دی حالت کی دبرقی قوی او دځمکی دجاذبی قوی نسبت څومره دی؟

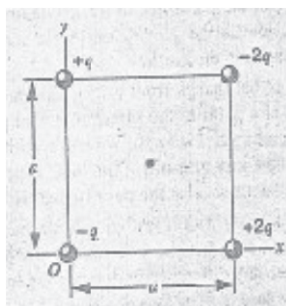
۳-۲ دیو نقطوی چارج برقی ساحه:

5- دیو نقطوی چارج مقدار دارنگه انتخاب کړی چی دبرقی ساحی څخه چی مقدارئی  $2,30 \text{ N/C}$  دی د  $75,0 \text{ cm}$  په اندازه لری وی؟

6- حساب کړی دایپول مومنت دیوالکترون او پروتون هغه چی د  $4,30 \text{ nm}$  په اندازه سره جداوی؟

۷- حساب کړی دبرقی ساحی مقدار چی دیو برقی دایپول په واسطه چی دیوی نقطوی دایپول مومنت ئی  $3,56 \times 10^{-29} \text{ C.m}$  ټاکلی شوی وی؟

8- پیدا کړی برقی ساحه د  $۲-۲$  شکل د مربع په مرکز کی په هغه صورت کی چی  $q = 11,8 \text{ nC}$  او  $a = 5,20 \text{ cm}$  قبول کړو؟



۲-۲ شکل: ۸ تمرین.

9- دیو ساعت مخ  $-q, -2q, -3q, \dots, -12q$  منفی نقطوی چارجونه لری، په داسی حالت کی ایښودل شوی چی عددی رابطه لری. دساعت عقربه دساحی مزاحمت

نکوی، په کوم وخت کی به د ساعت د عقربې جهت د برقی ساحې د جهت سره د ساعت د منځ په مرکز کی یو شان شی (یادونه: د چارجونو شديده مخالفت).

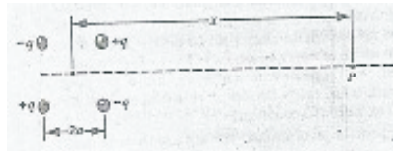
10- په ۵-۲ شکل کی فرضووهغه دوه چارجونه چی مثبت دی، و بنایست د شکل P په نقطه کی د E هغه مقدار چی  $a \gg x$  څخه وی نورا کوی:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q}{x^2}$$

11- یو قسم د برق څلور قطبی داسی شکل لری چی څلور چارجونه ئی دهغه مربع په راسونه کی چی ضلع ئی  $2a$  دی واقع دی د  $p$  نقطه د  $x$  په فاصله د څلور قطبی د مرکز څخه دیوموازی خط د پاسه د مربع په دوه ضلعو کی لکه په ۲۷-۲ شکل کی بنودل شوی قرار لری، د  $a \gg x$ ، لپاره و بنایست چه د  $p$  په نقطه کی برقی ساحه تقریباً:

$$E = \frac{3(2qa^2)}{2\pi\epsilon_0 x^4}$$

ده. (یادونه: څلور قطبی د دوه دایپول په شان تلقی کیږی)



۲-۴ د پرلپسی ویشل شوی چارج برقی ساحه:

12- و بنائی ۲-۱۹ معادله د چارج شوی صفحی (Disk) د برقی ساحې لپاره په هغه نقطو کی چی دخپل محور د پاسه ئی دی، د ساحې شعاع د نقطوی چارج لپاره  $R \gg z$  ده؟

13- د  $R$  په شعاع د چارج شوی صفحی (Disk) د محور په امتداد د صفحی (Disk) د مرکز څخه د سطحی په کومه فاصله کی د برقی ساحې شدت ئی یونیم برابره د ساحې د مقدار کیږی؟

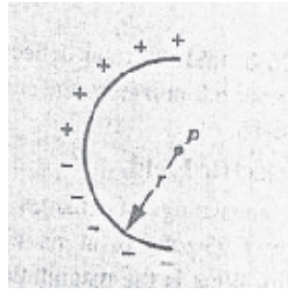
14- د  $R$  په شعاع د چارج شوی حلقی د محور په امتداد په کومه فاصله کی د محوری برقی ساحې قوت اعظمی کیږی؟

۱۵- (a): د  $q$  ټول څومره چارج لازم دی یوه صفحه چې شعاع یی  $2,50\text{cm}$  ده نقل کړی همدارنگه هغه برقی ساحه چې دصفحي ( $Disk$ ) دسطحي دپاسه ده دخپل مرکزسره برابره ده دا هغه مقدار دی کوم چې بنکته لوری ته د هواد ماتیدوله امله دبرقی جرقی څخه تولیدیږي ۱-۲۲ جدول وگوری؟

(b): فرضوودسطحي دهراتوم تاثیرد  $0,015\text{nm}^2$  مساحت په برخه کی  $x$  دی څومره اتومونه دصفحي په سطح کی دی؟

(c): د  $a$  په نتیجه کی چارج ددی سطحی اتومونه یواضافی الکترون نقلوی، کوم ماتیدل دی سطحی داتومونولپاره لازم دی چې چارج یی کړی؟

16- یوه نازکه شیشه یی میلله چې داخل ته تاؤشوی د  $r$  په شعاع نیمه دایره یی جوړه کړی، د  $+q$  چارج یی په منظم ډول پورته نیمائی برخه کی توزیع شوی اود  $-q$  چارج یی په منظم ډول بنکته نیمائی برخه کی توزیع شوی، لکه ۲-۲۸ شکل کی چې ښوول شوی د  $E$  برقی ساحه یی د نیمی دایری د  $P$  په مرکز کی پیدا کړي؟



۲-۲۸ شکل: ۱۲ تمرین.

17- د  $E$  دبرقی ساحی مقدار چې د  $z$  په یوه فاصله دیلاستیکی چارج شوی صفحي ( $Disk$ ) دمخوپه امتداد اندازه شوی عبارت دی له:

$z$ (cm)	$E$ ( $10^7$ N/C)
0	2.043
1	1.732
2	1.442
3	1.187
4	0.972
5	0.797

حساب کړي؟

(a): د صفحي ( $Disk$ ) شعاع او

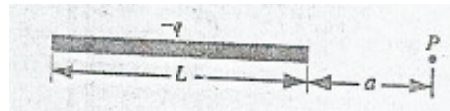
(b): دهغه د پاسه چارج؟

18- یوه عایقه شوی میل د  $L$  په اوږدوالي د  $q$  - چارج چي په منظم ډول ئی په اوږدوالي کی توزیع شوی لکه په ۲-۲۹ شکل چي ښوول شوی .

(a): د میلی خطی کثافت څومره دی؟

(b): پیداء کړی برقی ساحه د  $P$  په نقطه کی چي د میلی دانجام (اخر) څخه د  $a$  په فاصله کی پرته ده؟

(c): که چیرته د  $P$  نقطه د میلی د  $L$  په مقایسه ډیره لری وی او میل د یو نقطوی چارج په شان په نظر راشی، وښایست ستاسی د  $b$  په هغه ځواب کی د نقطوی چارج د برقی ساحی څخه څومره کمیږی د  $L \gg a$  لپاره؟

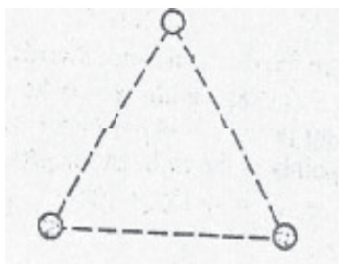


۲-۲۹ شکل: ۱۸ تمرین.

19- یو کیفی طرحه د ساحی د خطونو، چي یوځای کړی ئی دی دری اوږده برابر خطونه د چارج په عمودی سطح کی، فرضوؤ چي تقاطع ددی خطونو د چارج په سطح کی



یومتساوی الاضلاع مثلث جوړه وی ۳۰-۲ شکل اود چارج هر خط د  $\lambda$  د خطی چارج کثافت لری .



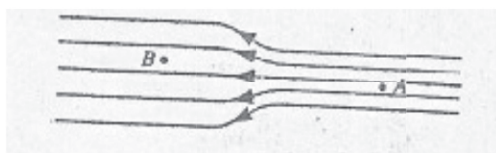
۳۰-۲ شکل: ۱۹ تمرین.

۵-۲ دبرقی ساحی خطونه:

۳۱-۲-20 شکل دیوی دبرقی ساحی، د ساحی کرنی رابنائی : ددی خط عمودی فاصله په صفحه کی هر خای کی یوشان ده.

(a) : که چیرته په  $A$  کی د ساحی مقدار  $40 \text{ N/C}$  وی . د تجربی په نقطه کی خومره قوه په یو الکترون عمل کوی؟

(b): په  $B$  کی دبرقی سحی مقدار خومره دی؟



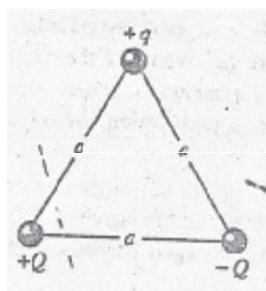
۳۱-۲ شکل: ۲۰ تمرین.

21- دیوی نقشی په اساس دبرقی ساحی خطونه، د  $R$  په شعاع دیونا که دایروی صفحی سره چی په منظم ډول چارج شوی، وصل کړی؟

(یادونه : وگوری، د محدودو نقطو په شان حالت چی ډیر نږدی دی صفحی ته چیرته چی برقی ساحه ئی په سطح عمود ده او نقطی ورڅخه ډیری لری دی، چیرته چی برقی ساحه دیو نقطوی چارج په شان ده).

22- یوه کیفی نقشه د ساحې د خطونوچې  $+q$  او  $-2q$  دوه علیحده چارجونه سره وصلوی رسم کړی؟

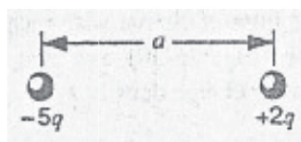
23- درې چارجونه د ۲-۳۲ شکل په شان په یو مثلث کې ترتیب شوي، گوروچې د ساحې خطونه ئې  $+Q$  او  $-Q$  ورکوي او د هغوی څخه دهغه قوی جهت چې  $+q$  باندې عمل کوي تشخیص کيږي، ځکه نوردوه چارجونه واقع کيږي (یادونه: ۲-۱۲: شکل وگوري)



۲-۳۲ شکل: ۲۳ تمرین

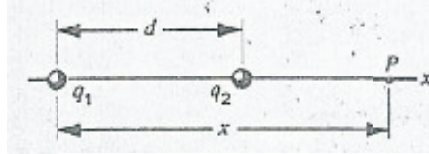
24- (a) په ۲-۳۳ شکل کې نقطه (یا نقطې) په داسې ځای کې واقع دی چې هلته برقی ساحه صفر ده.

(b): د ساحې د خطونو کیفی نقشه وښایست؟



۲-۳۳ شکل: ۲۴ تمرین

25- دوه نقطوي چارجونه د  $x$  محور د پاسه د  $d$  په فاصله جدا ایښودل شوي دي ۲-  
 ۳۴ شکل  $E_x$  رسم کړی؟ فرضوچې د چارج کیني لوري ته  $x = 0$  دی. د  $x$  مثبت او منفي مقدار وگوري؟  $E_x$  رسم کړی. مثبت دی که چیرته د  $E$  جهت ښی. لوري ته وی، منفي دی که د  $E$  جهت کیني لوري ته وی، که فرض کړوچې  $q_1 = 10 \times 10^{-6} C$ ،  $q_2 = 3,0 \times 10^{-6} C$  او  $d = 10 cm$  وی؟

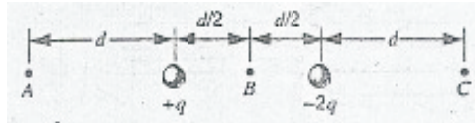


۲-۳۴ شکل: ۲۵ تمرین

26- د  $+q$  او  $-2q$  چارجونه د  $d$  په فاصله جدا اېښودل شوی د ۲-۳۵ شکل په شان.

(a):  $\vec{E}$  د  $A, B$  او  $C$  په نقطو کې پیداء کړی؟

(b): د برقی ساحې د خطونو نقشه په اټکلی ډول وښایست؟



۲-۳۵ شکل: ۲۵ تمرین

۲-۲ په یوه برقی ساحه کې یو نقطوی چارج:

27- یو الکترون  $4,86 \times 10^6 \text{ m/s}$  په سرعت سره حرکت کوی چی د منظمې برقی ساحې چی شدت ئی  $1,30 \text{ N/C}$  دی ورڅخه موازی تیږیږی داسی ترتیبوی چی دخپل حرکت څخه وروسته پاتی کیږی.

(a): مخکی له دی چی سکون (ارام) ته الکترون ورشی په ساحه کې به ئی سفر څومره وی؟

(b): څومره وخت به تیږ کړی؟

(c): که چیرته برقی ساحه وروسته د  $7,88 \text{ mm}$  څخه ناڅاپه ختمه شی څومره انحراف به ئی داوولنی حرکتی انرژي څخه کړی وی ترڅو الکترون د لاسه ورکړی؟

28- یوه دمزایل (گلولی، سوشک) ضد سلاح بایدوی ترڅو د زردوړپانگو څخه د دفاع لپاره استعمال شی مثلاً دیوپروتون مؤثره وړانگه چی دیو دشمن مزایل کولی شی بی

ضرره کړې په دی قسم کولی شی چه وړانگی په ټوپک کی حاصلی شی دبرقی ساحی په استعمال چارج شوی زره تعجیل اخلی.

(a): که برقی ساحه  $2,16 \times 10^4 \text{ N/C}$  وی نو د امتحانی پروتون تعجیل به څومره وی؟

(b): پروتون به څومره سرعت په لاس راوړی که چیرته د ساحی عمل د  $1,22 \text{ cm}$  فاصل د پاسه وی؟

29- دوه مساوی او مختلف چارجونه چی مقدارئ  $1,88 \times 10^{-7} \text{ C}$  او  $15,2 \text{ cm}$  په فاصله جداء ایښودل شوی دی.

(a): د چارجونو ترمنځ په منځنۍ نقطه کی د  $\vec{E}$  مقدار او جهت څنگه دی؟

(b): څومره قوه (مقدار او جهت) کولی شی چی عمل وکړی په یو الکترون په دی موقیعت کی؟

30- د دوه مختلف چارج شوو پلیټونو ترمنځ منطقه کی باید یوه منظمه برقی ساحه شتوالی ولری، ترڅو یو الکترون د منفی چارج شوی پلیټ (صفیحی) د سطحی څخه آزاد شی، او په  $14,7 \text{ ns}$  کی په  $1,95 \text{ cm}$  خارجي فاصله کی د مخالف پلیټ په سطحی ضربه وارده وی.

(a): د الکترون سرعت د خپلی ضربی له امله په دوهم پلیټ کی څومره دی؟

(b): د برقی ساحی مقدار ئی څومره دی؟

31- د ملیکان په تجربه کی دیو څاڅکی شعاع  $1,64 \text{ nm}$  او کثافت ئی  $0,851 \text{ gr/cm}^3$  کله چی برقی ساحه  $1,92 \times 10^5 \text{ N/C}$  وی معمولی وضع لپاره د څاڅکی د پاسه چارج حساب کړی د  $e$  په اصطلاح؟

32- دوه نقطوی چارجونه چی  $q_1 = 2,16 \mu\text{C}$  او  $q_2 = 85,3 \text{ nC}$  چارج لری، د  $11,7 \text{ cm}$  په فاصله سره جداء دی.

(a): دبرقی ساحی هغه مقدار پیدا کړی، هغه چی هریوی دبل په ځای (مکان) کی تولیدوی؟

(b): دهغه قوی مقدار پیدا کړی، چی په هر چارج عمل کوی؟

33- د 1911م په اولو وختونو کی ملیکان دخپلی مشاهدی خصوصیات داسی وښودل: د چارجونولاندی اندازه، دنوروپه منځ کی څو کرته (څو ځله) دیو څاڅکی د چارج څخه متفاوته وه د دی data څخه که د  $e$  د چارج مقدار پیدا کړی، څومره به وی؟

$6.563 \times 10^{-19} \text{ C}$	$13.13 \times 10^{-19} \text{ C}$	$19.71 \times 10^{-19} \text{ C}$
$8.204 \times 10^{-19} \text{ C}$	$16.48 \times 10^{-19} \text{ C}$	$22.89 \times 10^{-19} \text{ C}$
$11.50 \times 10^{-19} \text{ C}$	$18.08 \times 10^{-19} \text{ C}$	$26.13 \times 10^{-19} \text{ C}$

۳۴- د  $E$  یوه منظمه عمودی ساحه ددوه لویو موازی پلټونوپه منځ کې جوړه شوي ده، یوه کوچنۍ کره د  $m$  په کتله دیو تار په واسطه چې اوږدوالی یی  $L$  دی. په دې ساحه کې څوړنده شوی ده، ددی رقاصی ( څوړنده شوی جسم ) پریود پیدا کړی، کله چې لری  $d + q$  چارج ورکړی وی که چیري ته د پلټ څخه ښکته راوړل شی:

(a): ایپه مثبت ډول به چارج شوی وی او (b): ایپه منفی ډول به چارج شوي وي؟

۳۵- په ۲-۲ ساده پوښتنه کی درنگ د څاڅکی ټول انحراف 6,8mm د پام وړ کاغذ د پاسه دا څرخه د پلټونو تر انحراف پوری پیدا کړئ؟ ۲-۱۲ شکل وگوري؟

۲-۷ په یوه برقی ساحه کی یو دایپول:

۳۶- یو برقی دایپول د چارجونو څخه چې مقداری 1,48nC دی جوړ شوی دی چې د  $6.23 \mu\text{m}$  د فاصلی په واسطه جدادی، په یوه برقی ساحه کې چې شدت یی  $1100 \text{ N/C}$  دی واقع دی:

(a): دبرقی دایپول مومنت مقداری څومره دی؟

(b): خومره دی ددایپول متقابل دپوتانسپالی انرژي تفاوت چې د ساحي سره ئي جهت موازي يا غيرموازي شی؟

۳۷- یوبرقي دایپول  $+2e$  او  $-2e$  چارجونوڅخه چې  $0.78nm$  په اندازه جداءدی، جوړشوی. هغه په یوه برقي ساحه کې چې شدت ئي  $3,4 \times 10^6 N/C$  دی قرارلری، حساب کړی. دترک مقدار په دایپول باندي کله چې دایپول مومنت وی:

(a): موازي

(b): په قایمه زاویه او

(c): دبرقي ساحي سره مخالف وی

۳۸-  $q = 3.61 \mu C$  چارج د  $28,5cm$  په فاصله دیو کوچني دایپول چې دخپل عمودي امتداد په نیمائی کی قرارلری هغه قوه چې په دی چارج عمل کوی مساوی ده د  $5.22 \times 10^{-16} N$  سره چې په دیاگرام کی ینسودل شوي ده:

(a) دهغه قوی جهت چې په چارج عمل کوي څنگه دی او

(b) دهغه قوی جهت چې په دایپول عمل کوي معلوم کړئ؟

(c) دهغه قوی مقدار چې په دایپول عمل کوي خومره دی؟

(d) دایپول مومنت د دایپول وېنایاست؟

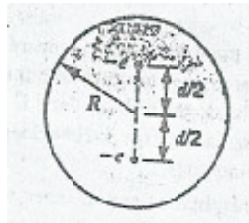
۲-۸ داتوم دهستي موډل:

۳۹- په ۱۹۱۱ کې په یو کاغذکی رادرفورد ویلی وه: دبعضي نظریوله جملې څخه ئې دقوی لپاره دا ضرور وگنله چې دالفایوی زری ته په یوه لویه زاویه انحراف ورکړی. نواشاره ده، دي ته چې یواتم په خپل مرکز کې د  $ze$  مثبت چارج لری چې احاطه شوی د  $ze$ - دمنفی چارج دتوزیع په واسطه د  $r$  په شعاع دکری په داخل کې دمنظمی توزیع په اساس د  $E$  برقي ساحه د ۲ په فاصله داتوم دمرکز دداخلی نقطی څخه عبارت ده له:

$$E = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r^2} - \frac{r}{R^3} \right)$$

دایوبنسته تحقیق کړی؟

۴۰-۳۶-۲ شکل رابنائی دتامن داتوم مودل دهلیوم ددوه الکترونونه  $z = 2$  استراحت په حال کې د  $2e$  مثبت چارج دکری په داخل کې په منظم ډول ځای په ځای شوی، دالکترونونوترمنیځ د  $d$  هغه فاصله پیدا کړئ ترڅو په هغه موقعیت کې دسکون په حال کې تعادل راشي؟



۲-۳۶ شکل ۴۰ تمرین

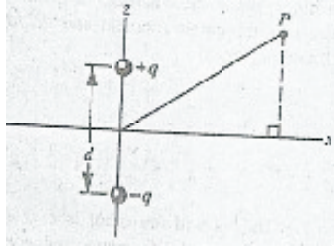
مسـوـلی

۱- په ۲-۵ شکل کې وگوری هغه یوه نقطه چې د  $Z$  فاصله د دایپول دمرکزڅخه دخپل محورپه امتدادکې لری

(a) وښایاست د  $Z$  لوی مقدارچې دبرقی ساحی مقداری د  $E = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{P}{Z^3}$  په واسطه ورکړل شوی دی ( مقایسه ئی کړی دساحی دهغی یوی نقطی دپاسه چې په عمودی ناصف واقع وی)

(b) د  $\vec{E}$  جهت څنگه دی؟

۲- وښایاست هغه اجزاء د  $\vec{E}$ ، چې دیودایپول په واسطه په لری نقطوکې ورکړل شوی د  $E_x = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3Pxz}{(x^2+z^2)^{\frac{5}{2}}}$ ،  $E_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{P(2Z^2-x^2)}{(x^2+z^2)^{\frac{5}{2}}}$  په واسطه چیرته چې  $x$  او  $z$  د  $P$  دنقطی مختصات دی، ۲-۳۷ شکل هغه عمومي نتیجه رابنائی چې د ۱۲-۲ معادلی، او اولی پوښتنی خاصی نتیجې پکی شامل دي .



۲-۳۷ شکل: ۲ مشکل.

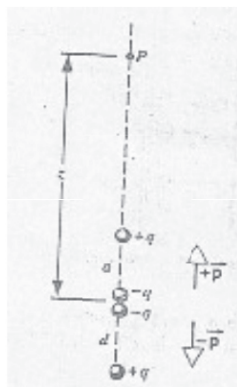
۲-۴۰ برخې کې یوه چارج شوی حلقه په نظر کې ونیسئ؟ فرض کړئ چې  $q$  چارج د حلقې د پاسه په یونواخت ډول ندی توزیع شوی بلکه د  $q_1$  چارج د نیمې حلقې پورتنۍ برخه کې په یونواخت ډول توزیع شوی، او د  $q_2$  چارج د حلقې په بلې لاندینۍ برخه کې په یونواخت ډول توزیع شوی. که  $q = q_1 + q_2$  وې.

(a): پیدا کړئ هغه اجزاء د برقی ساحې چې هره نقطه ئې د محور د پاسه د محور په امتداد کې جهت ولري، مقایسه ئې کړئ. د منظم (دیونواخت) حالت سره؟

(b): پیداء کړئ د برقی ساحې هغه اجزاء چې هره نقطه ئې د محور د پاسه په محور عموده وې. د منظم حالت سره ئې مقایسه کړئ؟

۲-۳۸ شکل رابنائی یو قسم برقی څلور قطبی چې هغه عبارت دی، د دوه دایپولوخه چې د خارجي نقطو تاثیر ئې کاملاً د مینځه نه ځي، وښایست د  $\vec{E}$  مقدار د محور د پاسه د څلور قطبی د نقطو، د  $z$  دیوې فاصلې لپاره چې دخپل مرکز څخه لری فرضوو چې  $Z \gg d$  چې د  $E = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 Z^4}$  په واسطه راکړل شوی دی، چیرته چې  $Q = 2qd^2$  وې، د چارج توزیع ته څلور قطبی مومنټ وائی.





۲-۳۸ شکل: ۴ مشکل.

۵- د  $x$  دمحوريه امتداد دنقطوی چارجونويوه توزیع جوړه کړی، همدارنگه هغه چې چارجونونه لری وی، نودا برقی ساحه د  $x$  دمحوريه امتداد د  $\frac{1}{r^6}$  په شان بی موقع تنزل کوي .

۲-۳۹ شکل کې دعایق په واسطه پوښل شوی یوه نامحدوده (لایتناهی ) میله چې انتقالوي د  $K$  دچارج خطی کثافت (چارج پراوړدوالی ) ، وښایاست د  $P$  په نقطه کې هغه برقی ساحه چې دمیلي سره  $45^\circ$  په اندازه زاویه جوړه وی، هغه چې دانتیجه ئی د  $R$  دفاصلی څخه مستقله ده؟



۲-۳۹ شکل: ۲ مشکل.

۷- یوه نازکه غیرهادی میله د  $\lambda$  په محدوده فاصله د  $\blacksquare$  + یونواخت دچارج خطی کثافت، په پورته نیمه برخه کې اود  $\blacksquare$  - یونواخت دمنفی چارج کثافت ښکته نیمه برخه کی انتقالوی، مقایسه ئی کړی د ۲-۳۹ شکل سره؟

(a) یومشابه استدلال ئی، دمیلی د  $P$  په نقطه کې دبرقی ساحی دجهت اوحسابولولپاره استعمال کری؟

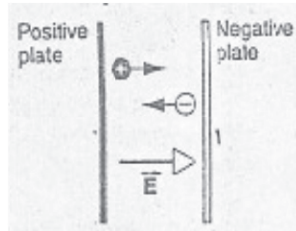
(b) په  $P$  کې  $\vec{E}$  پیدا کری؟

(c) د  $y$  دلوی قیمت لپاره ئی لیمت ونیسی؟ هغه به څنگه مربوط وی د  $y$  سره دایبان څومره ستاسی په لوریدی؟

۸- یوه غیرهادي نیمه کره ئی پیاله د  $R$  په داخلي شعاع د  $q$  یو مجموعی چارج دخپلی داخلی سطحی دپاسه په منظم ډول خپروی. هغه برقی ساحه چې دمرکزڅخه انحناء(کوروالی) لری پیدا کری؟ (یادونه: پیاله دحلقودزیاد مقدار سره مقایسه کری؟)

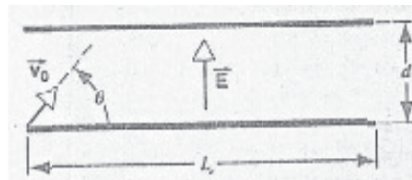
۹- فرض کری چې دکولمب په قانون کې توان (۲) نه بلکه  $n$  دی. وښایاست هغه د  $n \neq 2$  لپاره ددی جوړول دبرقی ساحی دخطونو لپاره ناممکن دی، هغه شاید دبرقی ساحی دخطونو لپاره په ۲.۵ سکشن کی د ساده کولو(اسانتیا) لپاره دخواصو لیست ولری، چې دیونقطوی چارج دجدا کولو سره سروکار لری؟

۱۰- دوه پراخه موازی دمسوپلیتونه چې  $5,00 \text{ cm}$  په فاصله جدا دی اودهغوی په مینځ کې یوه منظمه برقی ساحه  $40-2$  شکل په شان شرحه شوی ده، یوالکترون د منفی پلیت څخه ازادیږي، دده سره په یوشان وخت کې یوپروتون دمثبت پلیت څخه ازادیږي دهغه قوی څخه چې دازری ئی یوپه بل وارده وی صرف نظرشوی؟ دهغوی فاصله دمثبت پلیت څخه څومره ده کله چې هغه یو دبل څخه تیریږي ایاداتاسی حیرانه وی هغه چې تاسی ئی نه پیژنی. په برقی ساحه کې اوورته ضرورت دی د پوښتنی دحللولولپاره؟



۲-۴۰ شکل ۱۰: پوښتنه.

۱۱- یو الکترون پرتاب کیږي د (۲-۴۱) شکل په شان د  $V_0 = 5.83 \times 10^6 \text{ m/sec}$  په اولنۍ سرعت سره او د  $\theta = 39.0^\circ$  ده،  $E = 1870 \text{ N/C}$  (په پورته جهت کې) وی شاید د الیکترون ټکروکړې د هریوپلیټ سره، که چیرته دیوپلیټ سره ټکرونه وکړي، د کوم پلیټ سره به ئې ټکروکړې وي؟ او په خومره فاصله به دهغه د نیمائی خنډی خڅه لری وي؟



۲-۴۱ شکل ۱۱: پوښتنه.

۱۲- یوه الیکترون دیوی چار جداره حلقی د محور په اوږدو کې حرکت حاصل کړی، په ۲-۴ برخه کې پري بحث شوی وه، وښایاست چې هغه الیکترون د حلقی د مرکز سره دیو کوچنی اهتزاز د اجراء کولومیل لری، چې فریکونسی ئی د  $w = \sqrt{\frac{eq}{4\pi\epsilon_0 m R^3}}$  په واسطه راکړل شوی ده؟

۱۳- هغه کارپیدا کړی چې د  $\vec{E}$  په منظمه برقی ساحه کې د برقی دایپول د تاوولولپاره لازمه دی، په دی شرط چی د  $\vec{P}$  د دایپول مومنت، او د  $\vec{E}$  او  $\vec{P}$  په مینځ کې اولنۍ زاویه  $\theta$  وی؟

۱۴- دیوبرقی دایپول داهتزازفریکونسی، د  $P$  برقی دایپول، د  $I$  دورانی عطالت، او د تعادل حالت لپاره کوچنی د اهتزاز دامنې د  $\vec{E}$  په یوه منظمه برقی ساحه کې پیدا کړی؟

۱۵- دوه مساوی مثبت نقطوی چارجونه د  $q + a/2$  د  $z = +a/2$  او  $z = -a/2$  په موقعیت کې قرار لری:

(a):  $dE_z/dz$  مشتق د  $Z$  دمحور په امتداد، د نقطو لپاره پیداء کړئ او  $dE_z/dz$ ،  
 $\frac{a}{2} \ll z$  په حدودو کې معلوم کړی؟

(b): وښایاست هغه قوه چې دیو کوچنی دایپول دپاسه، د خپل محور په دې نقطه کې، چې د چارجونو د یوځای کوونکې خط په امتداد د  $F = P \left( \frac{dE_z}{dz} \right)$  په واسطه راکړل شوی چیرته چې  $P$  د دایپول مومنټ دی او  $\frac{dE_z}{dz}$ ، د (a) د جز د پیداء شوی قیمت د لیمټ څخه په لاس راوړی؟

((کمپیوټری پوښتنی))

۱- یوه حلقه د  $r = 0.1\text{m}$  په شعاع چې د  $(2 + \sin\theta)$   $\left(2.0\mu\frac{C}{m}\right)$  په اندازه د چارج غیر منظم کثافت ورکړی، پیداء کړی د هغه یو نقطی عددی مختصات چېرته چې برقی ساحه ی دلاسه ورکړی وی (صفر ته رسیږي)؟

۲- د چارج کثافت دیو ی میلی دپاسه د  $L$  په اوږدوالی تمرکز کوی، د  $x$  دمحور دپاسه د  $\lambda = \left(1.0\mu\frac{C}{m}\right) \sin^2\left(\frac{\pi x}{L}\right)$  په واسطه راکړل شوی، د  $x, y$  په مستوی کې دبرقی ساحی دخطونو عددی نقشه مینځ ته راوړی؟

۳- مقایسه کړی د دوه زرو هغه برقی قوه چې په یو بل عمل کوي، هره یوه په برقی ساحه کې دیوبل د تعجیل ورکولو ځواب ویونکی ده او د چارجونو حالت ئی دقو په شان دی چې همدرانگه تبدیلیدل رابښائی. دوه مساوی زرې چې هره یوه ئی د  $q = +1.9 \times 10^{-9}C$  چارج او  $m = 6.1 \times 10^{-15}kg$  کتلی سره، د  $3.0 \times 10^4 m/sec$  په مساوی سرعتونو سره په حرکت شروع کوی د  $x$  په مثبت جهت کې داوولنی یوې

لیپاره  $x = 0$  او  $y = 6.7 \times 10^{-3}m$  اودبلی لپاره  $x = 0$  او  $y = 6.7 \times 10^{-3}m$  په مستوی کې دې، چې هره یوه په دی مستوی کی حرکت ته ادامه ورکوی. مقایسه کړی هغه برقی قوه چې دوی یوپه بل وارده وی:

(a): استعمال کړی. دکمپیوټریو پروگرام دمسیرد رسمولو لپاره د  $t = 0$  څخه تر  $t = 1.0 \times 10^{-6}s$  وخت لپاره ځکه تاسی ضرورت لری، چې یو ددی چارجونولپاره موقعیت او سرعت محاسبه کړی؟ په همدی شان استعمال کړی، ترڅو پیدا کړی، موقعیت او سرعت دبل چارج دهری یوی فاصلی (انتروال) لپاره دانتي گرال په نیولوشروع کوو، دانتي گرال دفاصلی (انتروال) لپاره  $\Delta t = 1 \times 10^{-8}s$  استعمال کړی؟

(b): اوس فرضوو چې یوه ددی زروڅخه  $q = -1.9 \times 10^{-9}C$  چارج لری. ولی دنورو ټولو حالتونو لپاره د  $t = 0$  څخه تر  $t = 5.0 \times 10^{-7}s$  لپاره دمسیرمشابه طرح لری؟

## دریم څپرکی

### دگوس قانون (Gauss law):

دکولمب قانون مونږ هروخت د  $\vec{E}$  دبرقی ساحی دمحاسبه کولو دپاره استعمالوو. او په اسانۍ سره مونږ کولای شو چې چارجونه جدا یا پیوسته حالت مطالعه کړو. جمع اوانتي گرال یی یوڅه مغلق دی. (اودشمیرلو لپاره کمپیوټری نیرو ته ضرورت لری). بلکه برقی ساحی تل دپیدا کیدلو وړدی په مخکی څپرکی کی په ځینو حالتونو بحث وشو. ددی دپاره چې بعضی فزیکي حالات په اسانۍ سره تشریح شی پدی څپرکی کی مونږ دکولمب دقانون یو متبادل قانون لولو. چې دگوس دقانون په نوم یادیږی دگوس قانون دبرقی ساحی دحسابولو لپاره ډیر ساده اوگتور اصول لری چې نن صبا دزیاتوفزیکي عملیودحل لپاره په کار اچول کیږی. که څه هم دواړه قوانین عین نتیجه را وباسی لیکن دگوس قانون یا معادله

زیاته حل اړخیزه ده. دغه موضوع ډیره په زړه پورې ده. چې دگوس قانون هغه موضوع چې د کولمب قانون کی ورڅخه صرف یادونه شوی وی په ډیر ښه شان تشریح کوی.

۱-۳ دگوس قانون ته اړتیا (دگوس قانون د ټولو کومو شیانو په هکله دی):

تراوسه پورې په الکتروستاتیک کی مونږ هر څه د کولمب د قانون پواسطه پیدا کړل. ۱۴ معادله د نقطوی چارجونو ترمینځ برقی قوه را کوی. د کولمب قانون د دقیقې ارزیابی دپاره یو ښه ریاضیکي فرمول دی مونږ د  $q$  چارج برقی ساحه  $\vec{E} = \vec{F}/q_0$  په دی ډول سره ښایو چې دلته  $\vec{F}$  هغه قوه ده چې  $q$  ئی په  $q_0$  واردوی په عمومي ډول سره دیو ډیر کوچنی نقطوی چارج د برقی ساحی په نظر کی نیولو سره ممکنه ده چې مونږ برقی ساحه دیو خط یا صفحی لپاره هم پیدا کړو. دگوس قانون د برقی ساحی د محاسبی دپاره یو بله لارده، چې د کولمب قانون سره معادل ده یعنی تراوسه پورې چې څه مونږ د کولمب د قانون په واسطه محاسبه کړی کولای شو دگوس د قانون له لاری هم محاسبه کړو.

دگوس قانون ته څه اړتیا ده؟

په داسی حال کی چې د کولمب قانون د هر ثابت نقطوی چارج د برقی ساحی د محاسبه کولو لپاره کافی دی یو ځواب دا کیدای شی چې دگوس قانون ډیره ساده لاره او طریقه د برقی ساحی د محاسبه کولو لپاره په هغه حالاتو کی چې لوړی یوشان ساحی ولری لکه د کروی چارج ویشنه. بل ځواب دا کیدای شی چې دگوس قانون نسبت د کولمب قانون ته په لیکلو کی اسان او ژر دی د الکتروستاتیک د اساسی قانون پشان د کوم پواسطه چې مونږ کولای شو چې معادلو ته په یو سیستم باندی پرمختگ ورکړو. د ټولو مقناطیسی پېښو لپاره کوم چې په ډیر واضح ډول سره د الکتريکی او مقناطیسی ساحو ترمنځ اړیکې روښانه کوی.

دریم علت یی دا کیدلای شی چې دگوس قانون د چارجونو د ډیر تیز حرکت لپاره دا اعتبار وړ دی بلکه د کولمب قانون څخه هغه وخت استفاده کیږی چې د چارجونو دوام او حرکت

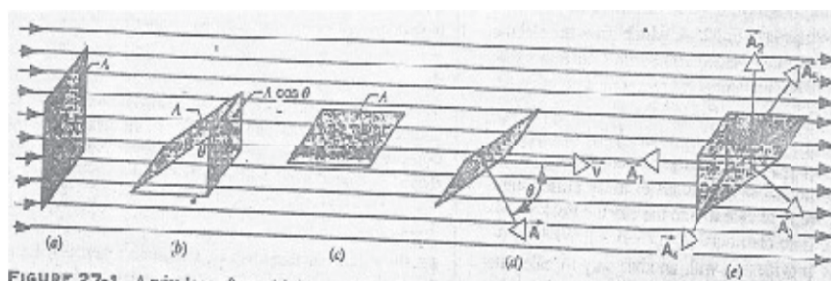
ډیر سست وی. نو بالاخره مونږ په واقعی ډول پدی څپرکی کی ونښوده چه دکولمب قانون د گوس د قانون یو خاصه برخه ده نو پدی اساس د گوس قانون نسبت د کولمب قانون ته ډیر عام دی. ددی دلایلو په اساس دگوس قانون دڅلورو اساسی الکترو مقناطیسی معادلو لپاره پدی خاطر تر بحث لاندی نیول کیږی چه نسبت دکولمب قانون ته بنیادی دی. (دمکسویل معادلی دی چی په ۳۸ څپرگی کی پری بحث کوو). مخکی تر دی چی مونږ دگوس قانون تشریح کړو نو لومړی اړتیا دی ته پینښیږی چی یو نوی کمیت پیدا او بحث پری وکړو چی هغه د برقی ساحی فلکس دی. فلکس د هری ساحی یو الجبری ښودنه ده چی د وکتورونو په واسطه ښودل کیږی هغه چی د یوی زری د ناحی دپاسه د ساحی د وکتور، د سطحی انتیگرال په واسطه مشخص کیږی. دلته همدارنگه هندسی شرحه د فلکس لپاره هغه چی بناء ده د ساحی د خطونو په هغه شمیر د ټولی فضا څخه تیریږی.

### ۳-۲ د وکتوری ساحی فلکس:

د Flux کلیمه د یوی لاتینی کلیمی flow څخه اخیستل شوی چی flow د بهیدلو په معنی دی. مونږ دا فلکس د یو وکتوری ساحی په توگه په نظر کی نیسو، چی د بهیدو اندازه یی د نوموړو وکتورونو اندازه چی د ساحی له یوی خیالی سطحی څخه تیریږی ده مونږ فرضوؤ چه د برقی ساحی فلکس یو ډیره اشنا بیلگه ده ددی لپاره کوو چی د بهیدونکی مایع سرعتی ساحه په لاس راوړو د یوی بهیدونکی مایع یو نهړ په نظر کی ونیسی. چی په هره مشخصه نقطه کی یی سرعت د وکتور سره وښایو ۱-۳ شکل یو مشابه جریان چی د سرعت وکتورونه یی د مایع په سطحه کی موازی دی فرضوو چی دغه نهړ ته یو سیم چی په مربع شکله حلقه کی راتاو شوی وی د A سطحه کی دننه کوو په ۱a-۳ شکل کی د حلقی د موقیعت، مستوی د هغی د جریان په جهت عموده ده. مونږ دغه  $\Phi$  فلکس د ساحی د سرعت څخه پیدا کوو چی مقدار یی د لاندی معادلی پواسطه راکړل شوی دی:

$$|\Phi| = vA \quad (3-1)$$

دلته  $V$  د سرعت مقدار دی دحلقی په موقیعت کی دی د فلکس واحد  $m^3/s$  دی. او دا قوی ښایی چی په کومه اندازه مایع (سیال) د حلقی څخه تیریږی د ساحی په دی جمله کی دافکرڅنگه دی چی (د گوس قانون د معرفی کولو لپاره) مناسب ده چی: فلکس د ساحی د هغه خطونود شمیر څخه عبارت دی چی د حلقی څخه تیریږی.



۳-۱ شکل: ۳-۱ شکل دیو سیم حلقه د نهر د جریان د  $A$  ناحیه کی دننه شوی چی مونږ یی د سرعت د ساحی په ډول یی ښایو:

(a) حلقه جریان سره مستقیمه زاویه لری. (b) د  $\theta$  په یوی زاویی حلقی دوران کړی. چی د ناحی تصویر یی په جریان عمود دی چی عبارت دی له  $(A \cos \theta)$  (c): کله چی  $\theta = 90^\circ$  شی ساده او موثری کرښی د حلقی د مستوی څخه نه تیریږی. (d) دحلقی فضا د  $(\vec{A})$  وکتور په واسطه ښودل شوی چه دحلقی په مستوی کی عمود ده. او  $\theta$  د  $(\vec{A})$  او د  $\vec{V}$  سرعت ترمنځ زاویه ده. (e):  $A$  یوه بنده سطحه ده چی پنځه مستوی سطحی جوړوی د  $(\vec{A})$  ناحیه دهری سطحی د خارج لپاره په عادی ډول بیانیري. په ۳-۱ شکل کی حلقه دوران کوی هغه داچی خپله لویه مستوی یی د سرعت په جهت عمود نه ده.

نوټ: هغه شمیر خطونه چی د ټولی حلقی (loop) د سرعتی ساحی څخه تیریږی د ۳-۱ b په شکل کی کم دی د ۳-۱ a شکل څخه د پرتاب د مربع مساحت  $A \cos \theta$  دی او امتحانیږی ۳-۱ b شکل په واسطه او خپل ځان به ورباندی قانع کړي هغه شمیر د ساحی خطونه چه د ټولی مایلی شوی حلقی د  $A$  د سطحی څخه تیریږی،



دهغه شمیر سره برابری چه د  $(\cos \theta)$  د کوچنی حلقی څخه تیریږي او په نهر عمود دی نو د  $b-1-3$  شکل په موقعیت کی د فلکس مقدار عبارت دی د:

$$|\Phi| = vA \cos \theta \quad (2-3)$$

که حلقی دوران کړي وی نو د مایع سرعت دهغی د سطحی سره موازی وی لکه په  $c-1-3$  شکل کی په  $2-3$  رابطه کی که  $\theta = 90^\circ$  ولیکله شی نو فلکس صفر کیږي ځکه په دی وخت کی هیڅ خط د ساحی د حلقی څخه نه تیریږي. د گاوس قانون به مونږ وگورو چی اساسی فلکس د یو تړلی سطحی سره مربوطه وی. د گاوس قانون یو فلکس په تړلی سطحه کی مطالعه کوی نومونږ باید منفي او مثبت فلکس چی د سطحی څخه تیریږي وپیژنو، د  $2-3$  معادلی بنی طرفته چی  $\vec{V}$  او  $\vec{A}$  په منځ کی نقطه ده دهغوی سکالری ضرب دی. هغه چی مقدار یی د سطحی مساحت او جهت یی عمود دی د  $d-1-3$  په سطحه اگرچه وروسته له دی د دواړو جهت د سطحی په یوه نقطه کی په  $d-1-3$  شکل کی بنودل شوی دی، چی سره معکوس دی. مونږ فقط یوه لاره لرو چی جهت په یو بل قسم مشخص کړو، د قرارداد په واسطه د  $\Phi$  د علامی له مخی یی معرفی سمه نده: مونږ د  $\vec{A}$  جهت په عادی حالت کی د تړلی شوی سطح څخه بیرون طرفته انتخابوو، پس فلکس د سطحی په واسطه د حجم په منځ کی چی باقی پاتی کیږي مثبت او د حجم داخل طرف ته منفي مطرح شوی دی. پدی انتخاب سره مونږ کولای شو چی ولیکو: فلکس د یو تړلی سطحی لپاره چی د څو سطحو د ارتباط څخه جوړ شوی عبارت دی:

$$\Phi = \sum \vec{V} \cdot \vec{A} \quad (3-3)$$

چی دلته  $\vec{V}$  د سطحی د سرعت د وکتورونو د جمع حاصل د ټولو خارجي سطحو لپاره یوه تړلی سطح جوړه وی. فلکس یو سکالری کمیت دی ځکه دوه وکتورونه د سکالریه شکل سره ضرب شوی دی.

۳-۱ نمونوی مسّله: د  $e$  ۳-۱ تپلی سطحه فرض کړی. یو حجم چی د 5 سطحوپواسطه پوښل (بند) شوی رانمایی. 1، 2 او 3 یی په ترتیب د  $a$  ۳-۱  $c$  ۳-۱، او  $b$  ۳-۱ د شکل د سطحو سره موازی او 4 د 5 په امتداد کی د جریان (نهر) د خطونو سره موازی دی. فرضوؤچی د ساحی سرعت یو نواخت دی. نولدی امله یی هر چیرته مقدار او جهت یوشان دی. دتولی تپلی سطحی مجموعی فلکس حساب کړی؟

حل: د ۳-۳ معادلې د استعمال له مخی دتولی سطحی د مجموعی فلکس لپاره د پنځه واړه سطحو فلکسونه پیداء کوو. نولیکلای شو:

$$\Phi = \vec{v} \cdot \vec{A}_1 + \vec{v} \cdot \vec{A}_2 + \vec{v} \cdot \vec{A}_3 + \vec{v} \cdot \vec{A}_4 + \vec{v} \cdot \vec{A}_5$$

یادونه: د 1 سطحه لپاره د  $A_1$  د عادی خارجی وکتور او د  $\vec{v}$  د سرعت تر منځ زاویه  $180^\circ$  ده. نو د  $\vec{v} \cdot \vec{A}_1$  د سکالری ضرب د  $-\vec{v} \cdot \vec{A}_1$  په شکل لیکلای شو. د 2، 4، 5 سطحو عضویت به له منځه ځی ځکه په هر حال کی  $\vec{A}$  وکتور په  $\vec{v}$  عمود دی د  $A_3$  سطحی لپاره فلکس د  $(VA_3 \cos \alpha)$  په ډول لیکو، نو مجموعی فلکس:

$$vA_1 + 0 + vAv_3 \cos \theta + 0 + 0 = -vA_1 + vAv_3 \cos \theta \quad \dots (3-1e)$$

$$\Phi = -$$

د  $e$  ۳-۱ هندسی شکل له مخی مونږ نتیجه اخلو چی  $A_1 = A_3 \cos \theta$  نو په نتیجه کی په لاس راوړو:

$$\Phi = 0$$

نو د تپلی سطحی مجموعی فلکس (سیلان) صفر دی د مثال نتیجه باید حیرانونکی نه وی که مونږ پوهیږو چی د سرعت ساحه د حقیقی زراتو د جریان دپاره یو معادل مثال دی هر خط چی د 1 سطحی ته ننوزی د 3 سطحی څخه خارجیږی، نو مونږ ویلی شو چی  $e$  ۳-۱ شکل کی ننوتونکی جریان، د وتونکی جریان د مقدار سره مساوی دی، چه دا دهری تپلی سطحی لپاره د تقاضا وړدی. داسی چه هلته د مایع سرچینه او ذخیره نه وی، خو که ذخیره وی نو جریان ته نوره

مایع هم داخلیری. چه ترخارجیدنکی مایع ډیره ده او فلکس (سیلان) به منفی وی ، دفلکس (سیلان) مثبت والی منفی والی د ذخیری په مقاومت پوری اړه لری. دمثال په توگه که دیوی ویلی کیدونکی جامدی داخلی سطحی څخه،  $1\text{cm}^3$  مایع په یوه ثانیه کی نهر ته داخله شی نو مونږ به عمومی فلکس (سیلان)  $+1\text{cm}^3/\text{s}$  په ډول پیدا کړو.

۳-۱ شکل یو خاص حالت دیو نواخته ساحی او مستوی سطحو رانمایی. مونږ په اسانی دغه نظریه یو غیر مشابهه ساحی او سطحوته ورکولای شو چه غیر منظم شکل ولری، هره غیر منظم سطح د  $dA$  وړه سطحه باندی تقسیمیدلای شی د  $\vec{dA}$  وکتور جهت ددی ډیرو وړو سطحو خارج ته دی او ساحه ددی عناصرو په سټ کی د  $\vec{V}$  قیمت لری او فلکس دداسی عناصرو مجموعه ده ، چه داخلی سطحی د انتگرال څخه عبارت ده:

$$\int \vec{V} \cdot d\vec{A} \quad (3 - 4) = \Phi$$

پورتنی محاسبه په دی عمومی قضیه کی د اعتبار وړ ده. ۳-۴ معادله دیوی تړلی سطحی څخه محاسبه شوی نو فلکس (سیلان) یی:

۱- صفر دی که چیری سطحه هیڅ ذخیره یا سرچینه ونه لری.

۲- مثبت دی او مقدار یی مساوی دی که سطحه موازی منبع ولری.

۳- منفی او مساوی دی که چیری سطحه یوازی یوه ذخیره ولری او که سطحه منبع او ذخیره کی واقع وی نو مجموعی فلکس (سیلان) صفر، مثبت او منفی کیدلای شی.

په راتلونکی برخه کی مونږ به وښایو چه دیو بل وکتور نه دفلکس (سیلان) ته یو شان کتنه. یعنی دبرقی ساحی د  $\vec{E}$  دپاره. لکه څنگه چه تاسی مخکی دمخکی پوهیږی. کله چی مونږ الکتروستاتیک کی بحث کوؤ. منبع او ذخیره تل منفی او مثبت وی نو استحکام د منبع او ذخیری متناسب دی د چارجونو داندازی سره. دگوس قانون دیوی برقی ساحی فلکس (سیلان) په یوی بندی سطحی کی حسابوی د ۳-۴ معادلې په واسطه، خالص برقی چارج د سطحی په مینځ کی ایښودل شوی.

### ۳-۳ د برقی ساحی فلکس (سیلان):

په ۱-۳ شکل کی د برقی ساحی د بنودلو لپاره ساحوی خطونه په نظر کی ونسی. په دی شرط چی دغه چارجونه د سکون په حالت کی وي که څه هم د سکون په حالت کی هیڅ کوم شی سیلان نکوی خو بیا هم مونږ د سیلان مفهوم استعمالو

د برقی ساحی د سیلان تعریف:

د سیلان د سرعت سره ورته دی په داسی حال چی د  $\vec{v}$  په ځایی  $\vec{E}$  ۳-۳ معادلی مطابق ښکاره کیږی: مونږ فلکس ( $\Phi$ ) د برقی ساحی په شان تعریفوو:

$$\Phi_E = \sum \vec{E} \cdot \vec{A} \quad (3-5)$$

دا حالت د فلکس د سرعت په شان دی د  $\Phi_E$  فلکس اندازه د هغه برقی ساحی د خطونو د شمیر څخه عبارت ده چی د ټولی سطحی څخه تیریږی.  $\Phi_E$  مونږ ته رانمایی ترڅو د برقی ساحی فرق له مقناطیسی ساحی سره وکړو.

۵-۳ معادله د ۳-۳ معادلی په شان په هغو حالتونو کی تطبیق کیږی چی  $\vec{E}$  په مقدار او جهت کی ثابت وی د  $\vec{A}$  د هر مساحت دپاسه د فلکس د سرعت په شان د برقی ساحی فلکس (سیلان) هم سکالری کمیت دی چی واحد یی ۵-۳ رابطی له مخی ( $N \cdot m^2 / C$ ) څخه عبارت دی. د گوس قانون دیوی ترلی سطحی فلکس (سیلان) پیداکوي. ددی دپاره چی  $\Phi_E$  په عام ډول تشریح شی په خاص ډول په هغه حالاتو کی چی  $\vec{E}$  یو شان دی.

۲-۳ یوه اختیاری ترلی سطحی رانی. چی په یوی غیر متجانسی برقی ساحه کی داخل شوی دا سطحه په وړو مربع گانو تقسیم کوو چی  $\Delta \vec{A}$  مساحت لری چی هره یوه یی ډیره وړوکی ده او مستوی فرض کیږی د سطحی هر عنصر د  $\Delta \vec{A}$  وکتور په ډول چی  $\Delta \vec{A}$  یی مقدار دی ښایو د  $\Delta \vec{A}$  جهت عادی خارج خوا ته کش شوی فرض شویدی

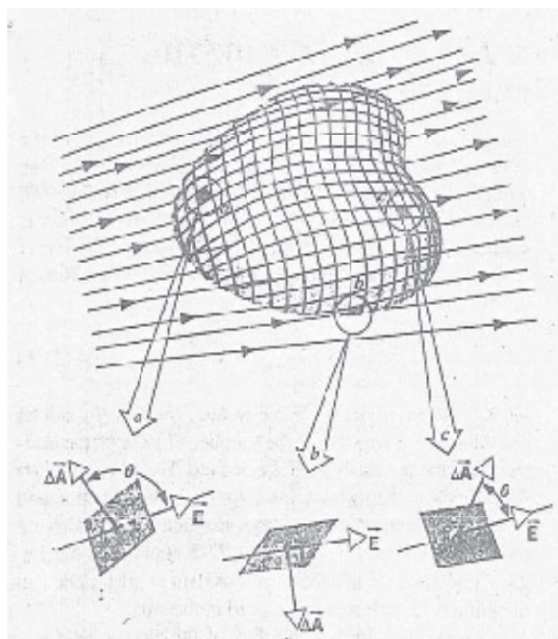
د ۱-۳ شکل په شان د ا مربعگانی ډیر کوچنی مساحت لری نو  $\vec{E}$  د ټولو ورکړل شو سطحو لپاره په ټولو نقطو کی ثابت او یو شان فرض کیږی.

د  $\vec{E}$  او  $\vec{\Delta A}$  وکتورونه چی هره مربع اختصاصوی یو د بل سره د  $\theta$  زاویه جوړوی په ۲-۳ شکل کی په سطح باندی د دری مربع گانو لویه منظره ښوول شوی ده چی ۲-۳ شکل، یوه فرضی سطحه چی په یوی غیر متجانسی برقی ساحه کی داخل شویده، راځی. چی نوموړی سطحه د  $\vec{\Delta A}$  د کوچنیو مربع گانو په مساحت باندی ویشو چی هره مربع یی تر دی اندازی پوری کوچنی اوسی چی مسطحه یا هوار وگڼل شی د ساحی هر عنصر کولی شی د  $\vec{\Delta A}$  په ډول وښایو چی مقدار یی د  $\Delta A$  قیمت لری د  $\vec{\Delta A}$  وکتور جهت د سطحی څخه د خارج په طرف نارمل نیول کیږی د ۱-۳ شکل په څیر دا چی مربع گانی ډیر کوچنی مساحت لری نو  $\vec{E}$  د هری نقطی لپاره دورکړل شوی مربع په مساحت کی ثابت نیول کیږی د  $\vec{E}$  او  $\vec{\Delta A}$  وکتورونه چی هره مربع اختصاصوی یو د بل سره د  $\theta$  یوه زاویه جوړوی په ۲-۳ شکل کی په سطح باندی د دریو مربع گانو لویه شوی منظره ښودل شوی چی د  $a, b$  او  $c$  په نومونو نومول شویدی. په  $a$  برخه کی  $\vec{E}, \theta > 90^\circ$  داخل ته مخه لری په  $b$  کی  $\vec{E}, \theta = 90^\circ$  د سطحی سره موازی ده او په  $c$  کی  $\vec{E}, \theta < 90^\circ$  د سطحی بهر خواته مخه لری د ۵-۳ معادلی سره د مشابهت له مخی په ذکر شوی سطحه باندی د برقی ساحی مجموعی فلکس د لاندی معادلی پواسطه پیژندل کیږی:

$$\Phi_E = \sum \vec{E} \vec{\Delta A} \quad (3-6)$$

پورتنی جمع مونږ ته په یاد راوړی چی  $\vec{E} \vec{\Delta A}$  سکالری کمیت دی د سطحی د ټولو عناصرو د مساحت، لپاره چی ذکر شوی سطحه پری ویشل شوی ده. ۲-۳ شکل د  $a$  برخی نقطو په څیر ساحو لپاره ی جریان منفی محاسبه کیږی د  $b$  په څیر ساحو کی صفر او د  $c$  په څیر ساحو کی مثبت محاسبه کیږی یعنی په هغه نقطو کی چی د  $\vec{E}$  دوکتور جهت بهر خواته مخامخ وی ( $\theta < 90^\circ$ ) د  $\vec{E} \vec{\Delta A}$  محصله مثبت او  $\Phi_E$  د ټولی

سطحی لپاره مثبت وی په ټولو هغو نقطو کی چی د  $\vec{E}$  د وکتور جهت داخل خواته مخامخ وی ( $\theta > 90^\circ$ ) د  $\vec{E} \cdot \vec{\Delta A}$  محصله منفی او  $\Phi_E$  د ټولی سطحی لپاره منفی وی او په هغو نقطو کی چی د  $\vec{E}$  وکتور جهت د سطحی سره موازی وی ( $\theta = 90^\circ$ ) د  $\vec{E} \cdot \vec{\Delta A}$  محصله صفر او  $\Phi_E$  د ټولی سطحی لپاره صفر راځی



۲-۳ شکل: د فرضی شکل یوه سطحه چی د  $\vec{E}$  په یو غیر متجانسه برقی ساحه کی داخل شوی دی نوموړی سطحه د  $\vec{\Delta A}$  په کوچنیو عنصری ساحو باندی ویشل شویده. د  $\vec{E}$  او  $\vec{\Delta A}$  وکتورونو ترمنځ اړیکه د دریو مختلفو سطحو (a، b، او c) لپاره ښول شوی دی.

د برقی فلکس دقیق تعریف د ۲-۳ معادلې د سطحی د لمیت د مشتق د جمع په عوض د سطحی د پاسه د انتی گرال په واسطه په لاندی ډول محاسبه کیږی:

$$\Phi_E = \int \vec{E} \cdot d\vec{A} \quad (3-7)$$

داسطحي انتي گرال رانبايي چي ترپونبنتي لاندی سطحه بايد د  $\vec{dA}$  په خير په بيحده کوچنيو ساحو وويشله شي او د  $\vec{E} \cdot \vec{dA}$  مقدار د ټولو ساحو لپاره محاسبه او د ټولي سطحي لپاره نوموړي لاسته راغلي ارقام سره جمع شي د گوس د قانون (*Gauss "law"*) له مخي کولای شو چي نوموړي انتگرال په ترلي سطحه کي معلوم کړو. په دي حالت کي د انتگرال له نښي سره د يادښت په ډول يوه دايره هم ليکل کيږي لکه  $\oint$ .

۲-۳ نموني مسّله: ۳-۳ شکل د R په شعاع يو ترلي فرضي سلنډر رانښي چي د  $\vec{E}$  په يوه متجانسه برقي ساحه کي داخل شويدي، د سلنډر محور د برقي ساحي سره موازي دي د نوموړي ترلي ساحي  $\Phi_E$  پيدا کړي؟

حل: د  $\Phi_E$  دا فلکس کولای شو د a، b او c ساحو د انتگرالونو له مجموعي څخه تر لاسه کړو (a) د سلنډر کيڼ راس (b) د سلنډر سطحه او (c) د سلنډر د ښي راس، ساحي دي د ۷-۳ معادلي په بنسټ د يوي ترلي ساحي لپاره ليکلای شو چي:

$$\Phi_E = \oint \vec{E} \cdot \vec{dA} = \int_a \vec{E} \cdot \vec{dA} + \int_b \vec{E} \cdot \vec{dA} + \int_c \vec{E} \cdot \vec{dA}$$

په کيڼ قطب کي د  $\theta$  زاويه په ټولو نقطو کي  $180^\circ$  ده نو د  $\vec{E}$  قيمت ثابت دی او د  $\vec{dA}$  ټول وکتورونه د ساحي سره موازي دي نو ليکلای شو:

$$\int_a \vec{E} \cdot \vec{dA} = \int_a \vec{E} \cdot dA \cos 180^\circ = -E \int_a dA = -EA$$

چيرته چي ( $A = \pi r^2$ ) د کيڼ راس مساحت دی په ورته توگه د ښي راس لپاره ليکلای شو:

$$\int_c \vec{E} \cdot \vec{dA} = +EA$$

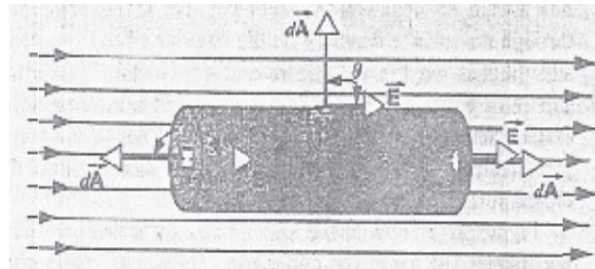
د سلنډر په جدارونو کي د  $0^\circ$  زاويه په ټولو نقطو کي صفر ده نو ليکلای شو چي:

$$\int_b \vec{E} \cdot \vec{dA} = 0$$

د سلنډر په سطحه د ټولو نقطو لپاره  $\vec{E} \cdot \vec{dA} = 0$  دی. له دي وجي مجموعي فلکس:

$$\Phi_E = -EA + 0 + EA = 0$$

متوقع نتیجه باید همداسی اوسی خکه چی د ۵-۳ شکل تپلی ساحه کی چارج شتون نلری د. ۳e-۱ شکل په خیر د  $\vec{E}$  کرنی (په ثابت توگه) نوموړی جسم ته د کین لوری داخلیری او بنی لور ته یی تیریږی.



۳-۳ شکل نمونه یی مسّله: د یو تپلی فرضی سلنډر  $\vec{E}$  په یوه متجانسه برقی ساحه کی د خپل محور سره په موازی ډول داخل شوی دی نو خکه د  $\theta = 90^\circ$  ده. نو  $\vec{E} \cdot d\vec{A} = 0$  د سلنډ د پا سه د ټول نقطو لپاره

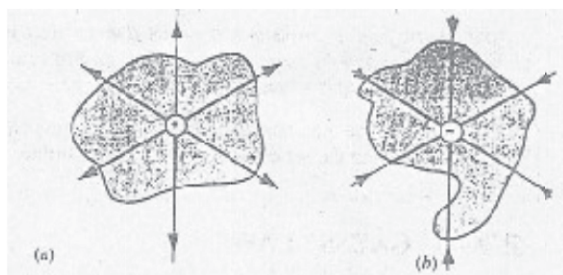
فلکس او د ساحی کرنی:

د دې لپاره چی د فلکس او یو تپلی سطحی خکه د تیریدونکی برقی ساحی د کرنو د شمیر تر منځ اړیکه معلومه کړو راځی چی په دې سره سلا شو چی د  $q$  هر واحد چارج به د ساحی د کرنو له معلوم له شمیر خکه استاذیتوب کوی مثلاً د ۳-۴ شکل په خیر د شپږو کرنی خکه شپږ ساحی کرنی چی له سطحی خکه بهر خوا ته مخه لری د  $+q$  او شپږ کرنی په سطحه باندی ختمیږی د  $-q$  په نوم نومولی شو، که چیری هر چارج په یوه تپلی سطحه باندی محدود اوسی، نو د مثبتی تپلی سطحی برقی فلکس چی (+6) واحده او د منفی چارج لرونکی تپلی برقی فلکس (-6) واحد دی مونږ (+1) واحد فلکس د ساحی د هغو کرنو لپاره تعیین کړی چی بهر خوا ته د ټولی سطحی خکه تیریږی او (-1) واحد فلکس مو د هغو کرنو لپاره تعیین کړی چی د سطحی د داخل خکه تیریږی دا مهمه نه ده

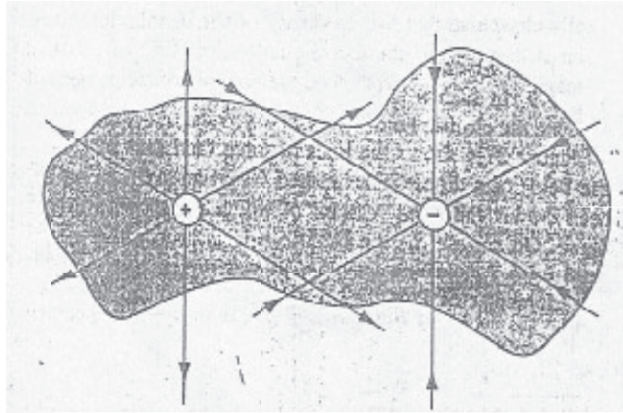


چی هره د چارج پوښوونکی ساحه خومره پراخه او یا کوچنۍ ده شپږ ساحوی کرښی تل سطحی ته ننوزی او فلکس یی شپږ واحده وی.

په  $b$  ۳-۴ شکل کی د ترسیم د ښکتنۍ برخې ساحوی کرښی دری ځلی له سطحی څخه تیریږی. د سطحی له بهر څخه د چارج په لوری په لومړی ځل چی کله نوموړی کرښی سطحی ته داخلېږی مونږ یی  $(-1)$  محاسبه کوو ځکه چی مسیری د سطحی داخل خوا ته دی، د دوهم ځل لپاره نوموړی کرښه  $(+1)$  محاسبه کیږی ځکه چی په دی حالت کی د نوموړی کرښی مسیر بهر خواته متوجه وی، او بیا اخر ځل (دریم ځل) چی د نوموړی کرښی مسیر داخل خواته متوجه وی بیا هم  $(-1)$  محاسبه کیږی، له دی وجی د سطحی لپاره د فلکس د کرښو خالصه محصله  $(-1)$  او د ټولی سطحی د فلکس خالصه محصله  $(-6)$  واحده لاسته راځی. دا مهمه نه ده چی د سطحی شکل خومره کوچنی دی یا تر خومره حده غیر منظم یا کنه وکړ دی خو د سطحی خالص فلکس مشابه او یواځی د هغی چارج د مقدار له مخی اندازه کیږی چی سطحی ته داخلېږی. ۳-۵ شکل یوه ټپلی سطحه ښی. چی  $+q$  او  $-q$  چارجونو ته نږدی شویده، د نوموړی سطحی خالص فلکس صفر دی ځکه چی دهری مثبتی ساحوی کرښی په مقابل کی چی له نوموړی سطح څخه بهر ته خارجېږی په مقابل کی یی منفی ساحوی کرښی سطحی ته داخلېږی. داچی دواړه چارجونه مشابه مقدار لری نو د ساحی دخطونو مجموعی شمیر صفر لاسته راځی او خالص فلکس یی هم صفر دی.



۴-۳ شکل: (a) شپږ ساحوی کرښی چی دیوی فرضی تړلی سطحی څخه چی لرونکی  $+q$  چارج دی تیریږی (b) شپږ ساحوی کرښی چی د  $-q$  چارج لرونکی ساحی ته داخلیری.



۵-۳ شکل: که چیری یوی سطحی ته نږدی کیدونکی خالص چارج صفر اوسی نود ساحوی کرښو و مجموعی شمیر (او مجموعی برقی فلکس) چی له نوموړی سطحی څخه تیریږی هم صفر دی.

اوس فکر وکړی چی  $+30$  ساحوی کرښی (یا دفلکس  $+30$  واحد) له یوی فرضی تړلی سطحی څخه تیریږی کولای شی معلوم کړی چی په څومره اندازه چارج به سطح کی شتون لری اود سطحی دننه په کومه ساحه کی موجود دی؟ پوهیږو چی دسطحی داخل خالص چارج  $+5q$  دی خو په دی نه پوهیږو چی کومه برخه کی یوه زره پوره  $+5q$  چارج لری یا په کومه برخه کی دوه د چارجونوزری  $+6q$  او  $-q$  چارج لرونکی دی، دری زری  $+8q$ ،  $+4q$  او  $-7q$  یا به کوم بل مقدار د تام عدد چارج یا بل ممکنه رقم د چارجونو لرونکی دی. همدارنگه چارج یا چارجونه کولای شی دسطحی دننه په هر ځای کی موقعیت ونیسی چی دا داخلی چارج  $+30$  واحد فلکس را منځته کړی. که چیری مونږ یواځی جریان وپیژنومونږ دسطح په داخل کی دچارج خالص مقدار معلومولای شو څومونږ نشو کولای دچارجونو موقعیت او په یوه خالصه نقطه کی دهغی مقدار تعیین

کړو. او له دی وجهی برقی ساحی، سطحی اوفضاء کی دنور څه په اړه هم څه نشو ویلای. په هر حال کچیری مونږ یوه کره وی ډوله سطحه ترسیم کړو او په دی پوه اوسو چی فلکس په متجانسه توگه په سطحه کی توزیع شوی دی، نو ویلای شو چی ټول چارج دنوموړی کری په مرکزی نقطه کی د  $+5q$  یوی زری په ډول ځای لری. چی دنوموړی چارج لرونکی زری د مقدار او موقعیت د پیژندلو لپاره په هره نقطه کی برقی ساحه او موقعیت حسابولای شو. له پورتنی توضیح څخه ویلای شو چی:

دیوی تړلی سطحی څخه تیریدونکی مجموعی فلکس او خالص چارج چی د سطحی په مینځ کی ایښودل شوی، اړیکه ی تل قوی او قانونی ده، خو مونږ کولای شو له دی اړیکې څخه دکار اخیستلو له مخی یواځی کچیری دچارج او سطحی ترمنځ هندسی اړیکې سره ډیر شباهت ولری په فضاء کی دهر و نقطو برقی ساحی معلومه کړو. دگوس قانون دیوی تړلی سطحی فلکس او هغه خالص چارج ترمینځ چی د سطحی په مینځ کی دی اړیکه څیړي.

### ۳-۴ دگوس قانون (*Gauss" Law*):

داچی اوس مونږ له یوی تړلی سطحی څخه دتیریدونکی برقی ساحی وکتور فلکس وپیژنده نو مونږ چمتو یو چی دگوس قانون ولیکو. راځی فرض کړو مونږ دمثبو او ومنفی چارجونو یوه ټولگه لرو چی دفضاء په یوه ځانگړي ساحه کی د  $\vec{E}$  یوه برقی ساحه جوړوی. مونږ په نوموړی ساحی کی یوه تړلی خیالی سطحی چی دگوسی سطحه (*Gaussian surface*) په نوم یادیږی جوړوو چی ذکر شویو چارجونو ته به نژدیوالی ولری او یا به یې ونلری. دگوس قانون د نوموړی سطحی د مجموعی فلکس  $\Phi_E$  او نوموړی سطحی ته د داخلیدونکی خالص چارج  $q$  ترمنځ اړیکه څیړی په لاندی ډول توضیح کیږی:

$$\epsilon_0 \cdot \Phi_E = q \quad (3-8)$$

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q \quad (3-9)$$

هغه حلقه چې د انتیگرال په سر لیدله کیږي، ددی نبودونکی ده چې نوموړی انتیگرال د یوې تړلې سطحې له مخې ترلاسه شوی دی. موږ په ۲-۳ پوښتنه کې ولیدل چې د ګوس د قانون له مخې  $\Phi_E$  هلته صفرو ځکه چې سطحې په مینځ چارج نه وه. لکه څرنګه چې په ۲-۵ برخه کې توضیح شوه د برقي ساحې د کرښو له شمیر سره متناسب دی چې د ساحې سره په عمودي ډول دهغې څخه تیریږي.

د ۳-۹ معادلې انتیگرال اصلاً د هغه ساحې د کرښو شمیر رابڼې کومې چې له اړونده سطحې څخه تیریږي د ۳-۹ معادلې له مخې دا هم څرګندېږي چې په مجموعي ډول د هغه ساحې د کرښو شمیر چې له یوې سطحې څخه تیریږي باید له هغه خالص چارج سره متناسب اوسي چې نوموړې ساحې یې له ځانونو سره لري. د ګوسي سطحې غوره کول فرضی دی معمولاً داسې سطحه په نظر کې نیول کیږي چې د توضیح تناظر یې لږ ترلږه د سطحې یوه برخه په برکي نیولې اوسي او برقي ساحه یې ثابت مقدار ولري چې په دی اساس د ۳-۹ معادلې په انتګرال کې یې محصله ترلاسه کیږي. په ذکر شویو شرایطو کې کولای شو د ګوس قانون د برقي ساحې د ارزونې لپاره وکاروو.

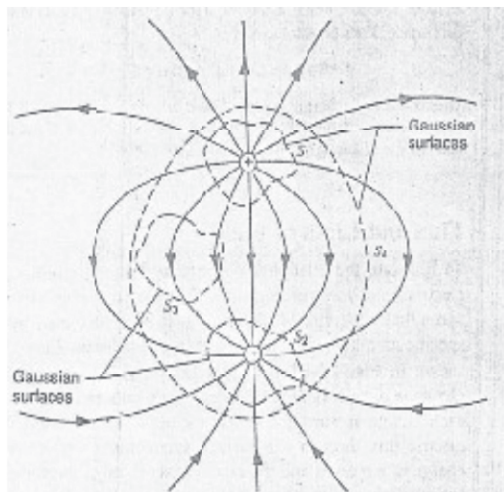
د ۳-۲ شکل د یوې دوه قطبي د قوی کرښې (او له دی کبله رامنځته شوی برقي ساحه ښی) په نوموړې شکل کې څلور تړلې ګوسي سطحې ترسیم شوی دی په  $S_1$  سطحه کې برقي ساحه په هره برخه کې بهر خواته متوجه ده نو ځکه د ۳-۲ شکل د  $C$  برخې د لیدنې په اساس د  $\vec{E} \cdot d\vec{A}$  محصله د  $S_1$  سطحې په هر ځای کې مثبت ده کله چې موږ د ۳-۹ معادلې له مخې د ټولې تړلې سطحې انتګرال لاسته راوړو، نو نتیجه یې مثبت لاس ته راځي له دی وجې د ۳-۹ معادلې څخه دا لاسته راځي چې نوموړې سطحه به په ځان کې مثبت چارج ولري د فارادی د قانون په اصطلاح هم یوې سطحې ته د قوی د داخلیدونکو کرښو څخه د خارجیدونکو کرښو شمیر زیات وي نو ځکه باید نوموړې سطحه مثبت خالص چارج ولري.

له بلې خوا د ۳-۲ شکل د  $S_2$  په سطحه کې برقي ساحې په هره برخه کې داخلېږي لکه د ۳-۲ شکل د  $a$  د برخې په څیر  $\vec{E} \cdot d\vec{A}$  د هرې برخې لپاره منفي راځي او د ۳-۹ معادلې

انتگرال بی هم منفی قیمت ورکوی، کوم چی ددی بنودونکی ده، چی نوموړی سطحه دمنفی چارج لرونکی ده، ساحی ته د قوی د داخلیدونکو کرنیو شمیر نسبت خارجیدونکو کرنیو ته زیات دی.

د  $S_3$  سطحه په ټولیزه توګه هېڅ چارج نه لری نو د ګوس دقانون له مخی دسطحی مجموعی فلکس هم باید صفر اوسی، چی دا د ۲-۳ شکل سره هم تطابق لری یعنی د قوی ګنی کرنی چی دسطحی پورته برخی ته داخلیری په هغه اندازه بی له بنکتنی برخی څخه خارجیری. په دی حالت کی تصادم منځته نه راځی تاسو کولای شی هر ډول غیر منظمه بڼه لرونکی سطحه په ۲-۳ شکل کی ترسیم کړی او تر هغی چی نوموړی سطحه کوم چارج و نه لری دهغی ساحی د کرنیو شمیر چی نوموړی سطحی ته داخلیری له هغی څخه د خارجیدونکو کرنیو له شمیر سره به مساوی اوسی.

له هغه ځایه چی موږ د دؤو چارجونو مقدارونه سره مساوی ارزؤو، نو د  $S_4$  سطحه هم خالص چارج نلری بیا هم د نوموړی سطحی مجموعی فلکس صفر راځی ځینی ساحوی کرنی په بشپړ توګه په سطحه کی سیر لری او له دی وجی د سطحی په فلکس باندی کومه اغیزه نه لری په هر حال هره هغه د ساحی کرنه چی مثبت چارج د ځان پر ځای پریږدی بلاخره په منفی چارج باندی خاتمه مومی هره هغه کرنه چی د مثبت چارج له طرفه راځی او له سطحی څخه د بهر په طرف تیریږی په مقابل کی بی د داخل په طرف بله کرنه له نوموړی سطحی څخه تیریږی ځکه چی هغه د منفی چارج په لټه کی وی له دی وجی مجموعی فلکس صفر لاسته راځی.



۲-۳ شکل: دوه مساوی او مخالف چارجونه او کرنی چی په خپله شاوخوا کی دیوی  
برقی ساحی استازیتوب کوی. په دغه شکل کی د څلور تړلو گوسی سطحو مقطع هم  
ښودل شویده.

### د گاوس قانون او د کولمب قانون:

د کولمب قانون د گاوس د قانون څخه اخستل کیدای شي، د دې لپاره باید د گاوس قانون  
په یو مشابه مثبت چارج (+q) باندې تطبیق کړو لکه ۷-۳ شکل که څه هم د گاوس قانون  
د هر ډول سطحې لپاره صحیح دی. خو مونږ کروي سطحه انتخاب کړي چې د شعاع لري  
او چارج یې په مرکز کې دی. د دې سطحه گټه داده چې  $\vec{E}$  باید په سطحه عمود وي نو  
د زاویه د  $\vec{F}$  او  $d\vec{A}$  ترمنځ صفرده نو  $\vec{E}$  د سطحې په هره نقطه کې یو شان مقدار لري،  
د گاوسی سطحې جوړول چې د مشابهت گټه پکې وي د اساسی اهمیت څخه برخورداره  
ده.

په ۷-۳ شکل کې دواړه  $\vec{E}$  او  $d\vec{A}$  د گاوسی سطحې په هره نقطه کې په شعاعي توگه خارج  
ته متوجه دي نو د  $d\vec{A} \cdot \vec{E}$  مقدار  $E \cdot dA$  دی نو  $E dA$  د گاوس قانون د ۹-۳ معادلې ساده  
شکل لري نو:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \epsilon_0 \oint E \cdot dA = q$$

نوځکه دامقدار دکری دټولو نقطو لپاره ثابت دي نودانتگرال څخه یې وباسو لرو:

$$\epsilon_0 E \oint dA = q$$

واقعا دکري دټولې سطحې مساحت  $4\pi r^2$  دي نوله دي امله لاسته راځي چې:

$$\epsilon_0 E(4\pi r^2) = q$$

له دي ځايه:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-10)$$

۳-۱۰ معادله د  $\vec{E}$  دبرقې ساحې مقدار چې د  $q$  د نقطوي چارج څخه د  $r$  په فاصله کې واقع وی راځي، چې د ۲-۲ معادلې سره برابره ده چې دکولمب له قانون څخه لاس ته راوړل شوي نو د مشابه گاوسی سطحې په انتخاب سره مونږ دکولمب قانون دگاوس په قانون کې جوړولای شو، دادواړه قوانین دمسایلو په حلولو کې یوشان دي خودگاوس قانون ډیر عام دی نو ځکه دالکترومقناطیس داساسی معادلې په ډول پیژندل شوي. دا جالبه ده چې ولیکل شی د تناسب ثابت دکولمب په قانون کې چې د  $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  دی، که دا ثابت لنډ په  $K$  وښایو دگاوس قانون داسې لیکو:

$$\left(\frac{1}{4\pi K}\right) \Phi_E = q$$

دکولمب په قانون کې مونږ د  $4\pi$  څخه صرف نظر کوو نودگاوس په قانون او نورو راتلونکو مرتبطو معادلو کې مونږ  $4\pi$  نه لیکو چې په وار وار دا معادله تکرار شويده:

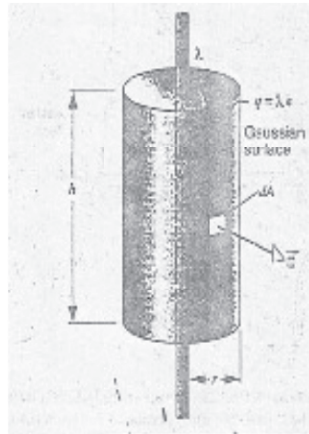
۳-۵ دگاوس دقانون استعمال:

که په یو جسم کې چارجونه یوشان او لوړ مقدار ولری د  $E$  دمحاسبې لپاره دگاوس قانون استعمالیدای شي ددی قانون عملی مثال دیونقطوي چارج دساحې محاسبه ده چې په

۳-۱۰ معادله کې پری بحث شوی وه اوس مونږ نور مثالونه راوړو.

د چارج نامحدوده خط:

۸-۳ شکل د مثبت ثابت چارج نامحدوده خط یوه برخه رابښې چې د چارج خطی کثافت (چارج په واحد د فاصلې)  $\lambda$  دی مونږ د خط څخه د  $r$  په فاصله کې برقي ساحه پیدا کوو. په ۴-۲ برخه کې مونږ مشابه دلایل مطرح کړي وه چې په دې حالت کې د برقي ساحې یوازې شعاعي اجزاء رول لري. نو دا پرابلم مشابه استوانی لری، نو مونږ یوه دایروي استوانه د  $r$  په شعاع او د  $h$  په ارتفاع سره د گاوسي سطحې په ډول انتخابوو،  $E$  ثابت دی داستوانی سطحې د پاسه او په سطح عمود دی. د  $\vec{E}$  فلکس په مینځ ددی سطحه کې  $E(2\pi rh)$  دي څرنگه چې  $2\pi rh$  د سطحې مساحت دی نو په دې دایروي قاعدو کې فلکس نه شته ځکه دلته  $E$  د سطحو یا قاعدو سره موازي دی نو  $\vec{E} \cdot d\vec{A}$  په کې هر چیرته صفر دی.



۸-۳ شکل.

په ۸-۳ شکل کې د  $q$  چارج د گاوسي سطحې په واسطه احاطه شوي د گاوس قانون د  $\lambda h$  څخه عبارت دی ۹-۳ د معادله نولرو:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q$$



$$\epsilon_0 E(2\pi rh) = \lambda h$$

$$E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0 r} \quad (3-11)$$

دگوس قانون د انتگرال د استعمال څخه اسانه طریقه ده. دگوس په طریقه هغه وخت سوال حلولای شو چې گاوسي سطحه انتخاب کړو. کیدای شی داسطحه مکعبه، کره یا بله وي. که څه هم داتولې سطحې د استعمال وړ دي خو دلته یوازې سلندري سطحه مناسبه ده. دگوس دقانون یو خاصیت دادی چې دهغه مسایلو لپاره پکار یږي چې معلومه او مشابه اندازه ولري.

دچارج نامحدوده صفحه:

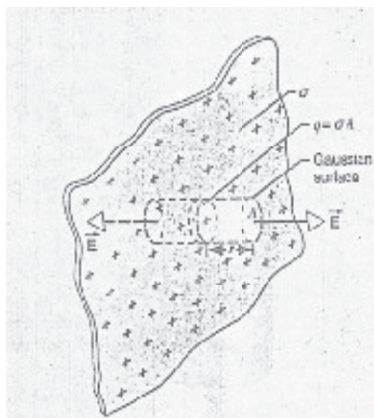
۳-۹ شکل یوه نرۍ غیرهادي او نامحدوده سطحه ښایي چې ثابتاً مثبت چارج شوي چې دچارج سطحی کثافت ئی (دچارج په واحد سطح)  $\sigma$  دی، مونږ صفحې ته دښې نقطو ساحه مطالعه کوو. گاوسي سطحه د  $A$  د مقطع لرونکي استوانه ده چې دسطحې یا مستوي څخه تیریږي مونږ ویلای شو چې  $\vec{E}$  په قاعدو عمود دی. څرنگه چې  $\vec{E}$  دسطحې څخه نه تیریږي نو په فلکس کې برخه نه اخلي فرضاً داستواني دواړه سطحې دچارج دصفحې څخه مساوي فاصله لري نو  $EA$  ددواړو قاعدولپاره ثابت دی او ددواړو لپاره مثبت دی نو دگوس قانون لاندې نتیجه ورکوي.

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q \Rightarrow \epsilon_0 (EA + EA) = \sigma A$$

چیرته چې  $\sigma A$  احاطه شوي چارج دی د  $E$  لپاره حاصلو:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (3-12)$$

نوټ:  $E$  دصفحې دهرطرف دټولو نقطو لپاره مساوی دی که څه هم دچارج نامحدود صفحه په فزیکي ډول نه شي موجودیدلای مگر بیا هم تقریباً د محدودې صفحې په ډول حقیقی نتیجه ورکوي.



شکل ۹-۳

د چارج یو کروي ډوله قشر:

په ۵-۱ عنوان کې مونږ د جاذبي او الکتروستاتیک ترمنځ مشابهت وښود ترڅو د مشابه چارج شوو سطحو دوه خواص چې یو په بل قوه واردوي وپېژنو، او په ۲-۴ برخه کې مونږ دا خواص د دې لپاره استعمال کړل ترڅو برقي ساحه لاسته راوړو چې هغه مشابه کروي قشرونه.

1 یوه کروي قشر د خارجي چارج لپاره داسې تمثیل کېږي چې چارج په همدې نقطه کې راټول شوي.

2 یو مشابه چارج شوي برقي قشر په داخلي چارج شوي ذري هیڅ قوه نه واردوي.

په ښکاره ډول دایو د نظر اختلاف دی. آیا دا د مشابهت دلیل به رامنځته شوي وای که چارج په سطحه کې په مشابه ډول نه وای توزیع شوي؟ د  $s_1$  په سطحه د گاوس د قانون د تطبیق په نتیجه کې چیري چې  $r > R$  دی. نو لاندې نتیجه لاسته راځي:

$$\epsilon_0 E_r (4\pi r^2) = q,$$

یا

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (r > R \text{ کروي قشر}) \quad 3-3$$

لکه په ۷-۳ شکل کې، مشابه چارج شوي قشر د چارج د ټولو خارجي نقطو لپاره د یو نقطوي چارج په ډول عمل کوي. چې د ادقشر د لومړۍ نظریې ثبوت دی. که د گاوس قانون د  $S_2$  په سطحه تطبیق شي چې دلته  $r < R$  نولاندې نتیجه لاسته راځي:

$$E_r = 0 \quad (r < R) \quad (3-14) \text{ (کروي قشر،)}$$

څرنگه چې د گاوسي سطحه هیڅ چارج نه لري او هم  $E$  د سطحې په ټولو نقطو کې یو شان قیمت لري، نو په دې سبب د چارج په یو مشابه قشر کې برقي ساحه له منځه ځي. او کله چې یو امتحانی چارج په هره داخلي نقطه کې ځای په ځای شي هیڅ برقي قوه به حس نه کړي چې د ادقشر د دوهمې نظریې ثبوت کوونکي دي.

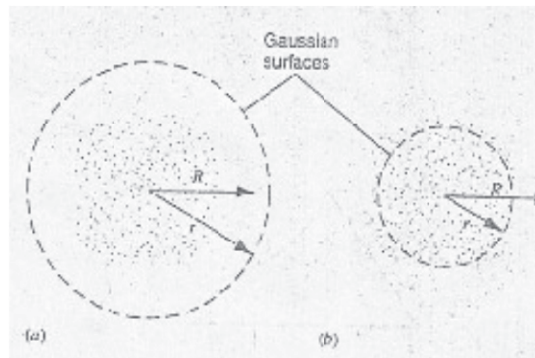
داده نظریې یوازي د مشابه چارج په قشر د تطبیق وړ دي. که چارج په سطحه باندې په غیر مشابه ډول توزیع شي نو د چارج کثافت د سطحې په هره نقطه کې فرق کوي. نو که دا نظریې نه تطبیق کیږي. مشابهت به له منځه لاړ شي په نتیجه کې به د گاوس په قانون کې د انتگرال څخه  $E$  نه شي له منځه تلای. فلکس به د ټولو خارجي سطحو لپاره  $q/\epsilon_0$  شي او د داخلي سطحو لپاره به صفر شي. او مونږ به د مشابهت په شان له  $E$  سره مستقیمه رابطه نه شو جوړولای. د مشابه چارجي قشر په خلاف په داخل کې به ساحه صفر نه وي.

یو کروي ډوله د مشابه چارج توزیع:

۳-۱۱ شکل د چارج د کروي خپریدلو یو مقطع ښیي. چې شعاع یې  $R$  ده. دلته چارج په یو کروي حجم کې خپور شوي. پدې ځای کې د چارج کثافت ( $\rho$  د چارج په واحد حجم) یې ثابت دی بلکې  $\rho$  د نقطې په فاصلي پورې چې له مرکز څخه یې لري مربوط دی، چې دا حالت د کروي مشابهت په نوم یادوي.  $\rho$  د  $r$  یوه تابع ده خود هر زاویوي کوار دینات لپاره تابع نه شي کیدای. راځی چې د  $E$  لپاره او د چارج خپریدني د داخلي او خارجي نقطو لپاره یوه اصطلاح پیدا کړو.

هره کروي ، د مشابه چارج توزيع د متحد المركز نري قشرونو په ډول فرض کولای شو لکه په ۱۱-۳ شکل کې. په دې حجم کې د چارج کثافت کيداى شي له يو قشر څخه بل قشر ته فرق وکړي، خو مونږ د افشرونه ډير نري کوو ترڅو په معين قشر کې کثافت ثابت فرض شي. د مخکينۍ موضوع له مخې کولای شو د هر قشر عضویت په مجموعي برقي ساحه کې حساب کړو. د هر قشر برقي ساحه يو شعاعي عنصر لري. نو مجموعي برقي ساحه هم يو شعاعي عنصر لري. اوس به په هغو نقطو کې شعاعي عناصر د (قشر) حساب کړو چې د  $r$  په فاصله کې پراته وي داسې چې  $r$  د کري له  $R$  څخه لوي دی لکه په ۱۱-۳ شکل کې د ۱۳-۳ معادلې له مخې هر متحد المركز قشر چې د  $dq$  چارج لرونکې وي د برقي ساحې لپاره د  $dE_r$  يو شعاعي عنصر تياره وي. مجموعي برقي ساحه د ټولو عناصرو د مجموعي څخه عبارت ده، څرنگه چې ټول عناصر شعاعي دي نو مونږ د ټولو قشرونو د برقي ساحې د پيدا کولو لپاره د ويکتوري جمعې پرځای له الجبري جمعې څخه استفاده کوو:

$$E_r = \int dE_r = \int \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{dq}{r^2}$$



۱۱-۳ شکل.

په کروي ډول د چارج د توزيع يو مقطع، چې د چارج کثافت په دې غير هادي ماده کې فرق کوي چې په  $a$  شکل کې گاوسي سطحه د چارج د توزيع څخه بهر او د  $b$  په شکل کې گاوسي سطحه د چارج د توزيع په داخل کې رسم شوي. او يالکه څرنگه چې د  $q$  په انتگرال کې ثابت دی نو:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-15)$$

چې د لته  $q$  د کري مجموعې چارج دی. نو په دې خاطر په کروي ډول د مشابه چارج بهرنۍ نقطې د برقي ساحې هغه قیمت لري کوم چې يې په مرکز کې د چارج د غلظت په وخت کې لاره. د انتیجې د جاذبې قوې سره مشابهت لري کوم چې په ۱۴-۵ برخه کې ثبوت شوه. چې دواړه نتيجه د مربوطه جاذبه قوو د مربع د معکوس په واسطه تعقیبېږي. اوس مونږ د چارج د توزیع د داخلي نقطو لپاره برقي ساحه په نظر کې نیسو، ۳-۱۱ شکل یو کروي گاوسي سطحه ښیي. چې ( $r < R$ ) څخه دی. د گاوس د قانون څخه لاندې نتيجه لاس ته راځي:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \epsilon_0 E_r (4\pi r^2) = q'$$

یا:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-16)$$

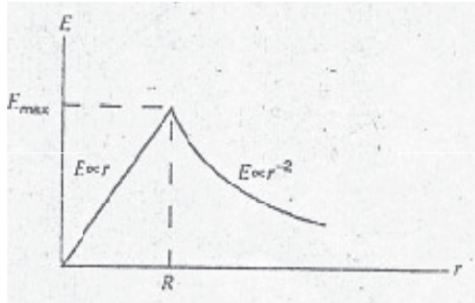
چې د لته  $q'$  د یوه برخه ده چې د  $r$  شعاع لرونکي کري په داخل کې واقع دی. د قشر د دوهمې تیوري په اساس د  $q$  هغه برخه چې د کري څخه بهر واقع ده د  $\vec{E}$  په برقي ساحه کې هیڅ کمک نه کوي. د دې محاسبې د دوام لپاره باید مونږ د  $q'$  چارج وپیژنو چې د  $r$  شعاع لرونکي کري په داخل کې واقع دی. د دې لپاره چې  $\rho(r)$  وپیژنو نو د مشابه چارج یو کره فرضوو. چیرې چې د چارج کثافت ی په هره داخلي نقطه کې مشابه قیمت لري خو د کري په خارجي سطحه کې د ټولو نقطو لپاره صفر ده. د داسې مشابه کري د  $r$  شعاع د داخلي تق

طول د چارج کسر د حجم د کسر سره مساوي دی:

$$\frac{q'}{q} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

یا

$$q' = q \left( \frac{r}{R} \right)^3,$$



۱۲-۳ شکل.

خرنگه چي  $\frac{4}{3}\pi R^3$  د کړوی د چارج حجم دی نو  $E_r$  پدي ډول دی:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_r}{R^3} \quad (r < R, \text{ منظمه کړه}) \quad (3-17)$$

۲۴-۲ معادلې ته په کتنې سره دا معادله باید د  $r = 0$  لپاره صفر شي. ۱۷-۳ معادله یوازې هغه وخت د تطبیق وړ ده چې د چارج کثافت مشابه وي بې له دې څخه چې  $r$  په نظر کې ونیول شي.

۱۷-۳ او ۱۵-۳ باید د  $r = R$  لپاره ساحه د چارج توزیع ساحه په سطح کې عینی نتیجه ورکړي. ۱۲-۳ شکل کې د  $r < R$  د نقطو لپاره د ۱۷-۳ معادلې څخه  $r > R$  نقطو لپاره برقي ساحې د ۱۵-۳ معادلې څخه پیدا کوو.

۳-۳ مثال: له ۱۳-۳a شکل ددوه مشابه چارج لرونکو صفحو بنودونکي دی چې  $\sigma = +6.8 \mu\text{C}/\text{m}^2$  او  $\sigma = -4.3 \mu\text{C}/\text{m}^2$  دی د صفحو چپ طرف، ښي طرف او منځ کې د  $\vec{E}$  برقي ساحه پیدا کړی؟

حل: لمړی د هري صفحي برقي ساحه پیدا کوو بیا د برقي ساحې د ځای په ځای کولو د قانون له مخې اضافه کوو، د مثبتو لوحو لپاره له ۱۲-۳ معادلې څخه لرو:

$$E_+ = \frac{\sigma_+}{2\epsilon_0} = \frac{6.8 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2}{(2)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)} = 3.84 \times 10^5 \text{ N/C}.$$

همدارنگه دمنفی صفحې لپاره:

$$E_- = \frac{|\sigma_-|}{2\epsilon_0} = \frac{4.3 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2}{(2)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)} = 2.43 \times 10^5 \text{ N/C}.$$

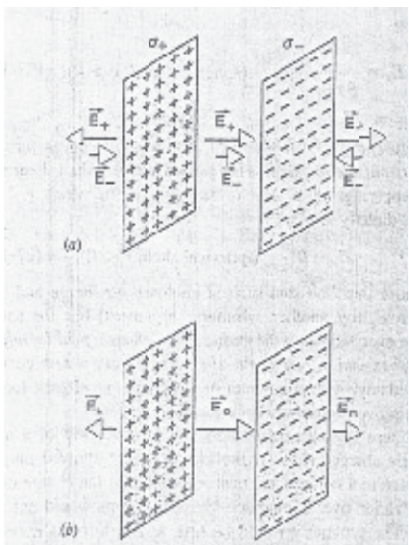
a ۳-۱۳ شکل دغه برقي ساحې دورقو چپ طرف، بڼې طرف او دورقو په منځ کې بڼی. آخري برقي ساحه په دې دریو ساحو کې د  $\vec{E} -$  او  $\vec{E} +$  دوکتوري جمعې څخه لاس ته راځي. چپ طرف ته  $\vec{E}$  منفي او بڼې طرف ته  $\vec{E}$  مثبت په نظر کې نیسو:

$$\begin{aligned} E_L &= -E_- + E_+ = -2.43 \times 10^5 \text{ N/C} + 3.84 \times 10^5 \text{ N/C} \\ &= 1.41 \times 10^5 \text{ N/C}. \end{aligned}$$

په نتیجه کې منفي برقي ساحه د چپ طرف بنودونکې ده. او په بڼې طرف کې همدا ساحه له مثبت علامې سره موجوده ده. دصفحو په منځ کې:

$$\begin{aligned} E_C &= E_+ + E_- = 3.84 \times 10^5 \text{ N/C} + 2.43 \times 10^5 \text{ N/C} \\ &= 6.27 \times 10^5 \text{ N/C}. \end{aligned}$$

دصفحو په بهر کې برقي ساحه د یوې ورقي دساحې په ډول ده. چې دسطحې دچارج کثافت یې  $\sigma_+ + \sigma_-$  یا  $2.5 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2$  دي.



۳-۱۳ شکل: (a) دوه مخالف چارج لرونکې صفحې چې د  $\sigma_+$  او  $\sigma_-$  چارج لرونکې دي په موازي ډول واقع شوي دي. هره صفحه د  $\vec{E}_+$  او  $\vec{E}_-$  برقي ساحې رامنځته کوي په هغه صورت کې چې بله صفحه نه وي. (b) چې طرف د صفحې  $L$  ښې طرف د صفحې  $R$  او مرکز ته  $C$  په نږدې ساحو کې شبکوي ساحه د  $\vec{E}_+$  او  $\vec{E}_-$  دوکتوري جمع څخه حساب شوي.

### ۳-۲ د گاوس قانون او هادي اجسام:

د گاوس د قانون په واسطه دمختلفو (مشابه توضيحاتو) لپاره برقي ساحه حسابولای شو. په همدې ډول د گاوس د قانون په واسطه دهغه هادي خواص هم معلومولای شو. چې برقي چارج انتقالوي، یو ددې خواصو څخه دادی. یو چارج چې په یو مستقل هادي کې ځای په ځای شوي، کاملاً دهادي بهرنۍ سطحې ته ځي، دهادي په داخل کې هېڅ چارج نه شته: راځی وگورو کله چې یو مقدار برقي چارج په یو مستقل هادي کې ځای په ځای شي. څه به رامنځته شي؟ دغه چارج دهادي په هره نقطه کې ځای په ځای کیدای شي. حتی په داخل کې هم، لمړی دهادي په داخلی سطحه کې برقي ساحه وي، خودا برقي ساحه په چارج قوه واردوي ترڅو خپل ځان بیاتوزیع کړي او په ډیر کم وخت کې  $10^{-9} \text{ sec}$  کی



برقي ساحه صفر کيږي او چارج حرکت نه کوي. دا هغه حالت دی چې دالکتروستاتیکي تعادل (ثبات) (*electrostatic equilibrium*) په نوم یادېږي. که دهادي په داخل کې ساحه صفر نه وای نو دهادي الکترونونه به ترقوی لاندې راغلې وای او جریان به ودریدلای وای. څرنگه چې جریان نه ودرېږي نو مونږ وایو چې دهادي په داخلي سطحه کې برقي ساحه صفر ده. دلته مونږ دمستقل هادي څخه استفاده کوو. مستقل هادي هغه هادي دی چې کوم بهرنی عامل پرې اثر نه کړي. هغه سیم چې یو جریان انتقالوي، یو مستقل هادي نه دي ځکه داباید په یو خارجي عامل لکه بطری پوري تړلي وي. پدې هادي کې برقي ساحه صفر نه ده او (سیم) په الکتروستاتیک ثبات کې نه دي.

که مونږ قبول کړو چې د یو هادي په داخل کې دالکتروستاتیک ترشرائطو لاندې برقي ساحه صفر ده نو دگاوس دقانون له مخې چارج باید دهادي په بهرنۍ سطحه کې واقع شي. د  $a-3-14$  شکل یو هادي ښی. چې دیو تار په واسطه ځوړند شوي دي، دهادي  $q$  چارج انتقالوونکې دی او یوه گاوسي سطحه چې دهادي دبهرنۍ سطحې په داخل کې رسم شوي.

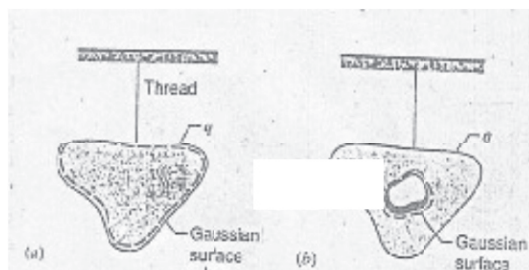
برقي ساحه دهادي په هره نقطه کې صفر ده، او دگاوس دسطحې په هر نقطه کې چې دهادي په داخل کې واقع ده، برقي ساحه صفر ده نو دگاوس په سطح کې فلکس صفر دی. دگاوس دقانون څخه نتیجه کېږي هغه شبکوي چارج چې دگاوسي سطحې په داخل کې وه باید صفروي. که دسطحې په داخل کې چارج نه وي نو باید دسطحې څخه بیرون وي. ولې دهادي په داخل کې ساحه صفر ده؟ فرضاً که مونږ یو هادي دیو نري پلاستیک په واسطه پوښ کړو او کله چې هادي کاملاً لري کړو نو برقي ساحه به په خپل حال پاتې شي، او په هره داخلي نقطه کې به صفر وي. له دې څخه معلومیږي چې برقي ساحه دچارج په واسطه منځته راغلي، نه دهادي په واسطه او هادي یوازي چارجونه ته یو خط السیر ښی. ترڅو چارجونه په اسانۍ سره په یو موقیعت کې ځای په ځای شي او دهادي په داخل کې یوه صفري برقي ساحه رامنځته کړي.

په داخلي سطحه کې چارج:

که هادي یو داخلي خالیگا ولري آیاددي خالیگا په سطحه به هم چارج رانکاره شي؟  
 دداسې یوې خالیگا د جوړولو لپاره یوه خنثی ماده د هادي منځ څخه راباسو داسې چې  
 د چارج توزیع په خارجي او داخلي سطحو کې تغیرونه کړي او دیوښه ثبوت لپاره د گاوس  
 د قانون څخه استفاده کوو.

د ۱۴-۳ b شکل په شان دیوې داخلي خالیگا په اطراف یوه گاوسی سطحه د هادي په داخل  
 کې رسموو، څرنگه چې په هره داخلي نقطه کې  $\vec{E} = 0$  دی نو گاوسی سطحې کې Flux  
 نشته نو دا سطحه هیڅ شبکوي چارج نه لري نو په دې سبب د سطح داخلي خالیگا کې  
 هیڅ چارج نشته.

که د  $q'$  یو چارج د هادي د خالیگا په داخل کې کینودل شي (هادي نور مستقل نه دی)  
 اوس هم د گاوس د قانون له مخې د گاوسی سطحې په داخل کې ساحه باید صفروي، ددې  
 لپاره د  $-q'$  چارج باید د سطحې په جدار کې جذب شي. که هادي بهرنۍ ساحه په اول کې  
 د  $q$  چارج ولري نو اوس  $q + q'$  چارج د کړی په خارجي سطحیاو هم په شبکوي چارج  
 کې تغیر نه راځي.



۱۴-۳ شکل: (a): یو مستقل هادی چې د  $q$  چارج لرونکی دی او دیو تار په واسطه ځوړند  
 دی د هادي داخل کې یو گاوسی سطحی رسم شوی. (b): د هادي په داخل کې یوه  
 خالیگاه دیوې گاوسی سطحې پواسطه احاطه شوی.

دهادي څخه بهر برقي ساحه:

که څه هم چې اضافی چارج کولای شي دمستقل هادي داخلي سطحې ته ننوزي چارج په عمومي ډول په دې سطح کې په مشابه ډول نه خپریږي (که سطحه کروي نه وي) یا په بل عبارت دسطحې دچارج کثافت  $\sigma = \frac{dq}{dA}$  له یو نقطې څخه بلې نقطې ته فرق کوي دگاوس دقانون په واسطه کولای شو دسطحې دهرې نقطې دچارج دکثافت او برقي ساحې  $\vec{E}$  ترمنځ ارتباط پیدا کړو، ۱۵-۳ a شکل یو گاوسي سطحه ښیي چې دوه قاعدې یا خولې یې A دي یو قاعده یا خوله یې په مکمل ډول دسطحې په داخل کې او بله یې مکمله دسطحې څخه بهر واقع ده، لنډ استوانوي دیوالونه په سطحه عمود دي. ددې گاوسي سطحې یوه برخه په ۱۵-۳ b شکل کې لویه ښودل شوې. په الکترو ستاتیک کې باید د یو مشابه چارج شوي هادي برقي ساحه دهادي په سطحه باندې عمود وي که داسې نه وي نو  $\vec{E}$  په سطحه کې چارجونه دوباره توزیع کوی، چې دا دالکترو ستاتیک دثبات په خلاف ده. نو  $\vec{E}$  دهادي په سطحه عمود دی، او دگاوسي سطحې دپهرنۍ خولې فلکس د EA څخه عبارت دی. او دداخلي خولې لپاره ی فلکس صفر دی ځکه چې  $\vec{E} = 0$  دی. داستواني د سطحې په دیوالونو کې هم فلکس صفر دی، ځکه د  $\vec{E}$  خطونه دسطحې سره موازي دي او کوم اثر نه شي درلودلای. د q چارج چې په گاوسي سطح کې داخل دی د  $\sigma A$  څخه عبارت دی نو مجموعي فلکس:

$$\begin{aligned}\Phi_E &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= \int_{\text{outer cap}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{inner cap}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{side walls}} \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= EA + 0 + 0 - EA.\end{aligned}$$

اوس دگاوس دقانون په اساس برقي سطحه پیدا کولای شو:

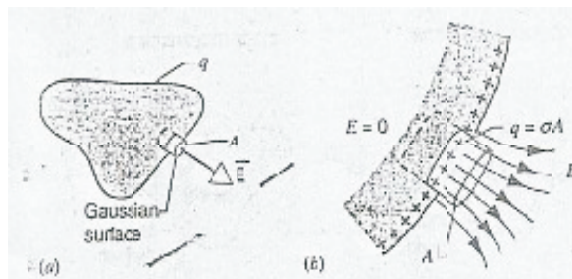
$$\epsilon_0 \Phi_E = q.$$

دفلکس او چارج دقیمت گذاری وروسته لرو  $EA = \sigma A$  که دانتیجه د ۱۲-۳ معادلې سره مقایسه شي (برقي صفحو ته نږدې ساحه):

$$\epsilon_0 EA = \sigma A$$

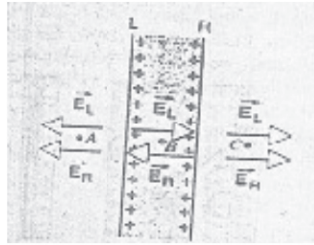
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}. \quad (3-18) \quad s$$

نو هادي ته نږدې برقي ساحه دهغې ساحې دوه چنده ده په کومه کې چې د هادي صفحې يا ورقي وي. څنگه ددې دوو حالاتو ترمنځ فرق کولای شو؟ يو چارج لرونکي صفحې د جوړولو لپاره دنري پلاستيک په يو خط باندي چارجونه خپرولای شو. چارج په هغو ځايونو نښلي دکوم ځای څخه چې دوي حرکت نه شي کولای، خو يو هادي په دې ډول نه شو چارجولای، مونږ د هادي سطحه داسي فرضولای شو چې په دوو برخو ويشلي وي يوه برخه چې برقي ساحه پکې پيدا کوي او يوه بله برخه، که مونږ په ۳-۱۵ شکل کې هادي ته په کافي اندازه نږدې يو، نو د چارج د يوې صفحې په ډول ئې قبلولای شو. چې دبرقي ساحي سره  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$  په اندازه کمک کوي، که څه هم چې د هادي باقي سطحه هم همدغه اندازه دبرقي ساحي سره کمک کوي او مجموعي برقي ساحه د دواړو سطحو د جمعې څخه عبارت ده يعنې  $\frac{\sigma}{\epsilon_0}$  دغه حالت مستقيماً په يو هادي تختي کې هم ليدل کيږي، فرضاً داتخته د (A) يوه سطحه لري که د q چارج دتختي په هره برخه ی خپور کړو نو دا چارج به دتختي په هره برخه خپور کړو نو دا چارج به دتختي په دواړو خواوو باندي په خپله خپور شي،



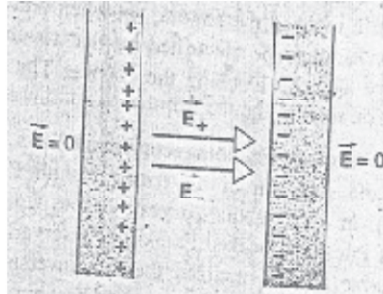
۳-۱۵ شکل: (a) : يوه وړوکی گاوسی سطحه د يوه چارج شوي هادي په سطحه ځای په ځای شوی (b): د گاوسی سطحی يوه برخه لويه بنودل شوی چه  $q = \sigma A$  چارج لری.

مونږ غواړو هره سطحه د  $\frac{q}{2}$  چارج اود چارج کثافت  $\sigma = \frac{q}{2A}$  پيدا کړو، د تختي هره سطحه د چارج د يوې صفحي په ډول فرض کولای شو چې د ۱۲-۳ معادلي له مخي  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{q}{4A\epsilon_0}$  برقي ساحه رامنځته کوي. د ۱۲-۳ شکل مطابق تختي ته نږدې بڼي او چپو ساحو کې برقي ساحه مساوي ده او د دوي يوه مجموعي برقي ساحه  $E = \frac{q}{4A\epsilon_0} + \frac{q}{4A\epsilon_0} = \frac{q}{2A\epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$  رامنځته کوي اود تختي په داخلي برخه د (B په نقطو کې) ساحه په مخالفو جهتونو کې ده او مجموعه يې صفرده، لکه ديو هادي په شان.



۱۲-۳ شکل: په يونړۍ هادي سطحه باندې برقي چارجونه، هره سطحه چارج لري  $\vec{E}_L$  او  $\vec{E}_R$  برقي ساحي په ترتيب د (A) او (C) په نقطو قوه وارده وي او د (B) په نقطه قوه لغوه کوي.

اوس يوه بله د  $q$ -تخته، دي تختي ته نږدې کوو نو اوس اصلي هادي مستقل نه دي او چارجونه مشابه نه دي خپاره شوي، دمنفي او مثبتو تختو ترمنځ يوه جاذبې قوه عمل کوي، هره سطحه د  $\frac{q}{2}$  د چارج پرځای د  $q$  چارج او  $\sigma = \frac{q}{A}$  برقي کثافت لري، دبرقي صفحو په شان هره سطحه د  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{q}{2A\epsilon_0}$  برقي ساحه رامنځته کوي، ددې دوو تختو په منځ کې يوه مشترکه برقي ساحه رامنځته کېږي چې ددې تختو د ساحو مقدار او جهت يو دبل سره مساوي دي، نو مجموعي برقي ساحه ددې لוחو ترمنځ له  $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{q}{A\epsilon_0}$  څخه عبارت ده، دا ديوه موازي لוחو لرونکي خازن يا (condensor) برقي ساحه ده چې په ۱۷-۳ شکل کې ښودل شوي.



۳-۱۷ شکل: دوه نری هادی تختی چه مساوي مختلف العلامه چارج لری،  $\vec{E}_+$  دمثبتو

چارجونو په واسطه رامنځته شوی ساحه او  $\vec{E}_-$  دمنفی تختی برقی ساحه ده.

۳-۴ مثال: د فوتو کاپي د ماشین دیو چارج شوي قطعي برقي ساحه  $2.3 \times 10^5 \frac{N}{C}$  ده.

که دا قطی هادي وي نو د چارج کثافت په دي قطی کې پیدا کړی؟

حل: له ۳-۱۸ معادلي څخه لرو:

$$\sigma = \epsilon_0 E = (8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(2.3 \times 10^5 \text{ N/C}) \\ = 2.0 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2 = 2.0 \mu\text{C/m}^2.$$

۳-۵ مثال: د ځمکې په سطحه باندې برقي ساحه  $150 \frac{N}{C}$  ده. چې د ځمکې د مرکز خواته

عمل کوي، د ځمکې د سطحې مجموعي چارج څومره دي، که ځمکه دیو هادي په ډول

فرض شي؟

حل: د قوي خطونه په منفی چارجونو ختمیږي، که برقي ساحه د ځمکې د مرکز په طرف

عمل وکړي نو د سطحې د چارج متوسط کثافت  $\sigma$  باید منفی وي. له ۳-۱۸ معادلي څخه

لرو چې:

$$\sigma = \epsilon_0 E = (8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(-150 \text{ N/C}) \\ = -1.33 \times 10^{-9} \text{ C/m}^2.$$

د ځمکې مجموعي چارج د چارج د کثافت او د  $4\pi R^2$  د ضرب د حاصل څخه عبارت دي:

$$\begin{aligned}
 q &= \sigma 4\pi R^2 \\
 &= (-1.33 \times 10^{-9} \text{ C/m}^2)(4\pi)(6.37 \times 10^6 \text{ m})^2 \\
 &= -6.8 \times 10^5 \text{ C} = -680 \text{ kC}.
 \end{aligned}$$

۲-۳ مثال: یواوړد ناقصه استوانوي هادي چې داخلي شعاع  $a$  او خارجي شعاع  $b$  ده د یو متحدالمحوره استوانوي هادي دقشر په واسطه چې داخلي شعاع یې  $c$  او خارجي شعاع  $d$  ده احاطه شوي، د ۱۸-۳ شکل له مخې داخلي هادي د  $2q$  مثبت چارج لري او خارجي هادي  $3q$  چارج لري، دهغه چارج مقدار پیدا کړی چې د دواړو هادي استوانو په سطحو ځای نیسي؟

حل: د گاوسي قانون په استوانوي او کروي اجسامو په عین ډول نتیجه ورکوي. په معین ډول د خارجي هادي له مخې د  $r < c$  ساحه کې برقي ساحه صفرده، لکه څنګه مو چې د کروي قشر لپاره ثبوت کړه، د خارجي هادي چارج د داخلي هادي موقعیت ته هیڅ برقي ساحه نه تولیدوي، نو داخلي استوانه د دې بحث لپاره یو مستقل یا (Isolated) هادي دي.



۱۸-۳ شکل: دوه هم محوره استوانوي هادي قشرونه.

که مونږ داخلي هادي مستقل فرض کړو نو مونږ پوهیږو چې چارج په مکمل ډول د دې هادي په خارجي سطحه کې دي نو د  $a$  په سطحه چارج نشته او د  $2q$  د  $b$  په سطحه کې دي. که مونږ د خارجي استوانې په داخل کې  $c < r < d$  یو متحدالمحوره گاوسي سطحه رسم کړو د گاوس د قانون له مخې هم ویلای شو چې د گاوس په سطحه کې فلکس صفر دي ځکه د هادي په هره داخلي نقطه کې  $\vec{E} = 0$  دي.

او په آخري هموارو سطحو کې هم فلکس صفر دي. ځکه د  $b < r < c$  لپاره باید ساحه شعاعي وي او دهموارو اخري سطحو سره باید موازي وي، دا په دې معنی ده چې دگاوس دقانون له مخې باید دگاوسي سطحې په داخل کې مجموعي چارج صفر وي، مونږ پوهیږو چې په داخلي هادي کې  $+2q$  چارج شته ددې لپاره چې صفر شي باید د  $c$  په سطحه کې  $-2q$  چارج وي، څرنگه چې په خارجي استوانه کې مجموعي چارج  $-3q$  دي، نو د  $-q$  چارج د  $d$  په سطحه باید څرگند شي. باید وویل شي چې خارجي سطحه د داخلي هادي د چارج تراثرلاندې راغلي او د یو مستقل (Isolated) هادي په ډول نه ده، نو په دې هادي کې ټول چارج د هادي خارجي سطحې ته نه ځي.

۷-۳ دگاوس او کولمب د قوانینو تجربوي امتحانول (ازموینه):

په ۲-۳ عنوان کې مونږ وویل چې چارج د هادي په خارجي سطحه کې ځای نیسي هیڅ چارج به د هادي په حجم کې نه وي او نه به د هادي د داخلي خالیګاه په جدار کې چارج وي، دغه نتیجه مسقیماً دگاوس له قانون څخه په لاس راغلي نو ددې خبرې ازموینه په حقیقت کې دگاوس دقانون ازموینه ده، که چارج د هادي په داخل کې وي یاد هادي د داخلي خالیګاه په جدار کې وي دگاوس قانون ناکامیږي او څرنگه چې د کولمب قانون مستقیماً دگاوس دقانون په تعقیب دي داهم ناکامیږي، په خاص ډول د جاذبي قانون به دقیقاً د مربع د معکوس قانون نه وي، او د  $r$  توان به 2 څخه ډیر کوچني عدد  $\sigma$  په اندازه فرق وکړي، نو شعاعي برقي ساحه:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^{2+\delta}} \quad (3-19)$$

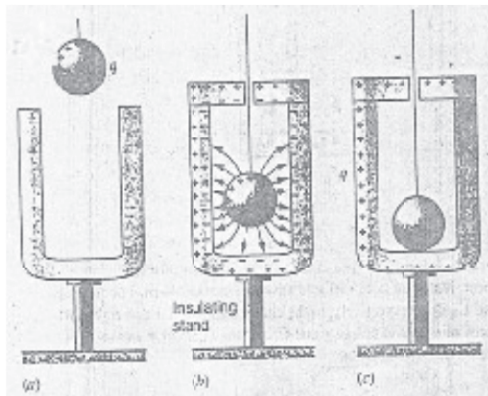
چې دگاوس او کولمب په قوانینو کې  $\sigma$  دقیقاً صفر ده.

ددوه چارجونو ترمنځ دقوي مستقیمه اندازه په (اول) څپر کې کی تشریح شوی، نو اوس مونږ ضرورت نه لرو ترڅو امتحان ئی کړو چې  $\sigma = 0$  ده.

په حقیقت کې دا تجربې دهغه تګلارې په تعقیب دي چې په ۱۹-۳ شکل کې تشریح شوی یوه چارج شوي فلزي گلوله چې د یو عایق تار په واسطه تړلي شوي هغه فلزي قطی ته



دنده شوي چې په يوه عايقه سطحه يې تکیه کړي، کله چې دا گلوله د قطي له دنده سره په تماس کې شي دواړه جسمونه د يوه هادي په ډول کار کوي، نوکه د گاوس قانون صحيح وي ټول چارگونه بايد د دې مرکب هادي خارج ته لاړ شي. لکه په  $19-3c$  شکل کې کله چې گلوله خارج کړو بايد هيڅ چارج ونه لري او نور عايق اجسام بايد د قطي له داخل څخه چارج وانخلي او يوازي د قطي د خارجي سطحې څخه يې واخلي.



۱۹-۳ شکل: د بنجامين فرنکلين په واسطه يو ساختمان نبی چې چارج د هادي خارجي سطحې ته ځي (a) چارج لرونکي گلوله يې چارجه قطي ته داخل شوي (b) گلوله د قطي په منځ کې ده او سرپوښ ايښودل شوی د گلولي او قطي ترمنځ د برقي ساحي خطونه ښودل شوي. (c) کله چې گلوله له قطي سره په تماس کې شي چارج د قطي بهرته ځي گلوله د چارجيدو وروسته هيڅ چارج نه لري نو دا ثبوت وو چې چارج ټول بهرته خپريږي. بنجامين فرنکلن (Benjamin Franklin) شايد لمړی سړي وي چې پوه شو چې د يو قطي په داخل کې هيڅ چارج نه وي. په ۱۷۵۵ کال کې يې خپل يو متفکرته وليکل:

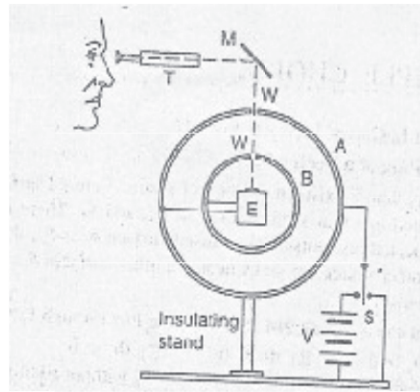
(مايوه  $568.26 \text{ cm}^3$  وړوکې نقره يې قطي ته چارج ورکړ بيا مې د يو کارک گلوله ودر داخله کړه چې د يو ابريشيمي تار په واسطه تړل شوي وه. کارک په داخل کې جذب نه شو لکه څنگه چې په بهرنۍ سطحه کې جذب شو، کله چې مې بيرون راويست داسي نه وه چې چارج شوي وی لکه څنگه چې بيرون چارج شوي وه، حقيقت څه دی دليل يې پيدا کړه زه خونه پوهيږم)

10 کاله وروسته فرانکلن خپله داتجربه (1733 – 1804) Josph priestley ته وړاندې کړه په 1767 کال کې (دکولمب دتجروبو څخه 20 کاله وروسته ) پرستلی دفرانکلن کړنه ولیده اوپوه شو چې دقوي د معکوس مربع قانون له دي څخه تعقیب شوي. پرستلي دجاذبي سره د مشابهت له مخي وويل:داحقیقت چې دفرانکلن دکارک گلوله دیوې ژورې قطی په داخل کې چارج نه شوه دهغه حقیقت سره ورته ده کومه چې په (5 – 14) برخه کې ذکرشوه ، هغه چې ویل کیدل چې دکروي قشر په داخل کې هیڅ ډول جاذبه تاثیر نه کوي که جاذبه دمربع معکوس قانون مني نو برقي ساحه یې هم باید ومنی دفرانکلن تجربې ته په کتنې پرستلي دادلیل وړاندې کړ دامونږ شاید فکر ونه کړو چې دبرق جاذبه قوه اوقوانین یې دځمکې دجاذبي قوي سره مشابه اودسطحي له مربع سره اړه لري، که ځمکه دیو قشر په شکل کې وي نو په اسانۍ سره بنودلای شو چې آیا هغه جسم چې دځمکې په داخل کې دی له یو خوانه به بل خوانه ډیر جذب نشي؟

جاذبه قوه په برقي قوی باندې دپوهیدو لپاره کوم ډول کمک کولای شی. میکایل فرادي (Michael Faraday) ددې لپاره چې ونیۍ چارج دهادي په خارجي سطحه کې واقع کیږي مختلفې تجربې وکړي. نوموړي یو لوي بکس چې دفلز په واسطه پوښل شوي وو جوړ کړ، دابکس ئې په یو عایق باندې کیښود اودیوقوي الکتروستاتيکي جنراتور په واسطه یې چارج کړ اوویي ویل ((مادیومکعب په داخل کې بلي شمعي، الکترود متر اونوربرقي ازمویني استعمال کړي خو کوم تاثیر پرې ونه لیدل شو. په داسې حال کې چې ددې مکعب یا بکس په خارجي سطحه کې چې قوي چارج شوي ؤ قوي جراقي لیدل کیدی))

دکولمب قانون په فزیک کې حیاتي اهمیت لري، او که په ۳-۱۹ معادله کې  $\sigma$  صفر نه وي نو دالکترو مقناطیس او کوانتم فزیک په اړه زیاتي نظریې رامینځته کیږي، ددې لپاره چې د  $\sigma$  اندازه معلومه شي باید دتجربې په واسطه وښودل شي چې په یو هادي کې ځای په ځای شوي چارج دهادي په بهرنۍ سطحه کې ځای نیسي، اوسنیو تجربو ښودلي چې د (۳-۱۹) معادله کې  $\sigma$  صفر نه ده خو ډیره کوچنۍ ده، (1 – 3) جدول ددې تجربو نتایج

ښیي، ۲۰-۳ شکل دیو دستګا ښودونکي دی چې (Plimpton) او (Lawton) په واسطه د  $\sigma$  د اندازه کولو لپاره جوړه کړي، دادستګاه ددوه برقي قشرونو A او B چې متحدالمرکز دي جوړ شوي، داخلي سطحه یې په (Diameter) کې  $1.5\text{ m}$  ده، داخلي قشریو حساس الکترو مترلري ترڅو وښیي. که د A او B سطحو ترمینځ چارج وي که دادوه قشرونه برقي ارتباط ولري، نو باید چارج مکمل د A په سطحه کې قرار ونیسي ترڅو په دې حالت کې د ګاوس او کولمب قوانین صحیح وي، کله چې د S سویچ له چپ طرف سره وصل شي نو د N د بطري په واسطه به په دې کره کې یو چارج پیداشي، کوم چارج چې د A څخه B ته ځي نو په الکترومتر کې ښودل کیږي، او دیوې چرقي په ډول به د T د تلسکوپ، M هنداري او W کرکي په واسطه ولیدل شي، که څه هم د S سویچ په متناوب ډول د چپ څخه ښي طرف ته وصل شي، او قشر د ځمکې یا بطري سره د وصلیدو په وخت کې هیڅ اثر ونه ښود. د الکترو متر په حساسیت باندې له پوهیدو سره (Plimpton) او (Lawton) د  $\sigma$  قیمت په ۳-۹ معادله کې داسې حساب کړ چې له صفر څخه د  $2 \cdot 10^{-9}$  په اندازه تغیر کوي چې دا ډیر کوچني عدد دي، ددې حساسي او دقیقې دستګا په واسطه تراوسه د  $\sigma$  قیمت ته ډیر نږدې حدونه ټاکل شو.



۲۰-۳ شکل د ۱۹-۳ شکل د دستګاه یو مدرن ډول ښودل شوی، کله چې د S سویچ چپ طرف ته وصل شي چارج د A په سطح کې ځای نیسي، او د E حساس الکترو متر ددې لپاره

استعمال شوی که چیري د  $A$  خڅه  $B$  ته چارج لارشی او وی بنی، پدی ځای کی باید ټول چارج د  $A$  په کره یعنی خارجي برخه کی پاتی شی.

۳-۱ جدول: د کولمب د معکوس مربع د قانون ازموین:

TABLE 27-1 Tests of Coulomb's Inverse Square Law		
Experimenters	Date	$\delta$ (Eq. 27-19)
Franklin	1755	... according to the squares ...
Priestley	1767	
Robison	1769	
Cavendish	1773	$< 0.05$
Coulomb	1785	$< 0.02$
Maxwell	1873	± few percent at most
Plimpton and Lawton	1936	$< 5 \times 10^{-3}$
Bartlett, Goldhagen, and Phillips	1970	$< 2 \times 10^{-9}$
Williams, Faller, and Hill	1971	$< 1.3 \times 10^{-13}$
		$< 1.0 \times 10^{-16}$

څو ځوابه انتخابی پوښتنې:

۳-۱: د گاوس قانون به د څه په اړه وي؟

۳-۲: د یو وکتوري ساحي فلکس.

۱: د فضا په یوه برخه کې سرعت لرونکي ساحه موجوده ده، یوه نږدې د  $S$  سطح چې په  $S_1, S_2, S_3, S_4$  مقطعو تقسیم شوي د  $S_1$  او یانور و  $S_n$  سطحو خارج کی یوه منبع موجوده ده خو یوه منبع هم په داخل کې نه ده.

الف) د  $S_1$  په سطحه د  $\Phi_1$  فلکس لپاره څه نتیجه کیږي:

$$\Phi_1 = 0 \quad (b) \quad \Phi_1 > 0 \quad (a)$$

( c  $\Phi_1 < 0$  )  $d$  په اړه نورو اضافي معلوماتو پرته څه نشو ويلي.

( ب ) په دي سطحو باندې د فلکس په اړه کومه جمله صحيح ده؟

( a ) کم ترکمه یو  $\Phi_n$  باید منفي وي. ( b ) کم ترکمه یو  $\Phi_n$  باید مثبت وي.

( c ) کم ترکمه یو  $\Phi_n$  باید صفروي. ( d ) که  $A$  صحيح وي نو  $B$  هم صحيح دی.

E يا A يا B صحيح ده دواړه نشي صحيح کيدای.

( ج ) اندازه گیری، بنودلي چې  $\Phi_1 + \Phi > 0$  څخه دی ولي د معلوماتو له مخي ويلي شو:

$$\Phi_3 = -\Phi_4 \quad ( b) \quad \Phi_3 = \Phi_4 \quad ( a)$$

$$\Phi_3 < -\Phi_4 \quad ( d) \quad \Phi_3 > \Phi_4 \quad ( c)$$

۳-۳ دبرقي ساحي فلکس:

۲: د  $A$  دیو صیقلی سطح فلکس چې د  $\vec{E}$  برقي ساحي لرونکي ده هغه وخت اعظمي ده چې:

( a ) سطحه له  $\vec{E}$  سره موازی وی. ( b ) سطح په  $\vec{E}$  عمود وي.

( c ) سطح دمستطیل په شان شکل ولري. ( d ) سطح د مربع په شان شکل ولري.

۳: یوه تړلي کروي سطح د ( a ) له شعاع سره د  $\vec{E}$  په برقي ساحه کې واقع ده. د دي سطح له پاسه برقي فلکس  $\Phi_E$  څومره دی؟

$$\Phi_E = \pi a^2 E \quad ( b) \quad \Phi_E = 4\pi a^2 E \quad ( a)$$

$$\Phi_E = 0 \quad ( c) \quad \Phi_E \text{ له نورو معلوماتو پرته نشی حسابیدلای} \quad ( d)$$

۳-۴ دگاوس قانون:

۴: دوه متحد المركزه کړي فرض کړئ، چې مرکزيې مبداء ده او  $S_1$  د  $a$  شعاع او  $S_2$  د  $2a$  شعاع لرونکي دي. په مبداء کې د  $q$  یو چارج شته او نور چارج نشته تاسو د  $S_1$  د سطحې فلکس د  $S_2$  د سطحې د فلکس  $\Phi_2$  سره مقایسه کړی؟

$$(a) \quad \Phi_1 = 4\Phi_2 \quad (b) \quad \Phi_1 = 2\Phi_2$$

$$(c) \quad \Phi_1 = \Phi_2 \quad (d) \quad \Phi_1 = \frac{\Phi_2}{2}$$

۵: د  $S$  یوه خیالي سطحه چې د  $R$  شعاع لرونکي او مرکزيې په مبداء کې دی، یو مثبت چارج  $Q$  اصلاً په مبداء کې دی او د سطحې فلکس  $\Phi_E$  دی د مثبت چارج ورو ورو له مبداء څخه  $\frac{R}{2}$  نقطې ته ځي. په دې حالت کې د  $S$  په سطح فلکس؟

$$(a) \quad 4\Phi_E \quad (b) \quad \Phi_E$$

$$(c) \quad \text{په خپل حالت پاتې کیږي} \quad (d) \quad \frac{\Phi_E}{2}$$

$$(e) \quad \frac{\Phi_E}{4}$$

۶: تر کومو شرایطو لاندې د یوې تړلې سطحې فلکس  $\Phi_E$  پیدا کولای شو؟

(a) چې د  $\vec{E}$  مقدار د سطحې په هره برخه کې معلوم وي.

(b) د سطحې په داخل کې مجموعې چارج معلوم وي.

(c) د سطحې په خارجي سطحه کې مجموعي چارج معلوم وي.

(d) یوازې د هري داخلي نقطې چارج معلوم وي.

۷: د  $S$  یوه خیالي سطحه د  $R$  په شعاع چې مرکزې په مبداء کې دی او د  $q$  چارج هم په مبداء کې دی، د سطحې فلکس  $\Phi_E$  دی، د  $X$  محور په امتداد درې نور چارجونه د  $3q$ ،  $X = -\frac{R}{2}$ ،  $5q$ ،  $X = \frac{R}{2}$  او  $4q$  په  $X = \frac{2R}{2}$  نقاطو کې زیات شوي، د  $S$  سطحې فلکس حساب کړی؟

$$(a) \quad 2\Phi_E \quad (b) \quad 3\Phi_E$$

$$\Phi_E (c) = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \Phi_E (d) = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \Phi_E (e) \text{ نشی مشخص کیدلای څکه پوښتنه نوره ثابته نه ده.}$$

۳-۵ دگاوس دقانون تطبیقات:

۸: د  $X$  په محوریو ډایپول پروت دی چې د  $+q$  چارج په  $x = +d/2$  او منفي چارج په  $-\frac{d}{2}$  نقطو کې دي، د  $y_2$  مستوي چې د چارجونو په مینځ کې ده فلکس به یی څومره وی:

$$(a) \text{ صفر} \quad (b) \text{ د } d \text{ مربوط ده.} \quad (c) \text{ د } q \text{ مربوط ده.} \quad (d) \text{ د } q \text{ او } d \text{ مربوط ده.}$$

۹: په ۸ پوښتنه کې سطحه چارجونو ته نوره هم نږدی شو ی د سطحی د حرکت په وخت کې ددی سطحی فلکس  $\Phi_E$  دی:

$$(a) \text{ زیاتېږي} \quad (b) \text{ کمیږي}$$

(c) په خپل حال پاته کیږي.

۱۰: په اتمه پوښتنه کې سطحی ته دوران ورکړل شوی چه د  $x$  سره موازی نه دی د سطحی د حرکت په وخت کې فلکس:

$$(a) \text{ زیاتېږي} \quad (b) \text{ کمیږي}$$

(c) په خپل حالت پاتی کیږي.

۱۱: په لاندې کومو حالاتو کې دگاوس قانون ګټور دی؟

(a) د سلنډري یا محدودې مشابه چارج شوي سطحې په مختلفو نقطو کې برقي ساحه پیدا کول.

(b) د یو مشابه چارج شوي استواني سطحې په اخري سطحو کې برقي فلکس پیدا کول.

(c) ديو مشابه چارج شوي مكعب يابكس په مختلفو نقطو كې برقي ساحه پيدا كول.

(d) ديو مشابه چارج شوي مكعب په يوه خوا كې د برقي فلکس پيدا كول.

۲-۳ د گاوس قانون او هادي اجسام:

۱۲: يو ناقصه هادي گلوله چې د  $+q$  چارج كی په مرکز كې ايښودل شوي گلوله كوم شبكوي چارج نه لري:

(a): د گلولي په داخلي سطحه كې چارج:

الف)  $+2q$  (ب)  $+q$

ج)  $-q$  (د) 0

(b): د گلولي په خارجي سطحه كې چارج:

الف)  $+2q$  (ب)  $+q$

ج)  $-q$  (د) 0

۱۳: فرض كړئ چې د 12 پوښتنی په گلوله باندی د  $+q$  یو شبكوی چارج ځای په ځای شوی ، نقطوی چارج په خپل ځای پاتی دی:

(a): د گلولي په داخلي سطحه كې چارج:

الف)  $+2q$  دی (ب)  $+q$  دي

ج)  $-q$  دي (د) صفر دی.

(b): د گلولي په خارجي سطحه كې چارج:

الف)  $+2q$  دی (ب)  $+q$  دي

ج)  $-q$  دي (د) صفر دی.



۱۴: په ۱۳ پوښتنه کې مرکزي چارج داخلي سطحې ته نږدې لږ څو په تماس کې کېږي نه:

(a) د گلوله په داخلي سطحه کې چارج:

الف) زیاتېږي      ب) کمیږي

ج) په خپل حالت پاتې کېږي      د) دا په دې پورې مربوط ده چې گلوله داخلي سطحې ته څومره نږدې ده

(b) د گلولې په خارجي سطحې کې مجموعی چارج:

الف) زیاتېږي      ب) کمیږي ،

ج) په خپل حالت پاتې کېږي      د) دا په دې پورې مربوط دی چې گلوله داخلي سطحې ته څومره نږدې ده

۷-۳ د گاوس او کولمب د قوانینو تجربوي ازموینه:

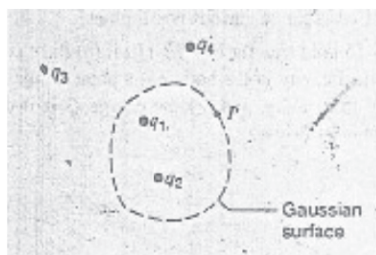
پوښتنې:

۱) دکومی جملې د اساس له مخې د برقی قوې خطونه په چارج شروع کېږي او په چارج ختمېږي؟

(۲) مثبت چارج ته (sources) او منفي چارجو ته (sinks) ويل كيږي او دا چې تاسو د دي اصطلاح په اړه څه فكر كوي. آيا هلته د جاذبي ساحي (source) او (sink) يا موجود دي؟

(۳)  $\Phi_E$  په واسطه، د ځمكې د جاذبي ساحي فلڪس  $\Phi_g$  څنگه تعريفوي، د ځمكې د جاذبي د ساحي فلڪس د يو اطاق په څنډو كې څومره دي، دا مهمه نه ده چې داخل كې څومره دي د ځمكې د يوې كروي سطحې په احاطو كې او په يوې كروي سطحې كې چې د سپوږمۍ د مدار په اندازه وي پيدا كړي؟

(۴) يوه گاوسي سطحه فرضو چې د چارج د يوې برخې توزيع نې احاطه كړي (۳-۲۱ شكل) كې ښوول شوی (a) كوم چارجونه د P په نقطه كې په برقي ساحه كې برخه اخلي؟ (b) آيا فلڪس يوازي د  $q_1$  او  $q_2$  چارجونو د برقي ساحي له مخې حسابيدلای شي؟ آيا دابه د مجموعې ساحې تر فلڪس كم وي، يا زيات وي او كه به مساوي وي؟



۳-۲۱ شكل: پوښتنه.

(۵) فرض كړئ چې د برقي ساحې خطونه په بعضي ساحو كې همجهته وي، خو په امتداد كې يې مقدار كمږي، په دي ساحو كې د چارج په اړه څه فكر كوي، د قوي خطونه يې رسم كړئ؟

(۲) آيا د گاوس د قانون له مخې د اصحيح ده چې د يوې تړلې سطحې د خارج چارجونو د قوي د خطونو تعداد د داخلې مثبت چارج سره مساوي دي؟

۷) دیوي کروي گاوسي سطحې په مرکز کې یو نقطوي چارج ایښودل شوي آیا  $\Phi_E$  هغه وخت تغیر کوي. (a) که سطحه په عین حجم لرونکي مکعب بدله شي. (b) که کره د  $\frac{1}{10}$  حجم د لرونکي مکعب سره بدله شي. (c) که چارج دکري په داخل کې د مرکز څخه لری شي. (d) که چارج دکري څخه بیرون کیښودل شي (e) که دوهم چارج دکري خارجې سطحې سره نږدې کیښودل شي (f) که دگاوسي سطحې په داخل کې بل چارج کیښودل شي.

۸) دگاوس په  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$  قانون کې: آیا  $\vec{E}$  باید حتماً د  $q$  دچارج په واسطه رامنځته شوي وي؟

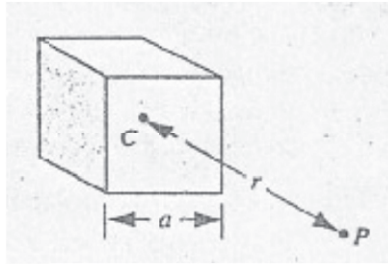
۹) یوه سطحه چې یو برقی ډایپول بی احاطه کړی، ددې سطحې د  $\Phi_E$  په اړه څه وایاست؟

۱۰) فرض کړئ، چې که دیوي گاوسي سطحې په داخل کې کوم ابتدائي چارج نه وي، آیا دگاوس دقانون سره برابره ده چې دسطحې دټولو نقطو دپاسه  $\vec{E}$  صفر دی، آیا ددې جملې عکس صدق کوي؟

که  $\vec{E}$  دسطحې دپاسه په هر ځای کې صفر وي، نو آیا دگاوس دقانون سره برابره ده چې هلته د سطحې په داخل کې اصلی چارج وجود نه لري؟

۱۱) آیا دگاوس قانون دهغه درې مساويې چارجونو د ساحې محاسبه کولو لپاره ګټور دی چې د یو متساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې واقع وي، ونبایاست ولي اوولي نه؟

۱۲) د  $Q$  یو مجموعې چارج په یو نواخت ډول په یو مکعب کې چې دضلعو اوږدوالی  $a$  دی خپور شوي آیا د  $p$  په نقطه کې برقی ساحه چې دمکعب د  $c$  دمرکز څخه د  $r$  فاصله لري، د  $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$  په واسطه رامنځته شوي؟ (۳-۲۲ شکل) که نه، نو آیا  $\vec{E}$  دیوهم مرکز مکعبی گاوسي سطحې په جوړولو حساب کیدلای شي، که نه، نو تاسو د  $\vec{E}$  په اړه څه وایاست داسې چې  $a \gg r$  وي.



۳-۲۲ شکل: ۱۲ پوښتنه.

(۱۳) ایا  $\vec{E}$  باید حتماً د یو چارج شوي رېږې سطحې په داخل کې منفی وي که داسطحي لاندې شکل ولري (الف) کروي وی (ب) که بالون د ساسیچ شکل ولري، فرض کړئ. د هر شکل لپاره چارج په یو نواخت ډول د سطحې د پاسه توزیع شوی وي. د چارج موقعیت څنگه دی؟ که چیرته د بالون یوه نازکه طبقه دخپلې هادی نقطې یوه نازکه نقطه د سطحې څخه بیرون ولری که د هر شکل د پاسه د رنگ یو نازکه طبقه رامنځته شي څه بدلون به راشي؟

(۱۴) د یو کروي رابري بالون په سطحه یو چارج په متشابه ډول خپور شوي که بالون ډک شي نو  $\vec{E}$  د دې نقطو لپاره څه ډول تغیر کوي. (الف) د بالون په داخل کې (ب) د بالون په سطحه (ج) د بالون څخه بهر؟

(۱۵) په ۳-۴ برخه کې مونږ ولیدل چې د کولمب قانون د گاوس له قانون څخه پیدا کیدلای شي ایاداپه دې معنی ده چې د گاوس قانون د کولمب له قانون څخه پیدا کیدلای شي؟

(۱۶) آیا د گاوس قانون هغه وخت رامنځته کیدای شي چې د کولمب په قانون کې توان دقیقاً (۲) نه وي؟

(۱۷) یو لویه عایق شوي ناقص هادي یو مثبت چارج لري یوه گلوله چې منفی او مساوي چارج لري د هادي داخل ته تنباسو، ترڅو د داخلي سطحې سره په تماس کې

شي، اوبيارار اوباسو نو: (الف) په گلوله کې به چارج خومره وی (ب) په هادي کې چاربه خومره وي؟

(۱۸) آیا مونږ د ۲-۳ برخې د دلیل څخه ویلای شو چې دیو کور وایرنګ کې الکترونونه د هادي په خارجې برخه کې دي؟ که نه نو ولې؟

(۱۹) په ۲-۳ برخه کې مونږ فرض کړل چې دیو جدا هادي په هره داخلي نقطه کې  $\vec{E}$  صفر دی، څرنگه چې په داخلي نقطو کې پراخې برقي ساحې دي کومې چې الکترون یا هستې ته نږدې دي، ایاد ۳-۴ برخې ثبوت بی اعتباره کوی؟ تشریح یې کړی؟

(۲۰) آیا د گاوس قانون چې په ۲-۳ برخې کې تطبیق شو، غواړي چې ټول هدایتی الکترونونه د هادي په سطحه کې ځای نیسي؟

(۲۱) دیو فلزي ناقصې کړي په مرکز کې یو مثبت  $q$  چارج ایښودل شوي په دې سطحو کېکې کوم یو چارج ښکاره کیږي؟ (الف) داخلي سطحه کې (ب) دکري په خارجې سطحه (ج) که کړي ته یو بی چارج فلز نږدې کړي یا ستاسو د (الف) یا (ب) جواب به بدل کړي؟ ایاد ا به د چارج د توضیح لار بدله کړی؟

(۲۲) که  $a$  شعاع لرونکي نازکه فلزي کروي هادي په سطح  $d - q$  چارج توضیع شوي په داخل کې به کومه برقي ساحه نه وي. اوس که  $d + q$  یو چارج دکري په مرکز کې کیښودل شي نو خارجي ساحه به نه وي دا چارج به  $d < a$  په ساحه کې بی ځای شي خود اسیستم ته د ایپول مومنت ورکوي او خارجي برقي ساحه رامنځته کوي. په دې خارجې سطحه کې انرژي څنګه حسابوئ؟

(۲۳) دیو کوچني هادي جسم څخه څنګه اضافي چارجونه بیلوی؟

(۲۴) ولي په ۳-۷ شکل کې کروي مشابهت مونږ د  $\vec{E}$  د محاسبې لپاره یوازي په شعاعي عنصر پوري محدود کړي که نور عناصر لکه د ځمکې د سطحې د عرضي او طولی خطونو مقدار، فرض شي کروي مشابهت غواړي چې داله هري زاوي یوشان

ښکاري آیا تاسو داسې د ساحې خطونه پیدا کولای شئ چې ددې معیار تابعداري وکړي؟

(۲۵) وښایاست چې ولې د ۳-۸ شکل مشابهت مونږ یوازې دایروي یا شعاعي عناصرو ته محدودده وي؟ په یادولۍ چې په دې حالت کې باید ساحه په هره نقطه کې یو شان ونه ښودل شي، څوکه شکل ته دوران ورکړل شي باید یو شان ښکاره شي.

(۲۶) دیو نامحدوده هادي مجموعې چارج نا محدود دی، نوولې  $\vec{E}$  محدودنه دی؟ دې نه علاوه که دکولمب په قانون کې  $q$  نامحدودوي نو  $E$  هم نامحدود ده.

(۲۷) وښایاست چې په ۳-۹ شکل کې مشابهت مونږ یوازې هغه عناصرو پوري محدودوي چې دصفحې څخه لري هدایت شوي، ولي  $\vec{E}$  صفحې ته کوم موازي عنصر نشي درلودلای؟ په یادولۍ چې دصفحې په هر جهت کې په هره نقطه کې ساحه باید یو شان ښکاره نشي خو باید یو شان ښکاره شي که صفحه دهغه خط په اندازه دوران وکړي چې په سطحه عمود وي.

(۲۸) دچارج دنامحدودې صفحې ساحه متجانسه ده، په هره نقطه کې یو شان ده اودامهمه نه ده چې څومره دانقطه لري ده، داڅنگه کیدای شي چې دکولمب دمربع معکوس قانون طبیعت ووسي؟

(۲۹) لکه څنگه چې پوهیږئ چې دیوي کړي  $\vec{E}$  باید کم شي ځکه لږ چارج دهغي کړي په داخل کې وي چې ددې نقطې په اطراف رسم شوی وي. له بلې خوا  $\vec{E}$  باید زیات شي ځکه تاسو مرکز ته نږدې یاست کوم اثرزیات دی اوولې؟

(۳۰) یو مشابه چارج شوي سطحه ورکړل شوي (دچارج مشابه دایروي کثافت نه دي) آیا  $\vec{E}$  په سطحه کې اعظمي دی، مختلف امکانات وښایاست؟

(۳۱) ایا ۳-۱۵ معادله د ۳-۱۱ شکل لپاره دتطبیق وړ ده؟ که (a) په جسم کې یو متحدالمرکز کروي خالیگاه وي. (b) دخالیگاه په مرکز کې د Q یو مثبت چارج وی.

(c) د  $Q$  چارج دخاليگاه په داخل کې دى خونه په مرکز کې.

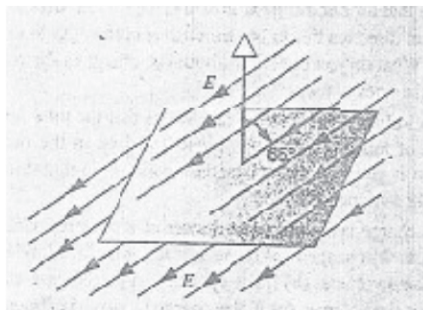
### تمرین:

۱-۳ د گاوس قانون دڅه په اړه دى؟

۲-۳ د ویکتوري ساحه فلکس:

۳-۳ د برقي ساحې فلکس:

۱- په ۲۳-۳ شکل کې  $3.2mm$  دضلعې لرونکې مربع سطحه درکړل شوي چې د  $E = 1800 \frac{N}{C}$  برقي ساحه کې ایښودل شوي، د ساحې خطونه دخارجې نقطو سره 65 درجه زاویه جوړوي ددې سطحې فلکس حساب کړئ؟



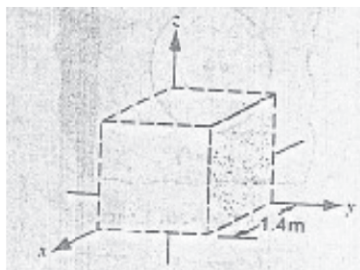
۲۳-۳ شکل: تمرین.

۲- یو مکعب چې خط الراسونه یې  $1.4m$  دي د ۲۴-۳ شکل په شان دوران ورکړل شوي چې په مشابه برقي ساحه کې واقع دى په هغه صورت کې فلکس پیدا کړئ چې برقي ساحه:

$$\left(-2 \frac{N}{C}\right) i \text{ (b)} \quad \text{وي} \quad \left(6 \frac{N}{C}\right) i \text{ (a)}$$

$$\left(+4 \frac{N}{C}\right) i \text{ (d)} \quad \left(-3 \frac{N}{C}\right) i \text{ (c)}$$

مجموعې فلکس پیدا کړئ؟

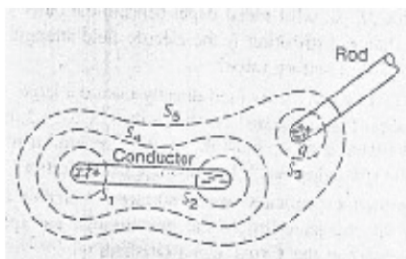


۳-۲۴ شکل: تمرین ۲.

۳-  $\Phi_E$  په دي حالتوکې حساب کړئ. (الف) همواره قاعده (ب)  $R$  شعاع لرونکې نیمایي کړی په پري شوي مخ،  $\vec{E}$  دبرقي ساحې خطونو نیمایي کړي دمحور سره موازي دي. د  $\vec{E}$  خطونه دهمواره قاعدې څخه ننوزي.

۳-۴ دگاوس قانون:

۴-۳-۲۵ شکل په شان ديو غير چارج شوي عايق شوي هادي باندي چارج ديو مثبت چارج شوي ميلې په واسطه بيل شوي، د(5) گاوسي سطحو ترمينځ فلکس حساب کړئ. فرض کړئ چې تحريک شوي منفي چارج د  $q$  مثبت چارج سره مساوي دی چې په ميله کې دی.



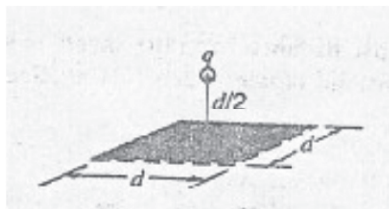
۳-۲۵ شکل: تمرین ۴.

۵-  $1.84 \mu C$  نقطوي چارج ديوي مکعبي سطحې په داخل کې چې دضلعې اوږدوالي  $55cm$  دي ايښودل شوي په سطحه کې  $\Phi_E$  حساب کړئ؟



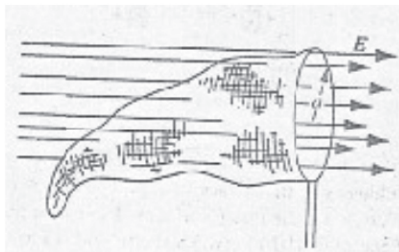
۲- یو مکعب چې په مخونو کې د  $(6 - 1)N$  نقطو پوري دي د شبکوي چارج فلکس ی  $10^3 Nm^2/C$  دي چې د نقطو د شمیر سره مساوي دی د  $N$  طاق لپاره فلکس داخلي او د  $N$  جفت لپاره خارجي دي. د دې مکعب په داخل کې شبکوي چارج څومره دی؟

۷- د  $+q$  شبکوي چارج د یو مربع شکله سطحې څخه د  $\frac{d}{2}$  په اندازه، د مرکز څخه فاصله لري، که سطحه د  $d$  له ضلعي لرونکې مکعب یوه سطحه یا مخ فرض شي په دې سطحه برقي فلکس پیدا کړی؟



۳-۲۲ شکل: ۷ تمرین.

۸- د باسکټبال په شان جال د  $\vec{E}$  په برقي ساحه کې ایښودل شوي، د  $a$  شعاع لرونکې دایره د برقي ساحې سره عمود واقع شوي د جال په خارجي نقطو کې برقي فلکس پیدا کړی؟



۳-۲۷ شکل: ۸ تمرین.

۹- تجربو ښودلې چې د ځمکې په یوه معینه نقطه کې د برقي ساحې جهت د مرکز په طرف دی د بحر د سطحې څخه په  $1300 m$  کې ساحه  $58 \frac{N}{C}$  ده او په  $200 m$

کې  $\frac{N}{C}$  110 ده، د هغه مکعب کې د شبکوي چارج مقدار پیدا کړی چې ضلعي  $m$  100 او په 200 او 300 مترو ارتفاع په مینځ کې واقع وي د ځمکه له انحنایه  
صرف نظر شوی.

۱۰- د دوهم سوال په مکعب کې (۳-۱۴ شکل کې) شبکوي فلکس هغه وخت

پیدا کړی چې :  $(a) : y j : (3 \frac{N}{C.m}) E = (b) : [6 \frac{N}{C} + (-4 \frac{N}{C}) i +$

$(c) : [y] i (3 \frac{N}{C.m})$  په هر حالت کې د مکعب په داخل کې څومره چارج دی؟

۱۱- د ضلعي لرونکې مکعب په یو کونج کې د  $q$  نقطوي چارج ایښودل شوي،  
د مکعب په هر مخ فلکس څومره دی؟ (کمک: د گاوس د قانون او د مشابهت دلیل  
استعمال کړی.)

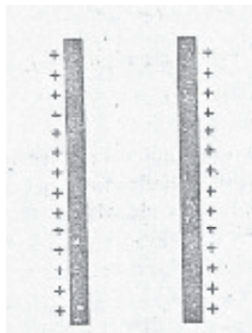
۳-۵ د گاوس د قانون تطبیقات:

۱۲- د یو چارج نامحدود خط  $\frac{N}{C} 10^{24} \times 4.52$  برقي ساحه په  $m$  1.96 فاصله کې  
تولیدوي د چارج خطي کثافت ی پیدا کړی؟

۱۳- (a) په ۳-۴ مثال کې د فوټو کاپي ماشین قطی  $m$  42 اوږدوالې لري او  
 $12 \text{ cm}$  قطر لري په قطی کې مجموعې چارج څومره دی (b): جوړونکې غواړي  
د دې ماشین یو سرمیزي نمونه جوړه کړي د دې کار لپاره باید د قطی اوږدوالې  
 $28 \text{ cm}$  قطر 8 ته کم کړی. د دې قطی په سطحه باید برقي ساحه تغیرونه کړي.  
نو په دې نوي قطی کې به څومره چارج وي؟

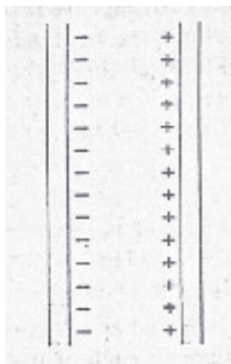
۱۴- د ونړۍ اوږدې او غیرهادي ورقې چې مثبت چارج لري ۳-۲۸ شکل په شان یو  
بل ته مخامخ واقع دي په دې نقطو کې برقي ساحه څومره ده؟

(a) د ورکو چپ طرف ته (b) د دوی په مینځ کې (C) د ورکو بڼې طرف ته، دهرې  
ورقې لپاره مساوي چارج کثافت ( $\sigma$ ) په نظر کې ونیسئ. یوازي هغه تقاطع  
راکړی چې فاصله یې د ورکو تر بعد کمه نه وي؟



۳-۲۸ شکل ۱۴ تمرین.

۱۵-۳-۲۹ شکل له مخې دوه لوي فلزي تختې يو بل ته مخامخ دي چې په ترتيب  $+\sigma$  او  $-\sigma$  برقي د چارج کثافت په خپلو داخلي سطحو کې انتقالوي  $\vec{E}$  په دي حالاتو کې پيدا کړی (الف) دتختو په چپ طرف کې (ب) ددوي په مينځ کې (ج) د دوی په ښې طرف کې يوازي هغه نقط تصور کړی چې فاصله يې دتختو دابعادو څخه زياته وي.



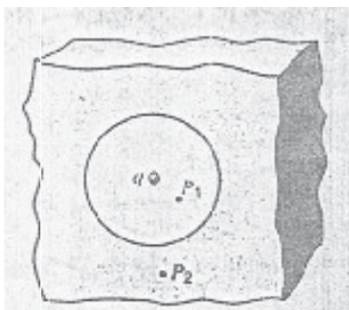
۳-۲۹ شکل ۱۵ تمرین.

۱۲- دځمکې د جاذبې په ساحه کې يو الکترون په يوه برقي ساحه کې چې جهت يې دځمکې دمرکز په طرف دي يې حرکت پاته کيږي که برقي ساحه دهغه چارجونو په واسطه چې د موازي او مخالف چارج شوو هادی سطحو په واسطه چې د  $2.3\text{ cm}$

فاصلي په واسطه جدا شوي وی مینځ ته راغلی وی، د سطحې چارج کثافت ی  
خومره دي، که تختې مشابه چارج شوي فرض شي؟

۱۷- یوازي مستقیم اونري برقي وایر  $\frac{n \cdot C}{m}$  3.60- چارج انتقالوي، سیم دیو مشابه  
سلنډري سطحې په واسطه پوښل شوي چې شعاع یې  $1.50 \text{ cm}$  ده او د سیم سره  
هم محوره دي داستوانې د حجمې چارج کثافت  $\rho$  ټاکل شوي چې داستوانې په  
بهرنۍ برخه کې ساحه صفرده، دهغه مثبت چارج کثافت حساب کړی چې دلته  
ضرورت دي.

۱۸- د  $q = 126 \text{ nC}$  نقطوي چارج دهغه کروي خالیگاه په منځ واقع دی چې  
 $3.66 \text{ cm}$  شعاع لري اودهادي دیوي ټوټې په منځ دی دگاوس دقانون څخه په  
استفادي برقي ساحه هغه وخت پیدا کړی چې (الف) د سطحې دمرکز څخه په  $P_1$   
نقطه کې (ب) په  $P_2$  نقطه کې.



۳-۳۰ شکل: ۱۸ تمرین.

۱۹- یو پروتون دهغې کروي په خارج کې چې شعاع یې  $r = 1.13 \text{ cm}$  ده د

$V = 294 \frac{\text{km}}{\text{sec}}$  په سرعت سره حرکت کوي دکروي پرمخ چارج پیدا کړی؟

۲۰- دوه چارجداره متحدالمرکزه نري کروي قشرونه چې  $10 \text{ cm}$  او  $15 \text{ cm}$  شعاع  
لري په داخلي قشر کې چارج  $40.6 \text{ nC}$  او په خارجي قشر کې چارج  $19.3 \text{ nC}$

دی برقي ساحه په دي حالاتو کې پيدا کړي. (الف) په  $r = 12 \text{ cm}$  (ب) په  $r = 22 \text{ cm}$  (ج) په  $r = 8.18 \text{ cm}$ .

۲۱- دوه اوږدي چارج شوي متحدالمرکز استوانې چې  $3.22$  او  $6.18 \text{ cm}$  شعاع لري، د سطحې چارج کثافت په داخلي استوانه کې  $24.1 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$  او په خارجي استوانه کې  $-18.0 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$  دی په  $r = 4.1 \text{ cm}$  او  $r = 8.20 \text{ cm}$  کې برقي ساحه پيدا کړي؟

۲۲- دیوی اوږدي، غیرهادي استوانوي قشر چې داخلي شعاع یې  $R$  او خارجي شعاع یې  $2R$  ده پرمخ کې مثبت چارج خپور شوي د سطحې په کومه لاندنۍ نقطه کې (په کوم ژوروالي کې) د برقي ساحې شدت د سطحې د قیمت یونیم دي.

۲۳- یو الکترون چې انرژي ده  $115 \text{ kev}$  مستقیمه یو همواره، وی پلاستيکي قشر چې د سطحې چارج کثافت یې  $-2.08 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$  دی فیر شوي له کومې فاصلې باید الکترون فیر شي ترڅو په سطحه د لږیدو سره دننه شي.

۲۴- یو کروي گاوسي سطحه چې مرکزي د چارج یو نامحدود خط دي جوړه کړئ د دي کري د پاسه فلکس حساب کړئ او وښایاست چې د گاوس قانون څخه پیروي کوي؟

۲۵- د  $R$  شعاع لرونکې وی استوانې باندي چارج په مشابه ډول توزیع شوي (الف): وښایاست چې  $\vec{E}$  د  $r$  په فاصله کې د استوانې له محور څخه کله چې  $E = \frac{\rho r}{2\epsilon_0}$  په واسطه را کوی چې دلته  $\rho$  د چارج حجمی کثافت دي (ب): د  $r > R$  څخه څه نتیجه اخیستلای شي؟

۲-۳ د گاوس قانون او هادي اجسام:

۲۲- یو 1.22 m شعاع لرونکې چارجداره هادي چې  $8.13 \mu C/m^2$  د سطحې چارج کثافت لري (الف): په کره باندې چارج پیدا کړئ (ب): د کرې په سطحه برقي ساحه پیدا کړئ. (ج): مجموعي فلکس پیدا کړئ؟

۲۷- دځمکې په اطراف یوه فضا یې بیږې چې الکترون لرونکې ده په حرکت کې ده. څرنگه چې په فضا کې دځمکې سطحه نشته نو هغه چارج چې په نتیجه کې منځ ته راځي د اهمیت وړ دی. او کولای شې الکترونې عنصر له منځه یوسي چې د دوی د خرابولو سبب گرځي. په یوه دوره کې فلزي فضا یې ستلايت چې 1.3m قطر لري او له 2.4 mc چارج سره په دوران کې دی (الف) د چارج سطحی کثافت ی پیدا کړئ (ب) هغه برقي ساحه چې د ستلايت په بهرنۍ سطحه کې منځ ته راځي حساب کړئ؟

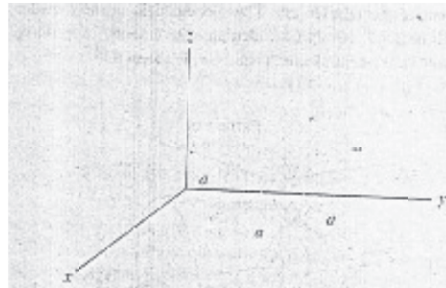
۲۸- ۳-۱۸ معادله یو چارج شوي هادي په سطحه کې  $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$  برقي ساحه لاس ته ورکوي. دامعادله په هغه کره کې چې شعاع یې r ده او د q چارج په خپله سطحه کې لري ونبایاست چې د کرې په خارجې سطحه کې برقي سطحه دهغه نقطوي چارج د برقي سطحې سره مساوي دی چې د کرې په مرکز کې د یو نقطوي چارج له امله منځ ته راغلي.

۲۹- یو فلزي تخته چې 8.0 cm اوږدوالې لري په خپله یوه سطحه  $6.0 \mu C$  چارج لري (الف): د تخته نامحدودوالي په صورت کې د تخته د مرکز څخه 0.5 mm فاصله مرکز ته نږدې برقي ساحه حساب کړئ (ب): په 30 m کې ساحه حساب کړئ؟

سوالونه:

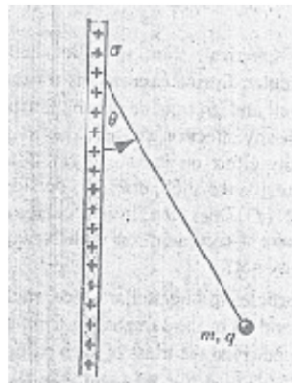
۱- د جاذبي لپاره د گاوس قانون د  $-m$  د  $\oint \vec{g} \cdot d\vec{A} = -\frac{1}{4\pi G} \Phi_R = \frac{1}{4\pi G} \oint \vec{g} \cdot d\vec{A} = -m$  دی، چې  $m$  کتله او  $G$  د نړیوال جاذبې ثابت دی، له دې څخه د نیوټن قانون استخراج کړئ او هم وویاست چې د  $(-)$  علامې اهمیت څه دي؟

۲- په ۳-۳۱ شکل کې د برقي ساحې عناصر له  $E_y = b y^{\frac{1}{2}}$  او  $E_x = E_z = 0$  دي چې په  $b = 8830 \frac{N}{cm^2}$  تاسې پیدا کړئ (a): په مکعب کې فلکس  $\Phi_E$  (b): په مکعب کې چارج که  $a = 13.0 \text{ cm}$  وي.



۳۱-۳ مشکل.

۳- یوه وړوکې کره چې  $m = 1.12 \text{ mg}$  کتله او  $q = 19.7 \text{ nc}$  چارج لري، د ځمکې د جاذبې ساحه کې د یو تاریخه واسطه څوړنده ده او له یوې لوی چارج شوي صفحې سره  $\theta = 27.4^\circ$  زاویه جوړوي د صفحې لپاره د چارج سطحی کثافت  $(\sigma)$  حساب کړئ؟



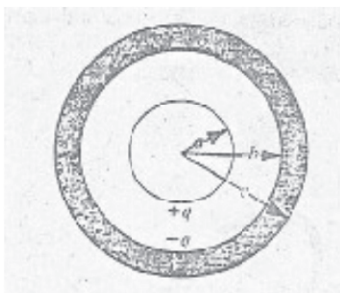
۳-۳۲ شکل: ۳ مشکل.

۴- په ۳-۳۳ شکل کې د  $+q$  چارج د یوې کرې په شکل تنظیم شوي چې شعاع یې  $a$  ده او د یوې کروي هادي قشر په واسطه چې داخلي شعاع یې  $b$  او خارجي شعاع یې  $c$  ده احاطه شوي خارجي سطحه د  $-q$  چارج لري  $E(r)$  په دې حالتو کې پیدا کړئ؟

(a) د کرې په مینځ کې ( $r < a$ ) (b) د کرې او قشر تر مینځ ( $a < r < b$ )

(c) د قشر په مینځ کې ( $b < r < c$ ) (d) د قشر څخه بهر ( $r > c$ )

(e) د قشر په داخل او خارجي کوم چارج راڅرګندېږي؟



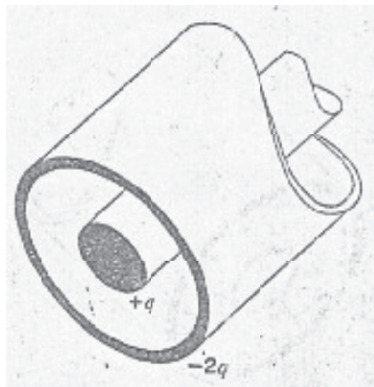
۳-۳۳ شکل: ۴ مشکل.

۵- یو استواني هادي د  $L$  په اوږدوالي سره چې  $+q$  چارج لري د یو  $L$  اوږدوالي لرونکې استواني قشر په واسطه پوښل شوي چې  $-2q$  چارج لري چې په ۳-۳۴ شکل کې یې مقطع ښودل شوي د ګاوس د قانون په اساس داپیدا کړئ؟

(الف) د هادي د قشر په خارجي برخه کې برقي ساحه؟ (ب) په هادي قشر کې د چارج توضیع؟

(ج) د استوانو تر مینځ برقي ساحه.

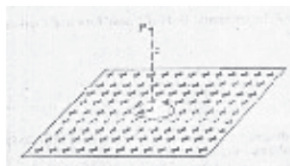




۳-۳۴ شکل: ۵ مشکل.

۲- یو لویه همواره غیرهادي سطحه د  $\sigma$  په کثافت یو چارج لري، ددي ورقي په مینځ کې د  $R$  په شعاع یو سوري جوړ شوي لکه په ۳-۳۵ شکل کې دټولو څنډو څخه بهر دبرقي ساحې څخه په صرف نظر شوی د  $P$  په نقطه کې برقی ساحه پیدا کړی. چه د  $Z$  په محور د  $Z$  په اندازه د سوري د مرکز څخه فاصله لري.

(کمک: ۲-۱۹ معادله وگوری اود قانون څخه ی استفاده وکړئ.)

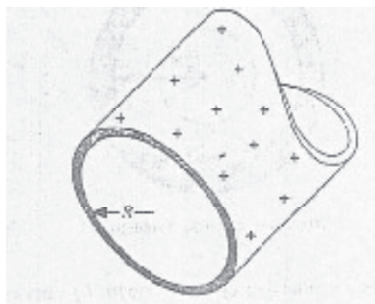


۳-۳۵ شکل: ۲ مشکل.

۷- په ۳-۳۶ شکل کې دیو فلزي تیوب مقطع گوری، چې شعاع یې  $R$  ده او دیو نازک دیوال په واسطه پوښل شوي چې د  $\lambda$  چارج په واحد د طول د سطحی په مخ لري،  $E$  او  $r$  د مختلفو فاصلو لپاره چې د تیوب د محور څخه لری پیدا کړئ. په هغه صورت کې چې:

$$(الف) (r > R) \quad (ب) (r < R)$$

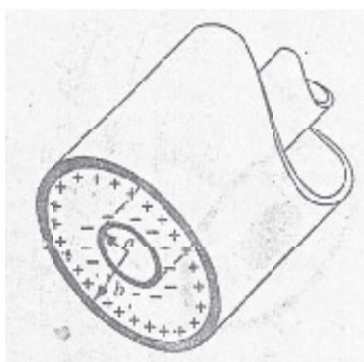
(ج) خپله نتیجه هغه وخت گوري چې  $r = 0$  څخه تر  $r = 5\text{cm}$  وي او  $\kappa = 2 \times 10^{-8} \frac{C}{m}$  وي. (کومک: د گاوس قانون داستوانې سطحې لپاره استعمال کړي چې فلزي ټيوب سره هم محوري.)



۳-۳۲ شکل: ۷ مشکل.

۳-۳۷ شکل ددوه نړيو او اوږدو هم مرکز استوانو مقطع ښايي چې شعاع گانې  $a$  او  $b$  دي استوانه د  $\kappa$  مختلف او مساوي چارج په واحد د طولی نقلوی. د گاوس د قانون استعمال کړي او ثبوت کړئ چې:

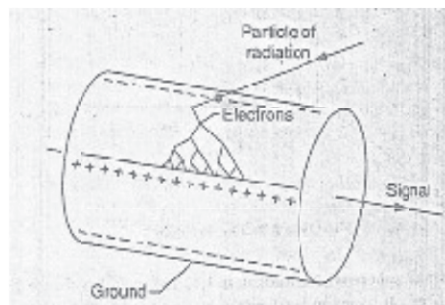
(لف): د ( $r < a$ ) لپاره  $E = 0$ , (ب): او داستوانو په مینځ کې  $E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\kappa}{r}$  سره.



۳-۳۷ شکل: ۸ شکل.

۹- دهنده سي مسائلو په برخه کې (8) سوال يو پوزيترون ښايې چې ديوې استواني سطحې په داخلي کې په دايريوي مسير چې داستواني سره هم مرکز ده دي دوران کوي، ددي حرکتی انرژی په الکترون ولټ پيدا کړي. په هغه صورت کې چې  $\lambda = 30 \frac{nc}{m}$  (ولې ضرورت نشته چې داستواني شعاع وپيژني)؟

۱۰- ۳-۳۸ شکل يو Geiger Counter (دايوناييز کونکې شعاع حسابوونکې) ښي، (counter) يو نري مرکزي سيم چې يو مثبت چارج لري او داستواني هادي پوښ په واسطه احاطه شوي چې په همدې اندازه منفي چارج لري، نو داستواني په داخل کې برقي ساحه يوه قوه رامنځ ته کوي، استوانه يو ټيټ فشار لرونکې نجيبه گاز لري، کله چې داستواني د ديوال څخه دمبله يشن يو وړانگه ننوزي دگاز اتوم ايوناييز کيږي، الکترونونه مثبت سيم ته ځي. برقي ساحه دگاز داتومونو ترمينځ لوړه ده همدارنگه کافي انرژی لري چې دا اتومونه ايوناييز کړي او نور آزاد الکترونونه رامنځ ته کيږي دا پروسه ترهغه وخته دوام کوي چې الکترونونه مثبت سيم ته لاړ شي. دسيم په واسطه دالکترونونو زيات مقدار راجمع کيږي که سيم داخل شعاع  $25 \mu m$  داستواني شعاع  $1.4 cm$  او دتيوب اوږدوالې  $16 cm$  وي داستواني په ديوال کې برقي ساحه  $2.9 \times 10^4 \frac{N}{C}$  ده په داخلي سيم کې د ټول مثبت چارج مقدار معلوم کړي؟



۳-۳۸ شکل: ۱۰ مشکل.

۱۱- يو بي چارج، فلزي کروي نري قشر په خپل مرکز کې د  $q$  نقطوي چارج لري برقي ساحه په دي حالاتو کې پيدا کړي (a) دقشر په داخل کې (b) دگاس دقانون په

واسطه د قشر په بیرون کې (c) ایا قشر د q په ساحه کوم اثر لري؟ (d) آیا q په قشر کوم اثر لري. (e) که د قشر بهر یو بل نقطوي چارج وي. ایا دا چارج کومه قوه احساس کوي. (f) ایا داخلي چارج کومه قوه حس کوي؟ (g) ایا د نیوټن له دریم قانون سره کوم اختلاف دلته شته؟ ولي او یا ولي نشته؟

۱۲- دستور په منځ کې د خاورو مساوي کتله لرونکې ذرات چې یو الکترون لري یوه ثابته کروي او مشابه وریځ جوړوي دهرې ذري کتله پیدا کړئ؟

۱۳-  $(a < r < b)$  کروي ساحه د  $\rho = \frac{A}{r}$  چارج په واحد حجم لري، چې A ثابت دی د احاطه شوي خالیگاه په مرکز  $r = 0$  کې د q یو نقطوي چارج دی د A قیمت به خومره وي ترڅو د  $(a < r < b)$  په ساحه کې برقي ساحه ثابته وي.

۱۴- یو کروي ساحه د  $\rho$  چارج په واحد حجم کې لري، د کروي په منځ کې r د مرکز څخه د P نقطې ته یو وکتور دي، (a) وښایاست چې د کروي په منځ کې برقي ساحه  $\vec{E} = \frac{\rho r}{3\epsilon_0}$  ده. (b) یو کروي خالیگاه د کروي په منځ کې جوړه شوي لکه په ۳۹-۳ شکل کې دځای په ځای کیدو د نظریې په اساس وښایاست چې د خالیگاه په ټولو داخلي نقطو کې  $(E = \frac{\rho \cdot \vec{a}}{3\epsilon_0})$  ده (مشابه ساحه لري) چې دلته  $\vec{a}$  هغه وکتور دي، چې د کروي مرکز د خالیگاه د مرکز سره نښلوي په یاد ولری چې نتایج د کروي او خالیگاه د مرکز څخه خپلواک دي؟



۳۹-۳ شکل: ۱۴ مشکل.

۱۵- وښایاست چې د الکترو ستاتیک قوو ترمنځ ثابت خنثی کول ناممکن دي، (کمک: فرض کړئ چې د p نقطه د  $\vec{E}$  په برقي ساحه کې ده، د q+ چارج که هلته ځای

په ځای شوي وای نو ثابتته خنثي ساحه کې به وو، د  $P$  په اطراف یو کروي ګاوسي سطحه رسم کړئ او فرض کړئ چې  $\vec{E}$  به په دې سطحه کې خومره وي اود ګاوس په قانون سره وښایاست چې دافرضیه اختلاف ښیي. دانتیجه (Earnshaws thearn) په ډول پیژندل شوي.

۱۶- یو مسطحه میله چې د  $d$  پنډوالي لري یو مشابه حجمي کثافت لري، برقي ساحه دفضاء په دې نقطو کې پیدا کړئ؟ (a) په داخل کې (b) دمیلې په بهر کې په دې حالت کې چې د  $x$  فاصله دمیلې له داخلې برخې څخه اندازه شوي وی.

۱۷- یوه جامده غیرهادي کره د  $R$  شعاع لري دچارج غیر مشابه توضیع لري او دچارج کثافت یې  $P = \rho_s \frac{r}{R}$  دي چې  $Ps$  ثابت دی او دکري د مرکزڅخه فاصله ده، وښایاست چې (a) په کره کې ټول چارج  $q = \pi P_s R^3$  دی او (b) دکري په داخل کې برقي ساحه  $(E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{R^4} \cdot r^2)$  ده ؟

۱۸- یو عایق شوي هادي  $+10 \mu C$  چارج لري، دهادي په منځ کې یوه خالیگاه ده چې په منځ کې یې  $q = +3.0mc$  چارج دی. په لاندې ساحو کې خومره چارج دی؟ (a) دخالیگاه په دیوال (b) دهادي په بهرنۍ سطحه.

۱۹- یو هادي کره چې  $q$  چارج لري دیوهادي کروي قشر په واسطه پوښل شوي. (a) دقشر په داخلي سطحه کې چارج خومره دی؟ (b) د  $q$  یو بل چارج دقشر څخه بهر ځای په ځای شوي اوس دقشر په داخلي سطحه کې چارج خومره دی؟ (c) که  $q$  دقشر او کري منځنۍ برخې ته انتقال شي نو دقشر په داخلې برخه کې چارج خومره دی؟ (d) آیا ستاسو جوابونه په هغه صورت کې هم صحیح دي چې قشراو کره هم مرکز نه وي؟

محاسبوي سوالونه:

1. دگاوس قانون دیو عددی محاسبې سره تائید کړئ  $q = 1 \text{ nc}$  نقطوي چارج د کري د سطحې څخه په  $0.5 \text{ m}$  کې واقع دی د کري شعاع  $r = 1.0 \text{ m}$  ده، د کري برقي فلکس حساب کړئ؟
2. دگاوس قانون دیو عددی محاسبې په واسطه تائید کړئ، د  $q = 1 \text{ nc}$  چارج د کري د مرکز او خارجي سطحې ترمنځ واقع دی، د کري شعاع  $r = 1.0 \text{ m}$  ده د کري برقي فلکس حساب کړئ؟
3. د  $q = 1.0 \mu\text{C}$  نقطوي چارج دیو استواني سطحې په محور چي شعاع چي  $r = 0.5 \text{ m}$  او اوږدوالي یې  $L = 3.0 \text{ m}$  ده واقع دی. نقطوي چارج له یوې قاعدې څخه ( $1.0 \text{ m}$ ) فاصله لري، او  $2.0 \text{ m}$  له بلې قاعدې څخه فاصله لري. (a) داستواني په قطع شوي برخې کې فلکس په عددی ډول محاسبه کړئ؟ (b) خپل ځواب په تحلیلي ډول تائید کړئ؟ نوټ: دلته هیڅ انتگرال ته ضرورت نشته.

## څلورم څپرکی

برقي پوتانشیالي انرژي او پوتانشیال:

د ۱۱ څپرکي څخه تر ۱۳ څپرکي پورې، مونږ هغه طریقې (متودونه) زده کړل کومو چې انرژي پورې اړه درلوده. اودغه طریقې مونږ سره په میخانیک باندې دپوهیدلو کومک کوي. یعنې دمیخانیک د مشکلاتوپه حلولو کې یې اسانیتا رامنځ ته کړي.

په ۱۴ څپرکي کې مونږ هغه طریقي استعمال کړي وي چې د پوتانشیالي انرژي د موقعیت او وضعیت په معلومولو ولاړې وي، همدارنګه د ځمکې د جاذبې قوې خواص د ستورو او سپوږمۍ د حرکت په شان معلومېږي مونږ په دې څپرکي کې د الکتروستاتیک د مطالعې لپاره انرژي طریقه (میتود) زده کوو مونږ د برقي پوتانشیالي انرژي څخه شروع کوو، شاید چې مونږ ته الکتروستاتیکي قوه د جاذبوي پوتانشیالي انرژي په شان معرفي کړي. او دا جاذبوي پوتانشیالي انرژي کولی شي جاذبوي قوه تشریح کړي نو بیا د برقي پوتانشیال دا مفهوم په عمومي توګه کولی شي چې دا وښايي چې: څنګه برقي پوتانشیال د چارج په مختلفو جدا او پیوستو توزیعو کې پیدا کولی شو.

#### ۱-۴ پوتانشیالي انرژي:

زیاتي برقي پېښې (حادثې) د زیات مقدار انرژي په انتقال پورې اړه لري د مثال په ډول کله چې د وړیځو بریښنا د ځمکې سره ټکر کوي، په نمونوي توګه د  $10^8$  J یوه انرژي، د رڼا، اواز، حرارت او حیرانونکي څپې په شکل ورڅخه ازادېږي دا انرژي د کوم ځایه او څنګه په وړیځ کې جمع کیږي؟ د دې پوښتنې د پوهیدو لپاره مونږ ګورو چې دا انرژي یوازې د برقي قوو سره اړه لري. د الکتروستاتیک قوې قانون ډیر زیات د جاذبې د قوې د قانون سره مشابهت لري:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad (4-1a) \dots \text{الکتروستاتیک قوه}$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (4-1b) \dots \text{جاذبوي قوه}$$

دغه دواړه قوې د دوه جسمونو ترمنځ د فاصلې د مربع سره معکوساً متناسبې دي، کله چې یو جسم د بل جسم د جاذبې د قوې لاندې د یو ځای څخه بل ځای ته حرکت کوي (کوم چې مونږ فرضوو چې په آرام کې پاتې شي) نو هغه کار چې د جاذبې قوه یې په اولني جسم باندې اجراء کوي یوازې د پیل او پای په نقطو پورې اړه لري او دهغو ترمنځ فاصلې پورې اړه نلري، په (۱-۱۲) برخه کې مونږ هغه قوه چې د اقسام یو خاص خاصیت لري د محافظه کاري قوې (Conservative force) په نوم یاده کړې ده او په (۲-۱۲) برخه کې

مونډې نتيجه ته ورسيدو چې ديوې محافظه کاري قوې لپاره مونډ پوتانشيالي انرژي معرفي کوو. يعنې تعريفوو:

دا چې يو جسم دخپل اولني ځای څخه خپل اخري ځای ته حرکت کوي نو دسيستم پوتانشيالي انرژي  $\Delta U$  يې مساوي ده هغه منفي کار سره کوم چې دقوې په واسطه اجراء شوي:

$$\Delta U = U_f - U_i = -W_{if} = - \int_i^f \vec{F} \cdot d\vec{s} \quad (4-2)$$

$W_{if}$  هغه کار دی چې د  $\vec{F}$  دقوې په واسطه چې جسم د  $i$  څخه  $f$  پورې حرکت کړی دی. په (۲-۱۴) برخه کې مونډ وښودل چې د جاذبې قوې په دې حالت کې چې کله يو جسم د  $m_2$  په کتلي سره د  $r_i$  په فاصله د  $m_1$  دکتلي څخه د  $r_i$  له نقطې څخه د  $r_f$  نقطې ته حرکت کوي. نو دپوتانشيالي انرژي توپير يې مساوي دی:

$$\Delta U = -Gm_1m_2 \left( \frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right) \quad (4-3)$$

دا دپوتانشيالي انرژي تفاوت په ټول سيستم پورې اړه لري چې د  $m_1$  او  $m_2$  کتلو لرونکی دی نه يوازې په يوه جسم پورې که د جاذبې قوې قوانین وضع کړو. نوالکتروستاتيک قوه محافظه کاره (Conservative) قوه ده. نو ځکه پوتانشيالي انرژي يې مربوط ده يعنې اړه لري ديو سيستم دبنې سره په کوم کې چې الکتروستاتيک قوه عمل کوي ولې دغه طريقه د الکتروستاتيک قوو لپاره گټوره ده په ميخانيک کې مونډ زده کړل چې د مشکلاتو د تحليل لپاره دوه طريقې موجودې دي. يوه طريقه يې په قوه (وکتور) ولاړه ده د کومې پواسطه چې مونډ د يو جسم موقعيت او دهغه دسرعت مقدار دحرکت په هره نقطه کې معلومولي شو.

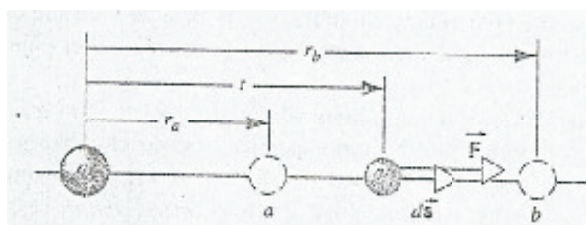
دوهم ميتود يا طريقه په انرژي (سکالر) ولاړه ده چې مونډ د دې په وسيله کولي شو معلومه کړو چې يو سيستم دحرکت پرمهال د شروع له ټاکلي نقطې ترپاي نقطې پورې څنگه بدلېږي. او مونډ به په دې پوه شو چې دواړه طريقې گټورې دي ترڅو د دوه چارج لرونکو جسمونو ترمنځ متقابل عمل مطالعه شي. دلته يوه مهمه ځانگړتيا موجوده ده د



کومې په واسطه چې الکتروستاتیک قوه د جاذبې قوې څخه توپیر کېږي. د جاذبې قوه هر وخت جذب کوونکي خاصیت لري. په داسې حال کې چې الکتروستاتيکي قوه دفعه کوونکي او یا جذب کوونکي کیدلای شي. دغه توپیر د پوتنشیل انرژي په علامه باندې تغیر اچولای شي خو د دوي د ورته والي په هکله زموږ استدلال ته تغیر نه شي ورکولای. یعنې دغه دواړه قوې یو له بل سره ورته دي.

#### ۴-۲ د برېښنا پوتنسیالي انرژي:

په دغه برخه کې موږ الکتروستاتيکي قوه، کومه چې په لومړۍ څپرکۍ کې موږ ولوسته د برقي پوتنشیل انرژي د ترلاسه کولو لپاره استعمالوؤ ځکه دوي دواړه یو پر بل متقابل اثر لري او ددوؤ څخه زیاتو چارجونو د موجودیت حالت هم دلته تشریح کوو د پخوانۍ برخې څخه موږ پوهېږو چې الکتروستاتيکي قوه یوه محافظه کاره قوه ده موږ کولای شو چې پوتنشیل انرژي په هغه وخت کې حساب کړو چې  $q_2$  چارج له  $a$  نقطې څخه د  $b$  نقطې ته حرکت کوي او دغه حرکت د  $q_1$  د چارج د قوې له امله تر سره کېږي که فرض کړو چې دواړه چارجونه مثبت وي لکه (۴-۱ شکل)، کې اوس فرضوؤ که حرکت د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې په هغه کرښه وي چې  $a$  له  $b$  سره تړي (وروسته به دتغیر مکان ټولو ډولو سره اشنا شو) که چېرې موږ د  $q$  په موقعیت کې وؤ او  $r$  د مبداء او  $q_2$  ترمنځ فاصله وي نو د  $d\vec{s}$  وکتور ډېر کوچني تغیر مکان رانښايي چې د  $a$  د نقطې څخه د  $b$  نقطې ته تر سره شوي دی، (۴-۲ شکل) په دغه ډول حرکت کې د  $\vec{F}$  قوه او د  $d\vec{s}$  تغیر مکان د تل لپاره یوه له بل سره موازي وي نو ځکه موږ لرو  $(\vec{F} \cdot d\vec{s} = Fds)$  هغه حرکت چې (۴-۱) شکل کې ښودل شوي دي، دلته  $ds = dr$  دي ځکه چې تغیر مکان د تل لپاره د  $r$  په جهت کې وي



#### ۱-۴ شکل.

د ۴-۲ معادلې په عوض لیکلي شو:

$$\Delta U = - \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{s} = - \int_a^b F dr = - \int_{r_a}^{r_b} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} dr \quad (4-4)$$

که پورتنی انتگرال خلاص کړو نو لرو چې:

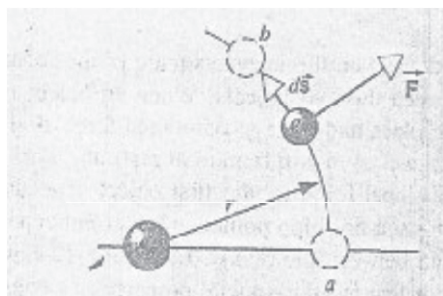
$$\Delta U = U_b - U_a = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_1 q_2 \left( \frac{1}{r_b} - \frac{1}{r_a} \right). \quad (4-5)$$

۴-۵ معادله په دواړو حالاتو کې د تطبیق وړ ده یعنې که د  $q_2$  چارج په طرف او یا له هغه څخه لری وي. که چېرې  $q_2$  د  $q_1$  په طرف حرکت وکړي نو  $\Delta U > 0$  دی، نو په دې حالت کې چارجونه یو له بل سره نږدې حرکت کوي نو د پوتنشیال انرژي ئی زیاتېږي، که چېرې د  $q_2$  چارج د  $q_1$  له چارج څخه لرې حرکت وکړي نو  $r_b > r_a$  او  $\Delta U < 0$  دی نو په دې حالت چارجونه یو له بل څخه جدا او لرې حرکت کوي نو پوتنشیال انرژي ئی کمېږي. ۴-۵ معادله په هغه وخت کې، هم د تطبیق وړ ده چې د چارجونو علامې مثبت وي او یا منفي وي که چېرې دواړه چارجونه منفي وي نو مونږ په وضاحت سره عینی نتیجه ترلاسه کوو، که چېرې چارجونه مخالف علامه وي یعنې یو مثبت او بل منفي وي نو بیا د هغوی ترمنځ قوه د جذب قوه ده، ۱-۴ شکل کې د قوې وکتور په مخالف جهت کې مونږ لرو:

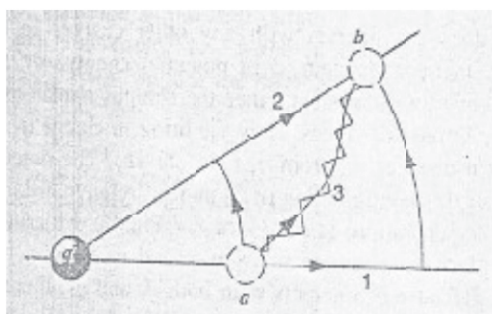
$$\begin{aligned} \vec{F} \cdot d\vec{s} &= -F ds = -F dr = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}, \end{aligned} \quad (4-6)$$

په اخري قدم کې  $q_1 q_2 = -|q_1||q_2|$  کېدای شي که چېرې چارجونه مخالف علامه وي یعنې یو منفي او بل مثبت وي دغه په دقیق ډول همغه انتگرالي تابع ښايي، لکه

۴-۴ معادله کې، نو له دې وجې انتگرال همغه نتیجه ورکوي، کله چې چارجونه مخالفې علامې ولري نو بیا " $q_1, q_2$ " منفي راځي ۴-۵ معادله کې  $\Delta U < 0$  دی، که چېرې چارجونه یو له بل سره نږدې حرکت وکړي. او که چارجونه یو له بله جدا او لرې حرکت وکړي نو بیا  $\Delta U > 0$  وي. که فرض کړو چې  $q_2$  په هغه کرښه حرکت ونه کړي کوم چې  $q_1$  او  $q_2$  یو له بل سره نښلوي لکه ۴-۲ شکل ښايي چې  $q_2$  د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې ته د دایرې د یو قوس په امتداد چې د  $r$  شعاع په واسطه  $q_1$  د مرکز سره نښلول شوي دي د دغه مسیر په اوږدو کې  $\vec{F}$  قوه همیشې په  $d\vec{s}$  باندې عمود ده نو  $\vec{F} \cdot d\vec{s} = 0$  ده دلته الکتروستاتيکي قوه هیڅ کار نه کوي یعنې  $\Delta U = 0$  دی که چېرې  $q_2$  له  $a$  څخه د  $b$  اختیاري نقطې ته حرکت وکړي لکه ۴-۳ شکل کې، موږ کولی شو چې مختلف مسیرونه غوره کړو.



۴-۲ شکل:



۴-۳ شکل.

د مسیر په اوږدو کې یعنی 1 او 2 کې،  $\Delta U$  چې ۴-۵ معادله کې مونږ ته راکړل شوې دی د مسیردشعاعي برخو لپاره او د مسیر د کپې یا *Tangential* برخې لپاره  $\Delta u = 0$  دی، د  $0 > 3$  اختیاري مسیر په لنډ، کپو *Tangential* او شعاعي *Radial* برخو وېشل کېدای شي په هره کپه شوې برخه کې  $\Delta U = 0$  دی په داسې حال کې چې د  $\Delta U$  مکمل قیمت په شعاعي برخو کې د ۴-۵ معادلې په واسطه لاسته راځي.

زمونږ نتیجه داسې ده چې د ۴-۵ معادله، د  $\Delta U$  قیمت په هر مسیر کې راکوي چې د  $a$  او  $b$  ترمنځ وجود لري.  $a$  نقطه د  $q_1$  څخه د  $r_a$  په فاصله او د  $b$  نقطه له  $q$  څخه د  $r_b$  په فاصله واقع ده دلته د نقطې موقعیت مهم نه دی نو موږ ویلي شو چې الکتروستاتيکي قوه محافظه کار قوه ده. د دې معنی دا ده چې تر سره شوې کار د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې ته د حرکت په وخت کې د پوتنشیل انرژي د بدلون په مسیر پورې ارتباط نه لري.

تراوسه پورې موږ د دوه نقطو ترمنځ د پوتنشیل انرژي په توپیر باندې بحث وکړ، یعنې  $\Delta U = U_b - U_a$  نو دغه بحث ته ادامه ورکوو او غواړو چې د  $b$  په ټاکلي نقطه کې د پوتنشیل انرژي معلومه کړو، دلته د  $a$  نقطه د پوتنشیل انرژي د سرچینې په توګه ټاکو او پوتنشیل انرژي د  $a$  په نقطه کې په  $U_a$  سره ښایو اکثر وخت دا مهمه ده چې د سرچینې نقطه باید د دوه چاروونو ترمنځ ډېره جدایی برابره کړي او په عمومي ډول موږ د سرچینې نقطې قیمت  $U_a = 0$  انتخابوو، او د  $b$  نقطه هره نقطه کیدای شي کومه چې د جدایی فاصله یې  $r$  ده نو ۴-۵ معادله داسې شکل غوره کوي:

$$U(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r} \quad (4-7)$$

په دې معادله کې که چیرې د  $q_1$  او  $q_2$  علامې سره یو شان وي نو  $U$  مثبت دی او دا مونږ ته دفع کونکې قوه را ښایي او که چیرې  $q_1$  او  $q_2$  مخالفې علامې ولري نو د  $U$  قیمت منفي دی او دا مونږ ته د جذب قوه را ښایي، که  $7 - 4$  معادله د  $17 - 14$  معادلې سره پرتله کړو، چې موږ ته د جاذبې قوې ( $f_g$ ) پوتنشیل انرژي را ښایي نو  $U(r) = -Gm_1 m_2 / r$  کېږي.

نو موږ دا خبره يادداشت کوو: چې جاذبوي پوتنشيال انرژي هميشه منفي ده ځکه چې د جاذبې قوه تل جاذبه ده او دغه قوه د الکتروستاتيکي پوتانشيالي انرژي له منفي قيمت سره مساوي ده، کله چې چارجونه مخالفې علامې ولري نو قوه د جذب قوه ده.

په الکتروستاتيک کې د انرژي بقا (پايښت):

د دوه چارجونو مجموعي ميخانيکي انرژي (په منفرد سيستم کې)  $E = K + U$  ده. چې ثابت ده. فرضا که د  $q_1$  چارج په يوه ټاکلي ځاي کې واقع وي او د  $q_2$  چارج په يوه ټاکلي فاصله د  $q_1$  څخه خوشې شي که چېرې د دواړو چارجونو علامې يو شان وي نو  $\Delta U < 0$  او د  $q_1$  چارج د  $q_2$  چارج د دفعې قوې په واسطه دفع کېږي. د ميخانيکي انرژي بقا  $\Delta K > 0$  ته ضرورت لري، نو له دې وجې بايد د  $q_2$  سرعت زيات شي که چېرې موږ د  $q_2$  چارج ته د  $q_1$  په طرف حرکت ورکړو د ټاکلي حرکت انرژي په واسطه، نو دلته  $\Delta U > 0$  ده، چې د دوي ترمنځ فاصله کمېږي، نو له دې وجې د انرژي بقا  $\Delta K < 0$  ته اړتيا لري نو ځکه د  $q_2$  چارج سرعت کمېږي. نو پورتنۍ نتيجې برعکس کېږي که چېرې چارجونه مخالفې علامې ولري، چې په دې حالت کې به قوه جذب کوونکې وي.

د دوه چارجونو د سيستم انرژي دکتلو د بقا لپاره يوه بله لاره هم موجوده ده، که فرض کړو چې دوه چارجونه يو شان علامې ولري که دغه دواړه چارجونه په ډېره لويه فاصله يو له بل څخه جدا شي، که چېرې د  $q_2$  چارج ته حرکت ورکړو او د  $q_1$  د چارج څخه يو ټاکلي فاصله ولري، د دې کار ترسره کولو لپاره دلته يو چارجي عامل چې د  $q_1$  چارج ته حرکت ورکړي، دغه عامل بايد يوه قوه وارده کړي ترڅو د  $q_1$  او  $q_2$  ترمنځ الکتروستاتيکي دفعې قوې سره مخالفه وي نو دغه عامل مثبت کار اجرا کوي، نو له دې وجې د سيستم انرژي زياتېږي په پايله کې د دغه خارجي عامل له خوا د ترسره شوي کار له امله د سيستم انرژي د  $\Delta U$  په اندازه زياتېږي يا په بل عبارت دغه خارجي عامل په سيستم کې انرژي ذخيره کړې ده د مثال په ډول کله چې يو خارجي فنرمتر اکم شي نو په حقيقت کې انرژي ذخيره کوي د چارجونو دخوشې کولو سره ذخيره شوې انرژي د حرکت کوونکو

چارجونو د حركي انرژي په ډول موندلې شو كه د دې پرځاي چارگونه مخالفې علامې ولري نو د هغوي ترمنځ الكتروستاتيكي قوه د جذب قوه ده نو دلته خارجي عامل، كوم چې د  $q_2$  چارج ته له لېرې فاصلې څخه د  $q_1$  په لور يو نږدې فاصلې ته حركت وركوي په سيستم باندې منفي خارجي كار اجرا كوي دغه كار د سيستم ذخيره شوي انرژي كموي او له دې وجې د موندلو وړ نه ده. د خارجي عامل پرته د  $q_1$  د  $q_2$  په طرف خپل تعجيل ته دوام وركوي دلته بايد خارجي عامل انرژي مصرف كړي ترڅو په يوه ټاكلي ځاي كې د  $q_2$  د چارج د ساتلو څخه مخنيوي وكړي. كه چېرې د  $q_1$  او  $q_2$  چارگونه يو له بل سره مخالفې علامې ولري او په لنډه فاصله كې حركت شروع كړي نو دلته بيا خارجي عامل مثبت كار تر سره كوي ترڅو د چارجونو ترمنځ فاصله زياته كړي او د دغه كار مقدار  $\Delta U$  سره مساوي دي. كه چېرې موږ دغه مفكوره د اتوم او ماليكول لپاره وكارو نو دغه انرژي اتصالي انرژي ده چې د ايوناييزيشن انرژي په نوم اويا د تفكيك انرژي يادېدلې شي دغه انرژي موږ ته خارجي انرژي را ښايي، كومه چې موږ به بايد تياره كړو. د مثال په ډول كله چې موږ وغواړو د يو اتوم څخه يو الكترون جدا كړو يا يو ماليكول په ايونو ټوټه كړو لكه  $KCl$  د  $K^+$  او  $GL^-$  په ايونو باندې.

۴-۱ پوښتنه: كه چېرې د  $^{238}\text{U}$  په هسته كې د دوه پروتونو ترمنځ فاصله  $6\text{Fm}$  وي نو څومره پوتنشيال انرژي د برقي انرژي سره يو ځاي د دغه دوه زور ترمنځ عمل كوي.

حل: پوهېږو چې  $q_1 = q_2 = +1.60 \times 10^{-19}\text{C}$  دي نوموړد (۴-۵) معادلې څخه لرو چې:

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{6.0 \times 10^{-15} \text{ m}} \\ = 3.8 \times 10^{-14} \text{ J} = 2.4 \times 10^5 \text{ eV} = 240 \text{ keV},$$

كه چېرې موږ  $U = 0$  ونيسو د ترتيب لپاره كومه كې چې پروتونونه يو له بل څخه لرې كوي نو دغه دوه پروتونونه يو له بل څخه نه جدا كېږي ځكه چې دوي ديوې جاذبې قوې په

واسطه یو له بل سره یو ځای شوي دي، کومه چې هستې ته ټینګتیا یا اتصال ور بخښي  
برعکس برقي قوه دومره پوتنشیل انرژي نه لري چې دومره قوي قوه تولید کړي.

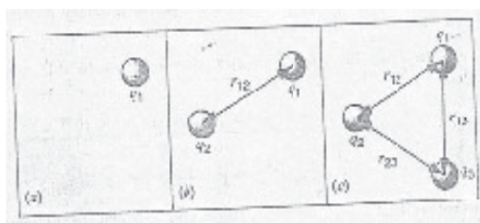
۴-۲ پوښتنه: دوه جسمونه چې د لومړي جسم کتله  $m_1 = 0,0022 \text{ kg}$  او چارج یې  $q_1 = +32 \mu\text{C}$  وي، او د دوهم جسم کتله  $m_2 = 0,0039 \text{ kg}$  او چارج  $q_2 = -18 \mu\text{C}$  وي نو که په لومړي سر کې د هغوي ترمنځ فاصله  $4,6 \text{ cm}$  وي او لومړي جسم په یوه ټاکلي ځای کې ثابت وساتل شي او دوهم جسم خوشې شي نو د دوهم جسم سرعت معلوم کړئ. که د هغوی ترمنځ فاصله په دې وخت کې  $2,3 \text{ cm}$  وي فرض کړئ چې جسمونه د نقطوي چارجونو په شکل وي.

حل: څرنګه چې چارجونه یو بل ته نږدې کېږي نو دلته یواځې الکتروستاتيکي قوه عمل کوي دلته د پوتنشیل انرژي کمېدونکي مقدار د حرکي انرژي په ډول ثابته پاتې کېږي په لومړي سر کې کله چې دوهم جسم خوشې کېږي، دلته  $K_i = 0$  دی او په اخري حالت کې کله چې ددوي ترمنځ فاصله  $2,3 \text{ cm}$  ده، خو دانرژي د بقا قانون په اساس  $U_i + K_i = U_f + K_f$  ده چې دلته  $K_i = 0$  ده نو:

$$\begin{aligned} K_f &= U_i - U_f = -\Delta U = -\frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f} \right) \\ &= - (8,99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) (32 \times 10^{-6} \mu\text{C}) \\ &\quad \times (-18 \times 10^{-6} \mu\text{C}) \left( \frac{1}{0,023 \text{ m}} - \frac{1}{0,046 \text{ m}} \right) \\ &= 113 \text{ J}, \\ v &= \sqrt{\frac{2K_f}{m_2}} = \sqrt{\frac{2(113 \text{ J})}{0,0039 \text{ kg}}} = 240 \text{ m/s}. \end{aligned}$$

اوس د دې پر ځای که چیرې مونږ دوهم جسم ثابت وساتو او لومړي جسم خوشې کړو نو کله چې  $2,3 \text{ cm}$  ته ورسېږي نو حرکي انرژي به همغه  $113 \text{ J}$  قیمت ولري ځکه چې انرژي د ټول سیستم یوه ځانګړتیا ده که چیرې ته مونږ دواړه ذرې یو ځای خوشې کړو چې یو له بله سره یو ځای شي نو  $2,3 \text{ cm}$  فاصله کې د دواړو ذرو مجموعي حرکي انرژي به د  $113 \text{ J}$  سره مساوي وي مونږ دلته د دواړو ذرو سرعت د مومنتم د بقا له مخې موندلې شو.

د چارجونو ديو سيستم پوتنشيال انرژي *Potential Energy of a System of Charges*: که فرض کړو چې مونږ دري چارجونه  $q_1, q_2$ , او  $q_3$  چې یو له بل سره بې نهایته فاصلې لري ولرو په دې حالت کې  $U = 0$  دی دلته غواړو هغه پوتنشيال انرژي پیدا کړو چې د دغو دري چارجونو یو بل ته د نږدې کیدو په نتیجه کې منځ ته راځي، اوس د  $q_1$  چارج د نامحدودي فاصلې څخه راوړو او په یو خاص ځای کې قرار ورکړو، لکه د  $a$  په شکل کې څرنگه چې دغه چارج د کومو نورو چارجونو سره ارتباط نلري نو پدې پروسه کې په پوتنشيال انرژي کې کوم تغیر منځ ته نه راځي، دلته بیا هم په دې سیستم کې مونږه  $U = 0$  لرو ځکه چې چارجونه یو له بل څخه به نا محدودو فاصلو کې قرار لري.



۴-۴ شکل.

اوس که  $q_1$  چارج د  $r_{12}$  په فاصله د  $q_1$  څخه ولرو لکه په  $b$  شکل کې، نو دلته د  $q_1$  او  $q_2$  پوتنشيال انرژي د  $q_1 q_2 / 4\pi\epsilon_0 r_{12}$  څخه عبارت ده اوس که د  $q_3$  چارج راوړو او د  $q_2$  څخه د  $r_{13}$  په فاصله قرار ولرو او د  $q_2$  له چارج څخه د  $r_{23}$  فاصله ولرو لکه  $c$  شکل د پوتنشيال انرژي لپاره دوه اضافي مرستې موجودې دي یعنې  $q_1 q_3 / 4\pi\epsilon_0 r_{13}$  دغه انرژي د  $q_2$  او  $q_3$  چارجونو د متقابل عمل څخه ده او  $q_2 q_3 / 4\pi\epsilon_0 r_{23}$  د  $q_1$  او  $q_2$  چارجونو د متقابل عمل انرژي ده. او د ټول سیستم برقي پوتنشيال انرژي عبارت ده:

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_3}{r_{13}} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2 q_3}{r_{23}}. \quad (4-8)$$

۴-۸ رابطه ښکاره کوي چې پوتنشيال انرژي د یو سیستم ځانګړتیا ده، نه د یو ځانګړي چارج مونږ کولی شو چې دخپلې خوښې د چارجونو یو سیستم برابر کړو دلته نتیجه



کیدونکي ټوله پوتنشیل انرژي، د کوم یو داسي سیستم چه د هغه سیستم د چارجونو د ځای پر ځای کیدو په شکل پوري ارتباط لري. له دغه مثال څخه تاسي کولي شئ. د انرژي د میتود د استعمالولو دا طریقه دیو سیستم د تحلیل او تجزیې لپاره ورڅخه گټه واخلي، کومه مجموعه چې په ۴-۸ رابطه کې ترلاسه کیږي یوه الجبري سکالري مجموعه ده که چیري مونږ وغواړو چې هغه برقي ساحه چې د دري واړو چارجونو په واسطه محاصره شوي وه نو زموږ د ارزیابي لپاره به دغه یو ډیره پیچیده (مشکل) وکتور وي، مخکې مونږ دغه اساس وکاراوه، چې د دوه و چارجونو متقابل عمل دنورو چارونو څخه مستقل دي البته په وکتوري مجموعه کې، دلته مونږ گورو چې د سکالري شرایطو لپاره هم عین نتیجه منځ ته راځي. د مثال په ډول د  $q_1$  او  $q_3$  چارجونو متقابل عمل د  $q_2$  د موجودیت څخه مستقل دي لکه چې پورته مونږ بحث وکړ، چې که چیري خارجي عامل د بې نهایت فاصلي څخه د چارجونو په برابرولو کې مثبت کار وکړي نو ۴-۸ معادلي په واسطه محاسبه شوي پوتنشیل انرژي به مثبت وي. خارجي عامل په حقیقت کې د سیستم په چارجونو کې ذخیره شوي انرژي ده. که چیري چارجونه له خپلو موقعیتونو خوشي شي نو دوي به یو له بل څخه جدا حرکت وکړي په پایله کې به د پوتنشیل انرژي کمه شي خو په څنګ کې به بې حرکي انرژي په هماغه اندازه زیاته شي. که چیري مجموعي پوتنشیل انرژي منفي وي، نو خارجي عامل د سیستم د چارجونو په برابرولو کې منفي کار ترسره کړي دي، نو دلته خارجي عامل باید اضافي انرژي برابره کړي ترڅو د سیستم چارجونه یو له بل څخه جدا او دوبي ته په نامحدودو فاصلو کې حرکت ورکړي د پوتنشیل انرژي په باره کې مفکوره په لاندې ډول سره خلاصه کولای شو.

کله چې چارجونه په ټاکلو نقطو کې قرار ولري انرژي ئی د هغه کار سره مساوي ده، کوم چې دیو خارجي عامل په واسطه ترسره کیږي ترڅو چې سیستم برابر شي یعنې هر چارج باید د هغې په واسطه د بې نهایت فاصلي څخه یوې ټاکلې نقطې ته راوړل شي دا پورته تعریف د پوتنشیل انرژي د سرچینې د نقطې تعریف وه چې د چارجونو تر منځ بې نهایت فاصله وجود ولري دلته د پوتنشیل انرژي د سرچینې نقطې قیمت صفر نیول کیږي.

مثال: ۴-۴ شکل په سیستم کي فرض کړی چې  $r_{12} = r_{13} = r_{23} = d = 12\text{cm}$  وې او  $q_1 = +q$ ,  $q_2 = -4q$  او  $q_3 = +2q$  وي که چیري  $q = 150\text{nC}$  وي نو: د سیستم پوتنشیال انرژي څومره ده، فرض کړی چې  $U = 0$  وي کله چې چارجونه یو له بل څخه بې نهایت فاصله ولري.

حل: د ۴-۸ رابطی څخه لرو:

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{(+q)(-4q)}{d} + \frac{(+q)(+2q)}{d} + \frac{(-4q)(+2q)}{d} \right) \\ &= \frac{10q^2}{4\pi\epsilon_0 d} \\ &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(10)(150 \times 10^{-9} \text{ C})^2}{0.12 \text{ m}} \\ &= -1.7 \times 10^{-2} \text{ J} = -17 \text{ mJ}. \end{aligned}$$

په دې حالت کي منفي پوتنشیال انرژي دا معنی لري چې خارجي عامل منفي کار اجرا کوي چې دغه جوړښت یې برابر کړي دی یعنې خارجي عامل باید  $+17 \text{ mJ}$  کار اجرا کړي ددې لپاره چې دغه جوړښت به مکمل شکل یو له بل څخه جدا کړي

#### ۴-۳ برقي پوتنشیال:

فرض کړو چې په یو سیستم کي د  $q$  یو چارج په ټاکلي نقطه کي لرو، که یو بل چارج د  $q_0$  په نامه چې ازماينستې چارج بلل کېږي، که چیري دغه چارج د  $q$  چارج د تاثیر لاندې د  $r_a$  څخه  $r_b$  ته حرکت وکړي. د پوتنشیال انرژي تغیر  $\Delta U$  د دغه دوه چارجه سیستم ۴-۵ معادلي په اساس محاسبه کولای شو. که چیري د ازماينستې چارج اندازه دوه چنده زیاته شي نو پوتنشیال انرژي به هم دوه چنده تغیر وکړي، که چېرې ازماينستې چارج درې چنده زیات شي، نو پوتنشیال انرژي به هم درې چنده تغیر وکړي.

د پوتنشیل انرژي د آزمایشی چارج د اندازې سره مستقیم ارتباط لري یا په بل عبارت  $\frac{\Delta U}{q_0}$  مقدار یو ثابت مقدار دي او د آزمایشی چارج د جسامت سره رابطه نلري او دا د  $q$  مرکزي چارج یوه ځانګړتیا ده دغه مقدار د الکتروستاتیکي مشکلاتو (مثالونو) په تحلیل کې ډیر موثر پریوځي، که څه هم ډیر مشکل ترتیب شوي چارګونه ولرو، نو مونږ داسي تعریف کوو چې دا دبرقي پوتنشیل توپیر  $\Delta V$  عبارت دی له برقي پوتنشیالي انرژي دتوپیر او د واحد آزمایشی چارج د نسبت څخه یعنې:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q_0} \quad (4-9)$$

یا

$$V_b - V_a = \frac{U_b - U_a}{q_0}. \quad (4-10)$$

د پوتنشیل انرژي غوندي برقي پوتنشیل هم یو سکالري کیمیت دي. معمولاً برقي پوتنشیل به لاندې ډول سره دپوتنشیل په نوم سره یادېږي. دکار او پوتنشیل انرژي په نظر کې نیولو سره چې (۴-۲) معادله کې راکړل شوي ده مونږ کولي شو د پوتنشیل تفاوت دارنګه تعریف کړو:

$$\Delta V = \frac{W_{ab}}{q_0} \dots \dots \dots (4-11)$$

په پورته رابطه کې  $W_{ab}$  هغه مقدار کار دي چې د  $q$  چارج د الکتروستاتیکي قوي په واسطه اجرا شوي دي د په  $q_0$  باندې، هغه وخت کله چې آزمایشی چارج له  $a$  نقطې څخه د  $b$  نقطې ته حرکت کړي وي. د پوتنشیل انرژي لپاره د خپلي خوښي یو مناسبې سرچینې نقطې معلومولو (لکه  $U = 0$  د یوې نامحدودې لومړنۍ فاصلې چارګونو لپاره) مونږ په ۴-۷ معادله کې په لاس راوړو، د پوتنشیل لپاره دیو معلوم شکل لپاره مونږ همدغه کار د برقي پوتنشیل لپاره هم تر سره کولي شو. یواځې په پوتنشیل کې فزیکي ګټې موجودې دي نو مونږ په آزاد ډول د صفر نقطه د سرچینې د نقطې په توګه ټاکلي شو، کله چې پوتنشیل صفر نیسو. البته په هغه نقطو کې چې د  $q$  له چارج څخه په بې نهایت فاصله کې قرار لري نو پوتنشیل عبارت دی له:

$$V = \frac{U}{q_0} \quad (4 - 12)$$

د ډیرو چارجونو په یو معلق ترتیب کې، پوتنسیل مثبت، منفي او حتي صفر کېدای شي. پوتنسیل په هغه نقطه کې چې مثبت چارج ته نږدې واقع وي مثبت دي که چیرې مونږ مثبت ازماينېستي چارج ته د یوې نامحدودې فاصلې څخه دهغې نقطې په لور حرکت ورکړو نو دغه چارج به له یو داسې ځای څخه حرکت کړي وي چې هلته به  $V = 0$  وي او یو داسې ځای ته به رسېدلي وي چې هلته به  $V > 0$  وي، نو په دې ډول  $\Delta V > 0$  وي. د (۴-۹) معادلې په نظر کې نیولو سره  $\Delta U > 0$  وي، نو دا مونږ ته رانښايي چې برقي قوې په ازماينېستي چارج باندې منفي کار ترسره کړي دي همدارنگه که چېرې پوتنسیل د منفي چارج سره په نږدې ټکي کې وکتل شي نو منفي به وي، دلته برقي قوه یو مثبت کار ترسره کوي. کله چې دغه برقي قوه یو مثبت چارج ته د بي نهایت فاصلې څخه د دغې نقطې په لور حرکت ورکوي که چیرې په کومه نقطه کې پوتنسیل صفروي نو دلته برقي قوه کوم خاص کار نه اجرا کوي، ترڅو چې یو ازماينېستي چارج ته له بي نهایت فاصلې څخه د دغې نقطې په لور حرکت ورکړي. که څه هم کېدای شي چې ازماينېستي چارج د دفع یا د جذب د قوې په واسطه له ځینو نقطو څخه تیر شي، که چیرې په یوه نقطه کې پوتنسیل صفروي نو دا معنی نلري چې په هماغه نقطه کې به برقي قوه صفروي.

۴-۹ معادلې په نظر کې نیولو سره د S.I په سیستم کې د پوتنسیل واحد  $\left(\frac{\text{Joul}}{\text{Colmb}}\right)$  راځي چې دغه نسبت په Volt باندې بنودل کېږي چې د  $V$  په توري سره هم په لنډ ډول بنودل کېږي یعنې:

$$1 \text{ Volt} = 1 \text{ joule/coulomb} \quad (4 - 13)$$

په عمومي ډول سره په یوه نقطه کې د پوتنسیل لپاره د ولتیج Voltage کلیمه هم استعمالېږي او د پوتنسیل توپیر پرځای مونږ اکثره وخت د ولتیج توپیر عبارت استعمالوو.

که چیرې مونږ د ولټ متر دوه سرونه د دغه دوه نقطو ترمنځ په برقي دوره کې وصل کړو نو مونږ کولی شو چې د دغو دوه نقطو ترمنځ د ولتیج توپیر یا د پوتنسیل توپیر اندازه

کړو البته د ولټ په حساب مونږ مخکې په دې بحث وکړ چې برقي قوه محافظه کاره ده نو له دې امله د پوتانشيال د انرژي توپير په وخت کې چې يو ازماينستې چارج د دوه ټکو ترمنځ حرکت کوي يواځې د دغه دوه نقطو په موقعيت پورې ارتباط لري نه په هغه مسير پورې چې دغه چارج پري له يوې نقطې څخه بلې نقطې ته حرکت کړي دي، ۴-۹ معادله هم دا په گوته کوي چې د پوتنشيال توپير د مسير څخه مستقل دي همدارنگه د پوتنشيال توپير د دوه ټکو ترمنځ په يوه برقي ساحه کې د هغه مسير څخه چې ازماينستې چارج د حرکت پرمهال له يو نقطې څخه بلې نقطې ته ورباندې ځي (تلل) کوي مستقل دی. د هر ډول اختياري پوتنشيال توپير  $\Delta V$  لپاره چې د چارجونو ترتيب په هر ډول سره وي مونږ کولي شو چې ۴-۹ معادله داسې وليکو:

$$\Delta U = q \cdot \Delta V \quad (4 - 14)$$

پورتنۍ معادله راښايي، چې هر  $q$  چارج چې د دوه نقطو ترمنځ د حرکت په حال کې وي، که دهغه د پوتانشيال توپير  $\Delta V$  وي نو په سيستم کې د  $\Delta U$  په اندازه پوتانشيال انرژي تغير منځ ته راځي. که چيرې پوتانشيال توپير  $\Delta V$  په يوه برخه کې د نورو چارجونو په واسطه برابري نو د  $q$  چارج حرکت دغه د پوتنشيال توپير ته تغير نشي ورکولی. که چېرته ۴-۱۳ معادله په پام کې ونیوله شي يعنې که چيرې  $\Delta V$  په ولټ او چارج په کولمب سره وښودل شي نو د  $\Delta U$  لپاره واحد ژول په لاس راځي.

د ۴-۱۴ معادلې څخه ښکاري چې الکترون ولټ ( $eV$ ) چې مخکې مونږ د انرژي د واحد په توګه لوستلی دی، نو کولای شو چې هغه د پوتانشيال يا د پوتانشيال توپير له تعريف څخه تعريف کړو. که چېرې ولټيج  $\Delta V$  په ولټ سره او  $q$  يا چارج د چارج په لومړنۍ واحد الکترون سره وښودل شي نو د  $\Delta U$  لپاره واحد الکترون ولټ ( $eV$ ) په لاس راځي.

د مثال په ډول که چيرې يو سيستم ولرو چې په هغه کې د کاربن اټوم چې دهغه له هستې څخه شپږ واړه پروتونونه ايستل شوي دي  $q = +6e$  او  $\Delta V = +20 \text{ KV}$  پوتنشيال انرژي توپير سره حرکت ولري، نو د پوتنشيال د انرژي تغيری په لاندې ډول محاسبه کولي شو:

$$\Delta U = q \Delta V = (+6 e)(+20 \text{ kV}) = +120 \text{ KeV}$$

د  $eV$  (الکترون ولټ) په واسطه دا ډول محاسبات هغه وخت قناعت بخښونکي او مهم وي چې کله مونږ د اتومونو یا هستو سره مخامخ کېږو په کوم کي چې چارج د  $e$  الکترون په واسطه په اساني سره محاسبه کېدای شي په یاد ولري چې پوتنشل توپرونه مهم اساسات دي او دا چې ۴-۱۲ معادله د سرچیني په نقطه کي د صفر په اختیاري قیمت پوري ارتباط لري (په نامحدوده فاصله) دغه د سرچیني پوتنشل د نورو قیمتونو په شان هم ټاکل کېدای شي مثلاً  $100 \text{ V}$  همدارنگه کومه بله نقطه هم د سرچیني د نقطې په حیث ټاکل کېدای شي، په زیاتره ځایو کي ځمکه د پوتنشل د منبع په حیث انتخابېږي او قیمت یې هم صفر په نظر کې نیول کېږي د سرچیني د موقعیت او د پوتنشل توپیر قیمت د هوسایي په خاطر انتخابېږي. د خپلي خوښي په نورو ځایو کي کېدای شي همدغه مقدار هر یو پوتنشل ته تغیر ورکړي، خو د دوه نقطو ترمنځ د پوتنشل توپیر ته تغیر نه شي ورکولی.

۴-۴ نمونوي مثال: که چیري د الفا ( $\alpha$ ) زره چې چارج یې  $q = 2e$  په یو هستوي تعجیل سره د ترمینل څخه چې پوتنشل یې  $V_a = +6.5 \times 10^6 \text{ V}$  دي یو بل ترمینل ته چې د پوتنشل توپیر یې  $V_b = 0$  دي نو:

(a): تاسو په دغه سیستم کی د پوتنشل انرژي د تغیر مقدار معلوم کړي؟

(b): فرض کړئ، که چیري ترمینالونه او دهغوي چارجونه حرکت ونه کړي او هیڅ کوم بهرنی قوه په سیستم باندې عمل ونه کړي، نو تاسو د دغه ذري د حرکتی انرژي تغیر پیدا کړئ؟

حل: (a): له ۴-۱۴ معادلې څخه موږ لرو چې:

$$\begin{aligned} \Delta U &= U_b - U_a = q(V_b - V_a) \\ &= (+2)(1.6 \times 10^{-19} \text{ C})(0 - 6.5 \times 10^6 \text{ V}) \\ &= -2.1 \times 10^{-12} \text{ J} \end{aligned}$$

(b): که چیري کومه بهرني قوه په سیستم باندي عمل ونه کړي نو د سیستم میخانیکي انرژی  $E = U + K$  باید ثابت پاتې شي څرنگه چې  $\Delta E = \Delta U + \Delta K = 0$  نو له دې وجې:

$$\Delta K = -\Delta U = +2.1 \times 10^{-12} \text{ J}$$

دالفا ذره  $2.1 \times 10^{-12} \text{ J}$  حرکي انرژی جذبي، په همدې ډول یوه ذره چې د ځمکې د جاذبي میدان ته رالویږي نو حرکي انرژی ترلاسه کوي د نتیجې د ساده والي لپاره تاسو کولی شي چې دغه سوال کې انرژی د  $eV$  الکترون ولټ په واحد سره هم اندازه کړئ. ۴-۴ له ساحې څخه د پوتنشیل محاسبه:

تر اوسه پورې مونږ برقي چارجونه او دهغوي یو پر بل باندي متقابل تاثیر د څلور بیلابیلو ځانګړتیاؤ په نظر کې نیولو سره مشخص کړل یعنی برقي قوه، برقي ساحه، پوتنشیل توپیر برقي پوتنشیل انرژی چې د برقي پوتنشیل له مخې په ۴-۱ جدول کې دغه څلور ځانګړتیاوې بنودل شوي دي له دې څلورو ځانګړتیاو څخه دوه یعنی برقي قوه او برقي ساحه وکتوري دي او دوه نور یې یعنی پوتنشیل انرژی او پوتنشیل توپیر سکالري دي. له دغو څخه دوه ځانګړتیاوې یعنی قوه او پوتنشیل انرژی د دوه ذرو ترمنځ متقابل عمل، مشخص کوي او پاتې دوه نورې ځانګړنې یعنی برقي ساحه او پوتنشیل په یوه نقطه کې په یوه ساحه باندي دیو واحد چارج او یا د چارجونو د یوې مجموعې تاثیر ښايي. په جدول کې دوه طرفه تیر یا غشي ښايي چې څنګ په څنګ مقدارونه یو له بل څخه محاسبه کیدای شي. د مثال په ډول:

د برقي ساحې شدت یعنی  $\vec{E}$  د قوي  $\vec{F}$  له جنسه ۳-۴ معادله، پوتنشیال انرژی  $U$  د قوي  $\vec{F}$  له جنسه ۴-۴ او پوتنشیال  $V$  د پوتنشیال انرژی  $U$  له جنسه ۴-۱۲ معادله اوس مونږ څلورمه رابطه یعنی د پوتنشیال  $\propto$  او د برقي ساحې د شدت  $E$  ترمنځ رابطه مطالعه کوو. د پوتنشل او د برقي ساحې شدت یعنی  $v$  او  $\vec{E}$  ترمنځ اړیکه په ۴-۱۱ معادلي کې د پوتنشیل له تعریف څخه  $\Delta V = -W_{ab}/q_0$  داسې لاسته راوړو، فرض کړئ چې مونږ د

$q_0$  از مابینستی چارج ته په یوه برقي ساحه کي د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې په لور حرکت ورکوو که د برقي ساحې شدت  $\vec{E}$  وي غواړو هغه کار چي د برقي قوي  $\vec{F} = q_0 \vec{E}$  په واسطه سرته رسیدلي دي محاسبه کړو نو لرو چي:

$$\Delta V = \frac{-W_{ab}}{q_0} = \frac{-\int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{s}}{q_0} = \frac{-\int_a^b q_0 \vec{E} \cdot d\vec{s}}{q_0}$$

یا

$$\Delta V = V_b - V_a = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad (4-15)$$

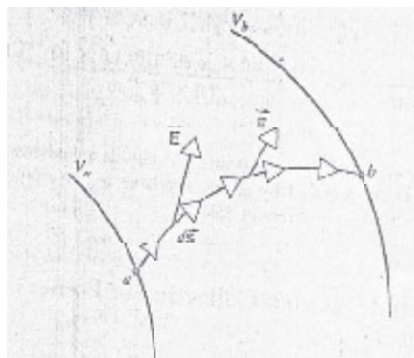
که چیري برقي ساحه د  $d\vec{s}$  په جهت کي وي، نو بیا په ۴-۱۵ معادله کي انتیگرال مثبت دي نو بیا به پوتنشیل توپیر منفي لاسته راځي نو  $V_b < V_a$  وي، نو دلته برقي ساحه مثبت چارج شوي زړې ته د لوړ پوتنشیل له نقطې څخه ټیټ پوتنشل د نقطې په لور حرکت ورکوي او منفي چارج شوي ذرې ته د پورتنی شکل په مخالف جهت حرکت ورکوي

۴-۱ جدول: د برقي چارج خواص

سکالري څپرڼه	وکتوري څپرڼه	
پوتنشیل انرژي $U$	قوه $\vec{F}$	د دو چارجونو متقابل عمل
پوتنشیل $V$	برقي ساحه $\vec{E}$	د فضا په یوه نقطه کي دیوه او یا څو چارجونو تاثیر

د ۴-۱۵ معادلې انتي گرال ته خطي *line Intergral* انتي گرال هم وایي.





۴-۵ شکل: د  $a$  او  $b$  نقطو ترمنځ د پوتنشل توپیر کولای شو چې د  $ab$  په مسیر  $b$  کې  $\vec{E}$  وکتور د کرنې دانتی گرال څخه محاسبه کیدای شی.

د ۴-۵ د کرنې انتیگرال محاسبه واضح کوي. فرضا مونږ له  $a$  څخه د  $b$  نقطې ته منحنی حرکت په یو مناسب مسیر تر سره کوو، موږ پوهیږو چې د پوتنشل توپیر د مسیر څخه یو مستقل مقدار دی نو د ۴-۱۵ له معادلي څخه مونږ ته عینې نتیجه په لاس راځي او کوم توپیر په کې نه راځي که هر قسم مسیر مونږ انتخاب کړي وي.

په عمومي ډول د  $\vec{E}$  یا د برقي ساحې جهت او مقدار امکان لري چې د مسیر په اوږدو کې له یوې نقطې څخه بلې نقطې ته تغیر و خوري، د مسیر په هره نقطه کې موږ کولی شو چې د برقي ساحې د شدت  $\vec{E}$  او د مسیر د اوږدوالي  $d\vec{s}$  ترمنځ نقطه کې یې حاصل ضرب پیدا کړو (او مونږ دغه نقطه یې د ضرب حاصلو نه، ټول مسیر ته اضافه کوو.

لکه څنګه چې مونږ په ۴-۳ برخه کې څه تر سره کړل، نو که چېرې مونږ وغواړو چې په یوه ټاکلي نقطه کې پوتنشل پیدا کړو نو د ځینو انتخاب شوو پوتنشلو په نظر کې نیولو سره په غیر دهغه پوتنشل څخه چې ۱۵-۴ معادله کې ئې مونږ لرو پیدا کړو، که چیرې مونږ د سرچینې نقطه په بې نهایت کې انتخاب کړو او  $V = 0$  تعریف کړو د منبع یا سرچینې په ډول، نو ۱۵-۴ معادله د  $p$  په نقطه کې پوتنشل په لاندې ډول راځي:

$$V_p = - \int_{\infty}^p \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad (4-16)$$

۴-۵ مثال: ۴-۶ شکل ته وگوری د  $q_0$  یوازمايښتي چارج د  $\vec{E}$  په یو نواخت برقي ساحه کې د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې ته د  $acb$  په مسیر حرکت کوي نو تاسې د  $a$  او  $b$  ترمنځ د پوتانشیال توپیر پیدا کړی؟

حل: د  $ac$  د مسیر لپاره مونږ د ۴-۱۵ معادلې څخه لرو:

$$\begin{aligned} V_c - V_a &= - \int_a^c \vec{E} \cdot d\vec{s} = - \int_a^c E ds \cos(\pi - \theta) \\ &= E \cos \theta \int_a^c ds. \end{aligned}$$

دا انتگرال د  $ac$  د کرني اوږدوالي دي چې  $\frac{L}{\cos \theta}$  سره مساوي دی نو په دې ډول مونږ لرو:

$$V_c - V_a = E \cos \theta \frac{L}{\cos \theta} = EL$$

$C$  او  $b$  نقطه عین پوتنشیال لري ځکه د دغو دوو نقطو ترمنځ د چارج د انتقال په جریان کې هېڅ کوم کار نه ترسره کېږي. د  $cb$  په مسیر کې د ټولو نقطو لپاره د  $\vec{E}$  او  $d\vec{s}$  مقدار په قایم زاویو کې موندلی شو نو موږ لرو:

$$V_b - V_a = (V_b - V_c) + (V_c - V_a) = 0 + EL = EL$$

دغه هم عینې نتیجه ده چې کومه د  $a$  او  $b$  نقطو ترمنځ د مستقیم مسیر لپاره راوتلی وه، نو نتیجه یې دا ده چې د پوتانشیال توپیر د دوه نقطو ترمنځ د مسیر څخه یو مستقل کمیت دی.



۴-۲ شکل: د ۴-۵ مثال شکل د  $q_0$  ازماينېتي چارج د  $acb$  په ميرباندي د  $\vec{E}$  په يوه متجانسه برقي ساحه کي د حرکت په حال کي دي.

۴-۵ د نقطوي چارجونو له امله پوتنشيال:

په دغه برخه کي مونږ هغه څه چي په تيرو برخو کي مو ولوستل استعمالوو. ترڅو چي د نقطوي چارجونو لپاره په بيلا بيلو نقطو کي پوتنشيال لاسته راوړو په راتلونکي برخه کي مونږ په هغه پوتنشيال بحث کوو چي د جاري چارجونو د نشر له امله منځ ته راځي. لومړي مونږ هغه پوتنشيال په نظر کي نيسو چي د  $q$  مثبت نقطوي چارج له امله منځ ته راځي، فرض کړي چې د  $q_0$  يو ازماينېتي نقطوي چارج د  $q$  په مجاورت کي د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې ته حرکت کوي مونږ کوشش کوو چي د ازماينېتي چارج استعمال سره د  $a$  او  $b$  نقطو ترمنځ د  $q$  له امله راپيدا شوي دي، ددې لپاره مونږ کولای شو. ۱- ۴ هندسي شکل وکاره وه، داسې چې: د  $q_1$  او  $q_2$  پر ځای  $q_0$  وضع کوو مونږ ددې حالت لپاره د مخکې نه د پوتانشيال دانرژي توپير  $\Delta U$  موندلی دی، کومه چې په ۴-۵ معادله کې د دوه نقطوي چارجونو لپاره راکړل شوي دي، که چېرې ۴-۵ معادله د  $q_0$  چارجونو لپاره او ۴-۹ معادله د پوتنشيال توپير لپاره وکاروو نو مونږ لرو چې:

$$V_b - V_a = \frac{U_b - U_a}{q_0} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_b} - \frac{1}{r_a} \right). \quad (4-17)$$

لکه چې مونږ په ۴-۲ برخه کې په دې بحث وکړ، ۴-۵ معادله دا څرگنده وي چې که د  $a$  او  $b$  نقطې په یوه کرښه باندې پرتې وي یا نه وي، پورتنۍ معادله د تطبیق وړ ده او ۴-۷ معادله هم د پوتانشیال توپیر د حاصلولو لپاره د تطبیق وړ ده، د  $a$  او  $b$  هرو دوه نقطو تر منځ د پوتانشیال د توپیر پرته مونږ کولای شو چې د  $q$  نقطې په مجاورت کې په یوه ځانګړي نقطه کې هم پیدا کولی شو، ۴-۷ معادله مونږ ته د دوه نقطوي چارجونو د متقابل عمل له امله را پیدا شوي پوتنشیل انرژي  $U$  په لاس راګوي، په دې حالت کې د سرچینې نقطه په بې نهایت کې ټاکل کېږي او دهغې لپاره  $U = 0$  تعریف کوو او مونږ کولي شو چې ۴-۷ معادله چې د  $q$  او  $q_0$  چارجونو لپاره لیکل شوې ده استعمال کړو او د ۴-۷ معادلې په استعمال سره مونږ کولي شو چې په یوه نقطه کې پوتنشیل پیدا کړو:

$$V = \frac{U}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}, \quad (4-18)$$

پورته معادله مونږ ته د  $q$  له چارج څخه د  $r$  په فاصله په هره نقطه کې پوتنشل په ګوته کوي، باید یادونه وکړو چې ۴-۱۸ معادله کیدای شي چې په مستقیم ډول د ۴-۱۷ معادلې څخه هم په لاس راشي داسې چې د سرچینې شرایط یعنې  $V_a = 0$  او  $r_a = \alpha$  په کې وضع کوو. ۴-۱۸ معادله څرګنده وي چې د یو نقطوي مثبت چارج پونسیال په لویه فاصله کې صفر دی. او هر څومره چې مونږ چارج ته نږدې کېږو یعنې  $r \rightarrow 0$  نو د پوتانشیال مقدار مثبت زیاتوالي طرف ته ځي که چیرې  $q$  چارج منفي وي نو چارج ته په نږدې کیدو سره د پوتنشیل مقدار منفي زیاتوالي طرف ته ورځي، په یاد ولری چې دوروستۍ نتیجې په محاسبه کې، د  $q_0$  ازمايښتي چارج په علامه پورې دومره اړ نه لري ۴-۷ شکل، د مثبت او منفي نقطوي چارجونو څخه د یو بل چارج د فاصلې په نظر کې نیولو سره پوتنشیل مقدار راښایي یعنې د فاصلې په زیاتوالي او کموالي سره د پوتنشیل د تغیر څخه بحث کوي. ۴-۷ شکل پوتنشیل په یو بعد کې (انتخاب شوي د  $x$  په محور) د پوتنشیل توپیر  $a$  د مثبت نقطوي چارج لپاره او  $b$  د منفي نقطوي چارج د زیاتوالي لپاره کله چې د لایتناهي څخه صفر ته راوړل شي. د یو مثبت ځانګړي نقطوي

چارچ لپاره پوتنشل هر چيرته مثبت او د يو منفی ځانگړي نقطوی چارچ لپاره پوتنشل هر چيرته منفی وي.

۴-۲ نمونوي مثال: د مثبت نقطوي چارچ مقدار به څومره وي؟ چي له چارچ څخه  $15\text{cm}$  فاصله ولري او د پوتنشل توپيری  $+120\text{ V}$  وي، فرض کړي چي په بې نهايت کې  $V = 0$  وي.

حل: د  $q$  لپاره ۴-۱۸ معادله حل کوو:

$$q = 4\pi\epsilon_0 r^2 V = (4\pi)(8.9 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(0.15 \text{ m})(120 \text{ V}) \\ = 2.0 \times 10^{-9} \text{ C} = 2.0 \text{ nC}.$$

دغه چارچ د هغه چارجونو سره دمقایسي وړ دي چي د اصطکاک په واسطه تولیدیږي لکه د بالون *Balloon* سولول.

۴-۷ نمونوي مثال: د طلا د هستي په سطحه کي برقي پوتنشل پیدا کړی، که چيري يې شعاع يې  $7.0 \times 10^{-15} \text{ m}$  او اتومي نمبر يې  $Z = 79$  وي؟

حل: دلته په هسته منظم کروي شکل فرض کيږي، کوم چي دخارجي نقطو لپاره د يو برقي نقطوی چارچ په ډول عمل کوي نو په دي ډول مونږ ۴-۱۸ معادله استعمالولي شو چي دلته  $q = +79e$  دي نو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r} = \frac{(9.0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(79)(1.6 \times 10^{-19} \text{ C})}{7.0 \times 10^{-15} \text{ m}} \\ = 1.6 \times 10^7 \text{ V}.$$

دغه لوي مثبت پوتنشل توپير د طلا د اتوم څخه بهر هيڅ تاثیر نه لري چي دغه پوتنشل توپير د مساوي منفي پوتنشل له خوا چي د طلا د ۷۹ اتومي الکترونو په واسطه له منځه ځي.

د څو نقطوي چارجونو د يو مجموعی له امله پوتانشيال:

فرض کړی، که چيري مونږ  $n$  شمير نقطوي چارجونه د  $q_1, q_2, \dots, q_n$  ولرو، چي په مختلفو ټاکلو نقطو کي قرار ولري، ۸-۴ شکل مونږ غواړو چي د  $p$  په يوه اختياري

نقطه کي د دغه چارجونو له امله را پيدا شوي پوتنشيال پيدا کړو د دي پوتنشيال د محاسبې طرز العمل داسي دي چي لومړي د  $p$  په نقطه کي دهر چارج پوتنشيال داسي پيدا کوو داسي فرض کړي چي دغه نور چارجونه په هغه وخت کي موجود نه وي. بيا دغه ټول پوتنشيالونه يو له بل سره جمع کوو نو مجموعي پوتنشيال په لاس را کوي يعني:

$$V = V_1 + V_2 + \dots + V_N$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r_1} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{r_2} + \dots + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_N}{r_N}, \quad (4-19)$$

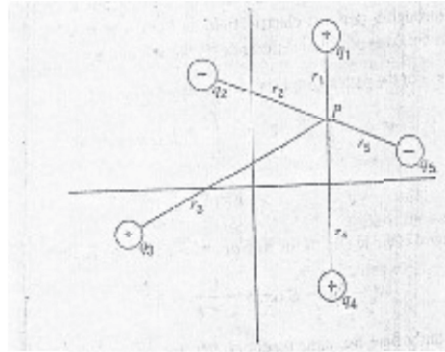
چي په لنډ ډول يي داسي هم ليکلی شو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{n=1}^N \frac{q_n}{r_n} \quad (4-20)$$

په پورتنی معادله کي  $q_n$  د  $n$  ام چارج مقدار او  $r_n$  د  $P$  له نقطې څخه د  $n$  ام چارج فاصله ده، په کوم ځاي کي چي مونږ غواړو پوتنشيال پيدا کړو. مونږ کولي شو چي ۴- ۲۰ معادله د مثال په ډول دهغه کار د موندلو لپاره وکارو، چي د بي نهايت څخه د  $p$  نقطې ته د  $q_0$  د ازماينستې چارج د انتقال په وخت کي تر سره کيږي، ۴-۸ شکل، د دي محاسبې لپاره مونږ گورو چي د پوتنشيال استعمال چي يو سکالري کميت دي نظر قوي ته چي يو وکتوري کميت دي ډير گټور دي.

په  $p$  نقطه کي په ازماينستې چارج باندي د خالصي قوي د مقدار د پيدا کولو لپاره ضرور ده چي وکتوري مجموعه پيدا کړو. د پوتنشيال سکالري محاسبه ډيره اسانه او ساده ده.

په دي محاسبه کي مونږ د پوتنشيال توپير دهر چارج څخه پيدا کوو، داسي لکه نور چارجونه چي هلته موجود نه وي په دې هکله په لومړي څپرکي کې بحث شوي دي.



۴-۸ شکل: څو نقطوي چارجونه

۴-۸ نمونوي مثال: ۴-۹ شکل ته نظر و اچوي تاسو د  $p$  په نقطه کي چي د نقطوي چارجونو د مربع په مرکز که واقع د پوتنشيال توپير پيدا کړئ، فرض کړئ چي د مربع دي قطر  $d = 1.3m$  او چارجونه يي په لاندې ډول دي:

$$\begin{array}{ll} q_1 = +12 \text{ nC}, & q_2 = +31 \text{ nC}, \\ q_3 = -24 \text{ nC}, & q_4 = +17 \text{ nC}. \end{array}$$

حل: ۴-۲۰ څخه مونږ لرو:

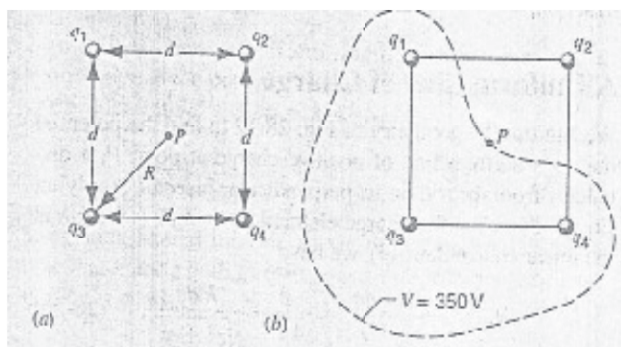
$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_n \frac{q_n}{r_n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 + q_2 + q_3 + q_4}{R}$$

دلته  $R$  د مربع د مرکز څخه د هر چارج فاصله ده چي  $d/\sqrt{2}$  او  $0.919 \text{ m}$  سره مساوي ده نو مونږ لرو:

$$\begin{aligned} V &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(12 - 24 + 31 + 17) \times 10^{-9} \text{ C}}{0.919 \text{ m}} \\ &= 3.5 \times 10^2 \text{ V}. \end{aligned}$$

په ۴-۹ شکل کې له دري مثبتو چارجونو څخه د هر چارج څخه په نږدې فاصله کي پوتنشيال ډير لوي مثبت قيمتونه اخيستلي شي او د يو منفي چارج سره په نږدې فاصله کي لوي منفي قيمتونه اخيستلي شي. دلته کيداي شي چي د مربع په سرحدونو کي نوري

نقطي هم وجود ولري چي د  $P$  د نقطې غوندي عین پوتنشیل ولري په  $b$  ۹-۴ شکل کې د ډاس کرښه په مستوي کې هغه نقطې سره یو ځای کوي چي د پوتنشیل عین قیمت لري وروسته به موږ په ۴-۸ برخه د هم پوتنشیل سطحو په باره کې بحث وکړو کوم چي مونږ ته د یو چارج بیلابیل پوتنشیلونه ښکاره کوي.



۹-۴ شکل: (a) څلور چارجونه د مربع په کونجونو کې واقع دي (b) منځني کرښه هغه نقطې سره یو ځای کوي چي د  $P$  نقطې غوندي پوتنشیل لري چي د مربع په مرکز کې واقع ده یعنې  $350\text{ V}$

د بریښنايي ډایپول په واسطه (Potential due to an electric dipole): پوتنشیل

د بریښنايي ډایپول له امله را پیدا شوي پوتنشیل د ۴-۲۰ معادلي څخه په اسانۍ سره محاسبه کیدای شي په ۴-۱۰ شکل کې هندسي محاسبه ښودل شوي ده، موږ دلته د هم اهنګ سیستم مبدا د ډایپول په مرکز کې انتخاب وؤ او د  $P$  په نقطه کې برقي پوتنشیل پیدا کوو، کوم چي د ډایپول له مرکز څخه د  $r$  په فاصله کې واقع دی او د ډایپول محور د  $Z$  له محور سره د  $\theta$  زاویه جوړه وي د  $P$  له نقطې څخه د مثبت او منفي چارجونو فاصلي په ترتیب سره  $r_+$  او  $r_-$  دي د ۴-۲۰ معادلي په استعمال سره موږ پوتنشیل په لاندې ډول پیدا کوو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{q}{r_+} + \frac{-q}{r_-} \right) \quad (4-21)$$



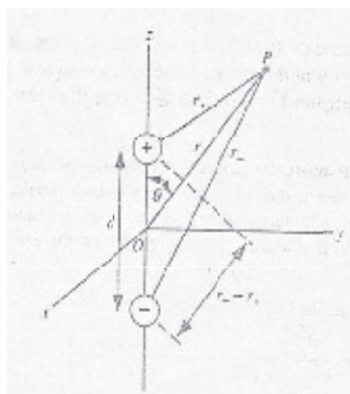
پورتنی. معادله د دایپول پوتنشیل دقیقه معادله ده، مگر په ډیرو نورو حالاتو کې مثلاً په اتومي یا مالیکولي دایپولونو کې موږ ډیر گټوري اړیکې پري پیدا کولی شو. کله چې زموږ د کتنې  $p$  نقطه د دایپول څخه ډیره لرې واقع وي د  $d$  فاصلې په نسبت چې د چارجونو ترمنځ ده په دې حالت کې  $r \gg d$  وي نو:

$$r_- - r_+ \approx d \cos \theta \quad \text{and} \quad r_- r_+ \approx r^2,$$

او په ۲۱-۴ معادله کې د دغه قیمت په وضع کولو سره مونږ لرو چې:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qd \cos \theta}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p \cos \theta}{r^2}, \quad (4-22)$$

په پورتنۍ رابطه کې  $p = q \cdot d$  موږ ۲-۸ معادله د دایپول مومنټ لپاره استعمال کړي وه، ۲۲-۴ معادله موږ ته د فضا په هره نقطه کې د دایپول له امله پوتنشیل په گوته کوي، دلته دایپول د  $Z$  په محور د دوران لپاره استوانوي توازن Cylindrical symmetry لري نو له دې وجې ۲۲-۴ معادله د هغو نقطو لپاره صدق کوي کومې چې د ۱۰-۴ شکل د ډیاگرام په مستوي کې واقع نه وي.



۱۰-۴ شکل: د  $p$  په نقطه کې د بریښنايي دایپول له امله د راپیدا شوي پوتانشیال هندسي محاسبه.

دا مو بايد په ياد وي چې دايپول د پوتنشيال تغيرات په  $1/r^2$  په تغيراتو پوري اړه لري په داسي حال کي چې يو ځانگړی (منفرد) چارج (Single Charge) د پوتنشيال تغيرات  $1/r$  په تغيراتو پوري اړه لري ۱۰-۴ شکل، هغه نقطې چې د  $xy$  په مستوي کي واقع دي کله چې په ۲۲-۴ معادله کې د  $\theta = 90^\circ$  لپاره قيمت وضع شي نو  $v = 0$  لاس ته راځي، دا خبره دا معني لري چې کله مونږ د بي نهايت څخه يو ازمايښتي چارج ته دهغي نقطې په لور حرکت ورکوو چې د  $xy$  په مستوي کي واقع وي نو دايپول دلته ازمايښتي چارج باندې کوم خاص کار نه تر سره کوي، کله چې راکړل شوي وي نو د  $z$  په مثبت محور باندې، لکه  $\theta = 0^\circ$  وي نو پوتنشيال مثبت قيمت اخلي او کله چې  $\theta = 90^\circ$  وي نو پوتنشيال د صفر قيمت او کله چې  $\theta = 180^\circ$  وي نو پوتنشيال منفي قيمت اخلي البته  $\theta = 0^\circ$  د  $z$  په مثبت محور باندې  $\theta = 90^\circ$  د  $xy$  په مستوي کي، او د  $\theta = 180^\circ$  د  $z$  په منفي محور باندې دی. بايد په ياد ولري که څه هم د  $xy$  په مستوي کي  $V = 0$  دي نو دا خبره سمه نده چې بايد د  $xy$  په مستوي کي  $\vec{E} = 0$  وي، په عمومي ډول سره مونږ نه شو فرض کولې چې که چيري  $V = 0$  وي، نو بايد حتمادې  $\vec{E} = 0$  وي، او يا دا چې کله  $\vec{E} = 0$  وي، نو بايد  $V = 0$  وي.

۹-۴ نمونوي مثال: ۱۱-۴ شکل وگوري يو برېښنايي څلور قطبي Electric quadrupole کوم چی ددوه برېښنايي دايپولونه (قطبونه) لري په داسي ډول سره ترتيب شوي دي چې تقريبا په مکمل شکل يو د بل برېښنايي تاثيرات په ليري نقطو کي له منځه وړي تاسو د دغه Quadrupole په محور باندې د  $V(r)$  قيمت محاسبه کړي؟

حل: ۲۰-۴ معادله د ۱۱-۴ شکل لپاره کارؤو:

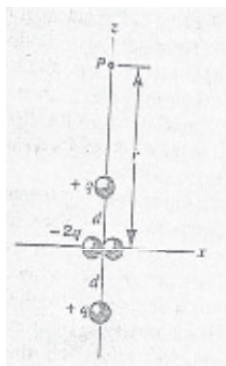
$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{q}{r-d} + \frac{-2q}{r} + \frac{q}{r+d} \right)$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2qd^2}{r(r^2 - d^2)} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2qd^2}{r^3(1 - d^2/r^2)}$$

څرنگه چې د  $r \ll d$  د نو  $d^2/r^2$  د قیمت څخه صرف نظر کوو او په  $d^2/r^2$  سره وضع کوو نو پدې حالت کې پوتنشل مساوي دي په:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \quad (4-23)$$

په دې معادله کې د  $Q = 2qd^2$  د څلور قطبي برېښنايي مومنټ د ۴-۱۱ شکل د چارج د مجموعې لپاره دي، باید په پام کې وساتي چې د نقطوي چارج پوتنشل تغیرات د  $1/r$  په تغیراتو پورې اړه لري د ډایپول پوتنشل تغیرات په  $1/r^2$  په تغیراتو پورې او د څلور قطبي پوتنشل تغیرات د  $1/r^3$  په تغیراتو پورې اړه لري، باید دا موهم په یاد وي چې ډایپول دوه مساوي او مخالف چارجونه دي. کوم چې په فضا کې په لیرو نقطو کې یو د بل برېښنايي تاثیرات نه خنثي کوي او څلور قطبي دوه مساوي او مخالف قطبونه دي چې د فضا په لیري نقطو کې یو د بل برېښنايي تاثیرات نه خنثي کوي مونږ کولی شو چې د برېښنايي چارجونو یوه مغلقه مجموعه جوړه کړو دغه مرحله ډیره مفیده واقع کېدا شي ځکه چې د هر خپریدونکي چارج پوتنشل د  $1/r$  زیاتیدونکي قوي د شرایطو د سلسلې په ډول بیانیدای شي. د  $1/r$  برخه د مونوپول *Monopole* د شرط په نوم یادېږي چې د چارج په خالصې خپریدنې پورې اړه لري او نتیجه کیدونکي شرایط  $1/r^2$  ډایپول شرط،  $1/r^3$  څلور قطبي او په همدې ډول دغه شرایط بیانوي چې یو چارج څنګه خپرېږي دغه ډول تحلیل په څو قطبي کې د انبساط *Multiple Expansion* په نوم یادېږي.



۴-۱۱ شکل: ۹-۴ نمونې پوښتنې غوندې یو برښنايي څلور قطبي چي د دوه برښنايي ډایپولو درلودونکي دی را ښایی.

۴-۲ د متمدی چارج د توزیع برقی پوتنشیل:

په ۱-۵ برخه کي مونږ دهغه قوي دمحاسبې طرز العمل زده کړ چي د جاري چارج د خپريدني له امله په نقطوي چارج باندي عمل کوي په همدې ډول مونږ کولي شو چي هغه پوتنشیل انرژي تر لاسه کړو چي د چارج د جاري خپريدني او نقطوي چارج باندي، دمتقابل عمل په اثر پيدا کيږي د جاري چارج د خپريدني د انرژي په محاسبه کولو سره يعني د جاري خپريدني د انرژي په محاسبه کولو سره مونږه دمتقابل عمل انرژي پيدا کولي شو. په دغه برخه کي مونږ د دري خپريدونکو چارجونو پوتنشیل محاسبه کوو د چارج د جاري خپريدني څخه د راپيدا کيدونکي پوتنشیل د محاسبه کولو طرز العمل همغسې دي کوم چي مونږ د قوي لپاره يا د برقي ساحي لپاره، کوم چي مونږ په ۲-۴ برخه کي ولوسته، خو دلته يوه مهمه استثناء وجود لري هغه دا چي پوتنشیل يو سکالري کميت دي نو پدي ډول به مونږ د هغه د مشکلاتو سره نه مخامخ کيږو چي په ۱-۵ برخه کي موجوده کوم چي دقوي ددوه مختلفو جهتونو دعناصرو يعني  $d\vec{F}$  او يادبرښنايي ساحي د عناصرو يعني  $d\vec{E}$  دچارج دمختلفو عناصرو يعني  $dq$  له امله را پيداشوي وو د پوتنشیل دمحاسبې طرزالع مل داسي دي چي جسم د چارج په عناصرو  $dq$  باندي ويشو،

مونډ کولي شو چي پوتنشيال  $dV$  چي د چارج د عناصر  $q$  له امله رامنځ ته کيږي داسي وليکو چي گويا هغه ديو نقطوي چارج په خير عمل کوي:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r}, \quad (4-24)$$

په پورتنۍ رابطه کي  $r$  د  $P$  له نقطې څخه د  $dq$  فاصله ده نو مونډ لرو چي:

$$V = \int dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}, \quad (4-25)$$

کوم چي دا انتي گرال چارج د داخل څخه خارج سطحې ته انتقالوي.

د چارج يو نواخته کړبڼه:

مونډ کولي شو چي د ۴-۱۲ هندسي شکل دهغه پوتنشيال د محاسبه کولو لپاره استعمال کړو چي د  $P$  په نقطه کي د يو مثبت چارج ديو نواخت کړبڼي په واسطه منع ته راځي دميلي څخه د  $P$  د نقطې عمودي فاصله په  $y$  سره بنودل شوي ده د ۴-۲۴ معادلي په تطبيق سره د چارج د عنصر  $dq = \lambda dz$  (چيرته چي  $\lambda$  د چارج خطي کثافت دی) په استعمال سره مونډ لرو:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dz}{\sqrt{z^2 + y^2}}, \quad (4-26)$$

د دي معادلي انتيگرا ل نيسو د  $L$  په اوږدوالي، لکه ۴-۲۵ معادلي په خير بايد دي ته مو پام وي چي  $y$  دلته ثابت ده نو مونډ لرو:

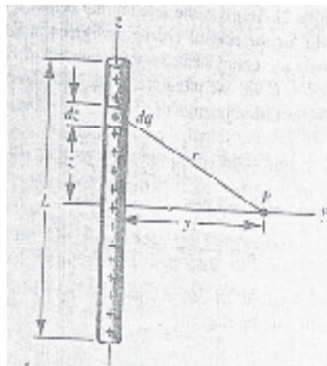
$$\begin{aligned} V &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{-l/2}^{+l/2} \frac{\lambda dz}{\sqrt{z^2 + y^2}} \\ &= \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} [\ln(z + \sqrt{z^2 + y^2})]_{-l/2}^{+l/2} \end{aligned}$$

$$= \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln \left[ \frac{l/2 + \sqrt{l^2/4 + y^2}}{-l/2 + \sqrt{l^2/4 + y^2}} \right], \quad (4-27)$$

په وروستی نتیجه کي مو  $\ln A - \ln B = \ln(A/B)$  داستعمال څخه په لاس راوړ. مهمه خبره دا ده چي مونږ بايد نتیجه وگورو چي ايا معين قیمت لري او کنه؟ څومره چي مونږ دميلي څخه ليري کیږو نو هغومره د پوتنشیل قیمت دصفر طرف ته تقرب کوي او ۴-۲۷ معادله دا ځانگړتیا لري ځکه چي  $y \rightarrow \infty$ ، بله دا چي مونږ کولي شو ونبایو چي هر څومره چي د  $y$  فاصله زیاتیري نو ۴-۲۷ معادله داسي شکل اختیاروي:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda l}{y} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{y} \quad (4-28)$$

پورتنی معادله دهغه پوتنشیل ساده معادله ده چي د نقطوي چارج څخه د  $y$  په اندازه فاصله لري.



۱۲-۴ شکل: مثبت چارج یو نواخت چارج شوی میله بنایي ددې لپاره چي په **P** نقطه کی پوتانشیال پیدا کړو نو مونږ میله داسی فرض کوو، چي د چارج ډیری برخي ولری لکه **dq**

د چارج حلقه (کړۍ):

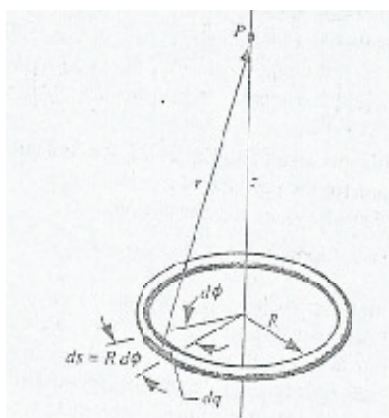
۱۳-۴ شکل د مثبت چارج یو نواخت حلقه تشریح کوي د  $P$  په نقطه کې د پوتنشیل سره مرسته په خپل محور باندې د چارج د عنصر  $dq = \lambda ds = \lambda R d\phi$  څخه عبارت ده له:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{\sqrt{R^2 + z^2}}, \quad (4-29)$$

د ۱-۵ برخې په څیر د حلقي چاپیر د دي معادلې انتگرال نیسو موږ پوهیږو چې  $R$  او  $z$  دلته دواړه ثابت دي دانتگرال تغیرونکي  $\phi$  دي کوم چې له صفر څخه تر  $2\pi$  پورې تغیر کوي:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda R}{\sqrt{R^2 + z^2}} \int_0^{2\pi} d\phi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2\pi\lambda R}{\sqrt{R^2 + z^2}}, \quad (4-30)$$

باید په یاد ولرو چې کله  $z \rightarrow 0$  نو پوتنشیل د صفر په طرف کمیږي او دلوي قیمت لپاره  $Z$  تقریباً  $q/4\pi\epsilon_0 z$  او  $q = 2\pi\lambda R$  دي، اودا داسې یو موقعیت دی چې د نقطوی چارج څخه د  $z$  په اندازه فاصله لري. ۱۳-۴ شکل یو نواخت چارج شوي حلقه د دي لپاره چې په  $P$  نقطه کې پوتنشیل پیدا کړو نو موږ د چارج د ټولو عناصرو لکه  $dq$  په شان مجموعي انرژي پیدا کوو.



۴-۱۳ شکل: یو نواخت چارج شوي حلقه ددې لپاره چې په  $p$  نقطه کې پوتانشیال پیدا کړو، مونږ د چارج د ټولو عناصرو لکه  $dq$  په شان مجموعي اثر پیدا کوو.

چارج شوي صفحه:

۴-۱۴ هندسي شکل وگورئ، مونږ کولی شو چې ۴-۳۰ معادله د هغه پوتنشیال لپاره وکاروو، کوم چې د  $P$  په نقطه کې د  $w$  په شعاع د حلقې د  $dq = \sigma dA$  د چارج او همدارنګه د سطحې د عنصر  $dA = 2\pi w dw$  له امله منځ ته راځي:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{\sqrt{W^2 + z^2}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2\pi\sigma w dw}{\sqrt{W^2 + z^2}}. \quad (4-31)$$

د دې لپاره چې صفحه باندې د ټولو حلقو توزیع (Contribution) پیدا کړو نو د دې معادلې انتګرال نیسو چې  $w$  د  $O$  څخه تر  $R$  پورې تغیر کوي

$$V = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \int_0^R \frac{w dw}{\sqrt{W^2 + z^2}} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} (\sqrt{R^2 + z^2} - |z|). \quad (4-32):$$

۴-۳۲ معادلې په اخر کې د  $\sqrt{z^2}$  د ارزیابي وروسته د  $|z|$  په شکل لیکل شوي دي، نو له دې امله ۴-۳۲ معادله د هغو نقطو لپاره د تطبیق وړ ده چې د  $z$  په محور باندې د صفحې د پاسه واقع دي  $z > 0$  او یا د صفحې لاندې واقع دي  $z < 0$ ، او یا هم د صفحې په سطحه باندې واقع وي  $z = 0$ ، او مقدار یې کمیږي. هر څومره چې موږ د  $z$  په محور باندې په عین جهت حرکت کوو کله چې  $z$  لویږي موږ کولای شو چې د بینوم د قضیې په اساس مربع ته انکشاف ورکړو چې په ۴-۳۲ معادله کې یې مونږ لرو:

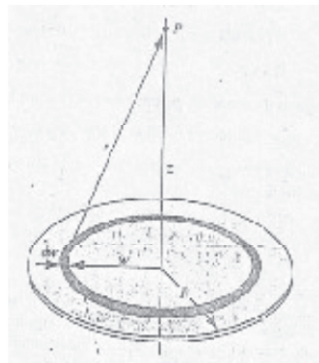
$$\sqrt{R^2 + z^2} = |z| \left(1 + \frac{R^2}{z^2}\right)^{1/2} \sim |z| \left(1 + \frac{1}{2} \frac{R^2}{z^2}\right) \quad (4-33)$$

او په ۴-۳۲ معادله کې د دې نتیجې په وضع کولو سره مونږ کولی شو چې د نقطوي چارج د پوتنشیال لپاره معادله لاسته راوړو، د  $z$  د ډیرو کوچنیو قیمتونو لپاره د پوتنشیال قیمت عبارت دي له:

$$V = \sigma R / 2\epsilon_0 - \sigma |z| / 2\epsilon_0 \quad (4-34)$$



$\frac{\sigma R}{2\epsilon_0}$  پوتنشيال هغه وخت ثابت قيمت ته رسيږي چي کله  $z \rightarrow 0$  او په خطي شکل هغه وخت کموالي پيدا کوي کله چي  $z$  په عين جهت باندي زياتوالي وکړي، هغه ميزان (rate) په کوم کې چي پوتنشيال کموالي پيدا کوي کله چي مونږ د محور په اوږدو کي د حرکت په حال کي يو دصفي دسايږ څخه مستقل دچارج د ورکړل شوي کثافت لپاره په حقيقت کي دغه شرط د هر قسم اوږده همواره يو نواخت چارج شوي لوجي لپاره يو شان دي او فرق نکوي چي سايږ او يا شکل يې هر قسم وي دا يروي، مربع شکل او داسي نور هر څومره چي مونږ مرکز ته نږدي کيږو او يا هر څومره چي مونږ د څنډو په لور ليږي کيږو نو په راتلونکي برخه کي به مونږ دغه حقيقت څخه د پوتنشيال د فرق د نقشي د رسمولو لپاره د هغي څخه گټه واخلو.



۱۴-۴ شکل: يوه حلقه د  $R$  په شعاع تر يو نواخت چارج  $S$  په کثافت سره مينځ ته راوړي د چارج پر  $dq$  په يو نواخت ډول چارج شوي حلقه ده.

۱۰-۴ مثال: يوه صفحه چي شعاع يې  $R = 4.8\text{cm}$  ده د  $q = 2.5\text{nC}$  په اندازه مجموعي چارج توليدوي، چي په سطحه کي په يو نواخت ډول خپور شوي دي او په يوه ټاکلي نقطه کي څوړنده شوي ده (سطحه داسي په نظر کي ونيسي چي د عايقې سطحې په ډول عمل کوي) يو الکترون په لومړي سر کي په يوه ټاکلي نقطه کي د  $d = 3\text{cm}$  په فاصله د صفي څخه خپل محور په اوږدو کي قرار لري کله چي دغه الکترون خوشي شي نو د

صفحي خوا ته جاذبيري نو تاسو د الکترون هغه سرعت محاسبه کړئ چې د صفحي د مرکز سره د لگیدو په وخت کې یې لري؟

حل: په صفحي باندې د چارج کثافت عبارت دي له:

$$\sigma = \frac{q}{\pi R^2} = \frac{2.5 \times 10^{-9} \text{ C}}{\pi (0.048 \text{ m})^2} = 3.45 \times 10^{-7} \text{ C/m}^2.$$

د پوتنشل تویپر د  $z = d$  او  $z = 0$  موقعیتونو ترمنځ د ۴-۳۲ معادلي څخه پیدا کولای شو یعنې:

$$\begin{aligned} \Delta V &= V(0) - V(d) = \frac{\sigma R}{2\epsilon_0} - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} (\sqrt{R^2 + d^2} - d) \\ &= \frac{3.45 \times 10^{-7} \text{ C/m}^2}{2(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N}\cdot\text{m}^2)} [0.048 \text{ m} \\ &\quad - (\sqrt{(0.048 \text{ m})^2 + (0.030 \text{ m})^2} - 0.030 \text{ m})] \\ &= 417 \text{ V}. \end{aligned}$$

د الکترون د پوتنشل انرژي تغیر د ۴-۱۴ معادلي په اساس پیدا کولای شو:

$$\Delta U = q \Delta V = (-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(417 \text{ V}) = -6.67 \times 10^{-17} \text{ J}.$$

د انرژي بقاء معادله  $0 = \Delta U + \Delta K$  یا  $\Delta K = -\Delta U = +6.6 \times 10^{-17} \text{ J}$  نو:

$$v = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2(6.67 \times 10^{-17} \text{ J})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}} = 1.21 \times 10^7 \text{ m/s}.$$

۱۱-۴ نمونوي مثال: دهغه معادلي په استعمال سره کومه چې د بریښنايي ساحي لپاره د یو نواخت مثبت حلقوي چارج له امله منځ ته راځي البته په خپل محور (د  $z$  په محور باندې) نو تاسو هغه معادله په لاس راوړئ چې دهغه پوتانشیال لپاره، چې په یوه نقطه کې دیو حلقوي چارج له امله منځ ته راځي البته چې د محور څخه تر حلقې پورې د  $z$  فاصله لري.

حل: ۱۲-۴ معادله د  $V$  او  $E$  ترمنځ رابطه ښايي، د چارج د حلقې برښنايي ساحه د ۱۸-۴ معادلې په واسطه ښودل شوي ده ساحه يواځې د  $z$  اجزاي لري نو له دې وجې دانتگرال ۱۲-۴ معادلې انتگرال تابع د  $\vec{E} \cdot d\vec{s} = E_z dz$  په اندازه کميږي مونږ د ۱۲-۴ معادلې انتگرال له بي نهايت څخه تر  $P$  نقطې پورې (د ازمايښت لاندې نقطه) نيسو:

$$V_P = - \int_x^{z'} E_z dz = - \int_x^{z'} \frac{\lambda}{2\epsilon_0} \frac{Rz}{(z^2 + R^2)^{3/2}} dz,$$

د انتگرال په ساده کولو سره مونږ لرو چې:

$$V_P = \frac{1}{2\epsilon_0} \frac{\lambda R}{\sqrt{z'^2 + R^2}},$$

دغه معادله ۳۰-۴ معادله سره مساوي ده.

۷-۴ له پوتنشيال څخه د ساحې محاسبه:

په ۴-۴ برخه کې مونږ د برقي ساحې څخه د پوتنشيال توپير د ترلاسه کولو طريقه باندې بحث وکړ، اوس مونږ په دې بحث کوو چې څه وکړو ترڅو دهغې د معکوس محاسبه وکړو، که پوتنشيال راکړل شوي وي نو برقي ساحه پيدا کولي شو د اسي چې د ۱-۴ جدول څخه هغه دوه طرفه غشي چې دوه لاندې بکسونه سره تړي په حقيقت کې په عين جهت درومي.

۱۵-۴  $a$  شکل څرگندوي چې يو مثبت ازمايښتي نقطوي چارج  $q_0$  کله چې دغه چارج د  $a$  له نقطې څخه حرکت کوي چې هلته پوتنشيال  $V$  دي د  $b$  د نقطې په لور چې پوتنشيال يې  $V + \Delta V$  دي په دې مرحله کې د  $q_0$  برښنايي پوتنشيال انرژي توپير  $\Delta U = q_0 \Delta V$  په اندازه تغير کوي، د قوو په ژبه کې مونږ ويلی شو چې دلته يوه برقي ساحه موجوده ده چې به ذره باندې د  $\vec{F} = q_0 \vec{E}$  قوه عمل کوي هغه کار چې د دې قوې په واسطه تر سره شوي دي چې ذري ته يې د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې په لور حرکت ورکړي عبارت دي له:

$$w = F_s \Delta s = q_0 E_s \Delta s$$

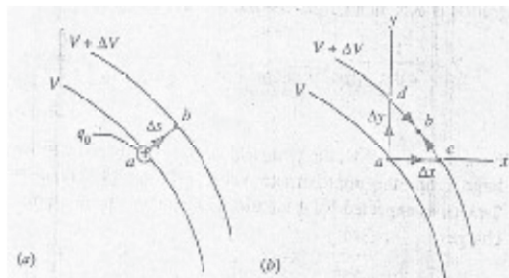
دلته د  $E_s$  او  $F_s$  ترکیبي اجزاي دي البته د  $\Delta s$  په اوږدو کې، کوم چې د ذري تغیر مکان بیانوي یعنی کله چې دا زره د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  د نقطې په لور حرکت کوي (دلته مونږ  $\Delta s$  ډیر کوچني فرض کوو) له دې وجې مونږ قوه او برقي ساحه تقریباً د  $ab$  په اوږدو کې ثابت فرضوو هم په مقدار او هم په جهت کې، د دواړو معادلو تعریفونو تر منځ ریاضیکي رابطه داسې ده  $w = -\Delta U$  نو:

$$q_0 E_s \Delta s = -q_0 \Delta V \quad (4-35)$$

او یا

$$E_s = -\frac{\Delta V}{\Delta s} \quad (4-36)$$

دغه رابطه مونږ ته د برقي ساحې او برقي پوتنشل تر منځ اساسي ارتباط په نښه کوي.



۱۵-۴ شکل: (a) د  $q_0$  چارج شوی زره د  $ab$  په مسیر باندې د دوو هم پوتنشل نقطو تر منځ حرکت کوي. (b) زره د  $a$  له نقطې څخه د  $b$  نقطې ته حرکت کوي، هم د  $adp$  په مسیر باندې.

برقي ساحه د پوتنشل د تغیر او فاصلي د حاصل ضرب د منفي سره مساوي ده که چیرې  $\Delta v$  مثبت وي نو برقي ساحه داسې قوه تولیدوي چې د ازمايښتي مثبت چارج شوي زري د حرکت سره چې د  $a$  څخه  $b$  نقطې ته ترسره کېږي مخالف جهت لري او که چیرې  $\Delta v$  منفي

وي نو برقي ساحه د حرکت په عین جهت قوه تولیدوي، د بې نهایت کوچنیو تغیر مکانو لیمټ کي د ۴-۳۲ معادله د مشتق څخه عبارت دي یعنې:

$$E_s = -\frac{\Delta V}{\Delta s} \quad (4-37)$$

له پورته معادلي څخه دا نتیجه راوځي چي د برقي ساحي ترکیبي اجزاء په هر جهت کي د پوتنشیل د مشتق او په هماغه جهت کي د تغیر مکان د نسبت له منفي سره مساوي دي، راځي چي دغه مرحله په یو بل هندسي شکل کي وگورو ۴-15b شکل د دي مرحلي لپاره وگوري دلته د دي پر ځاي چي ازماينستې چارج د  $a$  او  $b$  په مستقیم مسیر حرکت وکړي په دوه مختلفو مسیرونو حرکت کوي د  $acb$  په مسیر کي چارج د  $X$  پر محور له  $a$  نقطې څخه د  $c$  نقطې ته حرکت کوي او بیا د مسیر په اوږدو کي د  $c$  څخه د  $b$  نقطې ته حرکت کوي نو دلته پوتنشیل د  $C$  او  $b$  تر منځ په هر ځاي کي د  $\Delta v + v$  عین قیمت لري، هغه کار چي د  $bc$  په اوږدو کي د برېښنايي ساحي په واسطه اجرا کيږي له صفر سره مساوي دي ځکه چي پوتنشیل تغیر نکوي (۴-۱۱ معادله وگوري) او هغه کار چي د  $ac$  په اوږدو کي د برېښنايي ساحي په واسطه تر سره شوي دي عبارت دي له  $F_x \Delta x = q_0 E_x \Delta x$  څخه څرنگه چي د پوتنشیل د انرژي بدلون د مسیر څخه یو مستقل کمیت دي نو د دوهم ځل لپاره مونږ لرو  $W = -\Delta U$  او:

$$q_0 E_x \Delta x = -q_0 \Delta V$$

یا

$$E_x = -\frac{\Delta V}{\Delta x}$$

که چيري ذره د  $adb$  په مسیر حرکت وکړي نو کار مساوي دي په  $F_y \Delta y = q_0 E_y \Delta y$  سره البته د  $ad$  په اوږدو کي او د  $db$  په اوږدو کي د کار قیمت صفر دي (ځکه چي د  $b$  او  $d$  نقطو تر منځ په هر ځاي کي پوتنشیل د  $\Delta V + v$  عین قیمت لري) څرنگه چي د پوتنشیل انرژي خالص تغیر د  $\Delta V$  سره مساوي دي نو لرو:

$$q_0 E_y \Delta y = -q_0 \Delta V$$

یا

$$E_y = -\frac{\Delta V}{\Delta y}$$

د  $E_z$  لپاره به هم د دري بعدي محاسبي څخه عین نتیجه راوړي، که چیرې مونږ لیمټ ونیسو په داسې حال کې چې د مسیر اوږدوالي ډیر کوچنۍ شي، نو دا تغیرات له مشتق سره مساوي کیږي او مونږ کولی شو چې  $\vec{E}$  او  $V$  تر منځ عمومي رابطه په لاندې ډول ولیکو:

$$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}, \quad E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}, \quad E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} \quad (4-38)$$

که چیرې  $V(x, y, z)$  دیو معلوم خپریدونکي چارج لپاره دفضا په ټولو نقطو کې معلوم وي نو بیا مونږ کولی شو چې د  $\vec{E}$  ترکیبي اجزا پیدا کړو داسې چې د پوتنشل جزیی مشتق او د مختصاتو د هر نسبت سره مساوي دي، نو مونږ دوه طریقې لرو ترڅو چې د چارج د جاري خپریدني لپاره برقي ساحه محاسبه کړو چې یوه طریقه یې د کولمب دقانون په انتگرال نیولو سره ولاړه ده او بله طریقه یې د پوتنشل په مشتق نیولو سره ولاړه ده (۴-۳۸ معادله) په عملي ډگر کې دوهمه طریقه لږه مشکله ده.

۴-۱۲ نمونوي مثال: تاسو دیو نواخت چارج شوي صفحي په محور باندې د پوتنشل لپاره ۴-۳۲ معادله استعمال کړې له هغې څخه تاسو د محوری یې نقطو برقي ساحې لپاره معادله راوباسئ؟

حل: پوهیږو چې  $\vec{E}$  باید د صفحي په محور واقع وي د  $z$  پر محور د ۴-۳۲ معادلې په استعمال سره فرض کوو چې  $z > 0$  وي:

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{d}{dz} [(z^2 + R^2)^{1/2} - z]$$

$$= \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left( 1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \right),$$

د ۱۹-۴ معادلي د انتگرال نيولو سره هم عين نتيجه راتلي شي.

۱۳-۴ نمونوي مثال: چي ۱۲-۴ شکل کې د  $P$  د نقطې (فاصله) د ډايپول په ساحه کې چې د  $y, z$  د کارديناتو د يو سيستم په مبداء کې واقع ده، رانښايي  $\vec{E}$  د يو موقيعت د تابع په شان محاسبه کړي؟

حل: د ۱۲-۴ شکل په مستوي کي،  $\vec{E}$  په دې مستوي کې واقع دی او دهغه مرکبي  $E_y$ ،  $E_x$  او  $E_z$  د شرايطو له مخي له صفر سره مساوي دي نو د قطبي مختصاتو پر ځاي په مستطيلي مختصاتو کي پوښتنيل محاسبه کوو نو:

$$r = (x^2 + z^2)^{1/2}$$

او

$$\cos \theta = \frac{z}{(x^2 + z^2)^{1/2}}.$$

په ۲۲-۴ معادلي کې راکړل شوی:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p \cos \theta}{r^2}.$$

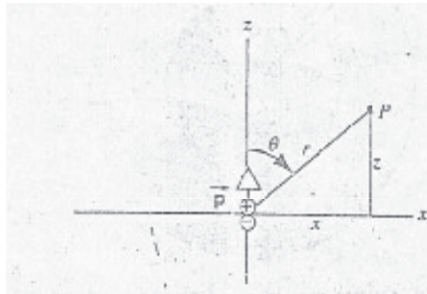
د  $r^2$  او د  $\cos \theta$  د قيمتونو په عوض کولو سره مونږ لرو:

$$V = \frac{p}{4\pi\epsilon_0} \frac{z}{(x^2 + z^2)^{3/2}}.$$

مونږ  $E_z$  د ۳۸-۴ معادلي څخه ترلاسه کوو، دلته  $x$  داسې فرض کوو چه په دې محاسبه کې يو ثابت دی:

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{\rho}{4\pi\epsilon_0} \frac{(x^2 + z^2)^{3/2} - z[\frac{3}{2}(x^2 + z^2)^{1/2}](2z)}{(x^2 + z^2)^3}$$

$$= -\frac{\rho}{4\pi\epsilon_0} \frac{x^2 - 2z^2}{(x^2 + z^2)^{3/2}} \quad (28-39)$$



۱۲-۴ شکل:

په ۱۳-۴ نمونه وی مثال کی ، یو دایپول د ZX سیستم په مبدا کی واقع دی  $X = 0$  د دایپول د محور په اوږدو کی ، کوم چي د Z محور د یو لري نقطې تشریح کوي نو معادله د  $E_z$  لپاره راکمپري:

$$E_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2p}{z^3}.$$

دغه معادله عینا دهغه معادلي سره مساوي ده چي د ۲ خپرکي په لومړي مثال کي د دایپول محور په اوږدو کي دبرقي ساحي لپاره مونږ درلوده باید دي ته موپام وي چي د Z دمحور په اوږدو کي دتناسب څخه  $E_x = 0$  دي که چيري په ۳۹-۴ معادله کي  $z = 0$  وضع شي نو مونږ ته د دایپول د منځنۍ مستوي په لری نقطو کي د  $E_z$  قیمت راکوي:

$$E_z = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3},$$

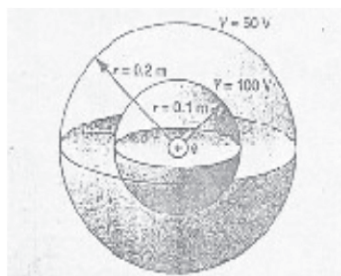
دغه معادله د ۱۲-۲ معادلي سره معادله ده بیا هم له تناسب څخه په منځني مستوي کي د  $E_x$  قیمت له صفر سره مساوي دی په معادله کي منفي علامه دا په نښه کوي چي  $\vec{E}$  د Z پر



محور منفي دي تاسو کولي شي چي عيني طرز العمل د  $E_x$  لپاره و کاروی او تاسو باید داسي نتیجه ترلاسه کړي چي د 2 څپرکي د دویم مثال معادلي سره معادله وي.

#### ۴-۸ هم پوتنشیل سطحې: (Equipotential Surfaces):

یو نقطوي چارج په نظر کې ونیسی چې مقدار یې  $q = 1.11nC$  دی د ۴-۸ معادلې په استعمال سره مونږ کولی شو چې د چارج له امله را پیدا شوي پوتنشیل د چارج څخه  $0,1m$  فاصله کې،  $100 V$  ترلاسه کړو څرنگه چې پوتنشیل د جهت سره تړاو نلري نو له دې امله په نوموړي فاصله کې په هر جهت باندې دهغه مقدار د  $100 V$  سره مساوي دي ۴-۷ شکل ته وگورئ دلته یوه کره وینئ چې دلته د فضا ټولې نقطې چې د  $q$  له چارج څخه د  $0,1m$  په شعاع واقع دی  $50 V$  پوتنشیل لري نو هغه سطحه چې دهغې په هر ځای کې پوتنشیل عيني قیمت ولري دهم پوتنشیل سطحې په نوم یادېږي لکه په ۴-۷ شکل کې دوي کړي دلته که چېرې یو ازمایښتي چارج په دې سطحه له یوې نقطې څخه بلې نقطې ته حرکت کوي نو برقي قوې کوم خاص کار نه اجرا کوي



۴-۷ شکل: د کرې په سطحه ټولې پرتې نقطې چې د  $q$  چارج چاپېره واقع وي عيني پوتنشیل لري دلته تاسو دوه کرې وینئ چې یوه یې د  $V = 100 v$  لپاره او بله یې د  $V = 50 v$  لپاره ده

ځکه چې  $\Delta V = 0$  دی که څه هم میسر په سطح کې واقع دی نو کوم خاص کار نه تر سره کېږي ځکه څنگه چې مسیر ختمېږي نو بیرته شروع کېږي د کا رمقدار چې د بریښنايي قوو په واسطه سرته رسیږي هغه وخت چې یو ازمایښتي چارج د یوې هم پوتنشیل

سطحي څخه بلې ته حرکت کوي د پوتنشيال دهغه توپیر سره ارتباط لري چې د دغو سطحو ترمنځ موجود دي.

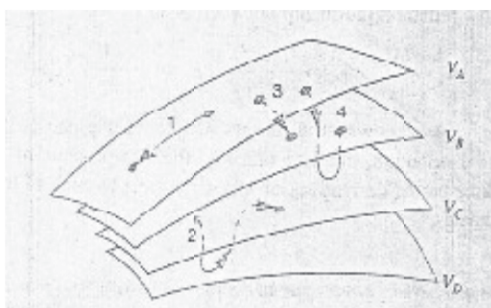
د کار مقدار په دؤو سطحو کې د پیل او پای موقعیتونو څخه مستقل دی عیني کار د هغه چارج په واسطه تر سره کېږي کله چې چارج د لومړني سطحي د یوې نقطې څخه د دویمې سطحي کومې نقطې ته حرکت کوي په ۱۸-۴ شکل کې د هم پوتنشيال سطحو یوه کورنۍ ښودل شوې ده چې د یو ټاکلي چارج د خپریدنې سره تړاو لري هغه کار چې د برېښنايي قوو په واسطه تر سره کېږي. کله چې چارج شوې ذره په لومړني مسیر باندې حرکت کوي له صفر سره مساوي ځکه چې دغه مسیر په عینې هم پوتنشيال سطحه کې شروع او ختم کېږي، هغه کار چې د دوهم مسیر په اوږدو کې تر سره کېږي د عینې دلیل له مخې د صفر سره مساوي دی. خو هغه کار چې د دریم او څلورم مسیر په اوږدو کې تر سره کېږي له صفر سره نه دی مساوي. خو په دواړو مسیرونو کې د کار مقدار سره مساوي دي ځکه چې دواړه مسیرونه د هم پوتنشيال سطحو عینې جوړه سره نښلوي. دلته دریم او څلورم مسیرونه داسې نقطې سره نښلوي چې د پوتنشيال توپیر  $V_B - V_A$  عینې قیمت لري. که چېرې د  $q$  یو چارج د  $A$  سطحي کومې نقطې څخه د  $B$  سطحي کومې نقطې ته حرکت کوي نو د ۱۱-۴ معادلې له مخې هغه مقدار کار چې د الکتروستاتيکي قوو په واسطه تر سره کېږي عبارت دی له:

$$W_{AB} = -2(V_B - V_A)$$

هم پوتنشيال سطحي او د برېښنايي ساحې کرښې:

په ۲۵-۲ برخه کې مونږ د چارج د خپریدنې په یوه بېله گرافیکي طریقې باندې بحث وکړ، کوم چې د برېښنايي ساحې په کرښو ولاړه وه د  $\vec{E}$  او  $V$  ترمنځ ریاضیکي رابطه د گرافیکي ښودنې اړیکې هم مونږ ته ښکاره کوي، ۱۵-۴ شکل وگورۍ فرض کړۍ چې مونږ یو چارج د سکون له حالت څخه د هم پوتنشيال سطحي  $V + \Delta V$  د  $b$  نقطې څخه خوشې کوو د پوتنشيال په ژبه خو مونږ وایو چې دغه زړه باید د  $V$  د پوتنشيال توپیر په واسطه د  $V$  د هم پوتنشيال سطحي په لور را و غورځوي. همدارنګه باید پوه شو چې برېښنايي ساحه

چې د دغو دوو هم پوتنشياله سطحو ترمنځ موجوده ده ذرې ته تعجيل ورکوي برېښنايي ساحه په هم پوتنشيال ساحه باندې د  $B$  په نقطه کې عمود ده. که چېرې داسې نه وي نو بيا به دلته دهم پوتنشيال سطحې په اوږدو کې د برېښنايي ساحې يوه مرکبه موجوده وي، کومې چې به په ذره باندې کار اجرا کولې ترڅو د سطحې په اوږدو کې حرکت وکړي. خو دابه دهم پوتنشيال *equipotential* تعريف په داسې ډول چې يوه سطحه چې ثابت پوتنشيال ولري نښگړي کړي، چې دهغه په اوږدو کې يوه چارج لرونکې ذره حرکت کولی شي خو کوم کار نه اجرا کوي. نو ددې څخه مونږ داسې نتيجه اخلو چې د برېښنايي ساحې کرښې په هم پوتنشيال سطحې باندې په ټولو نقطو کې عمودې وي.

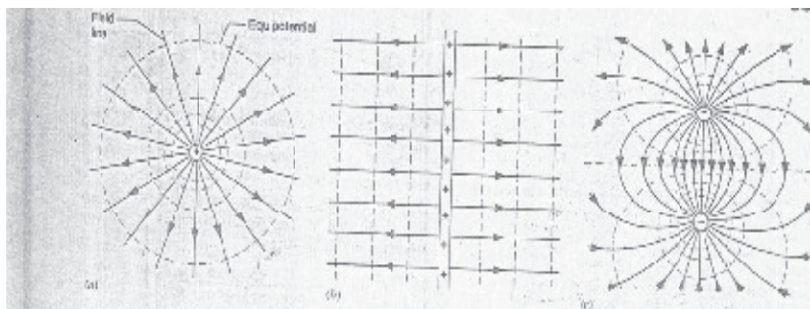


۱۸-۴ شکل: د څلورو هم پوتنشيال سطحو برخې په دې شکل کې د ازماينستې چارج د حرکت څلور مختلف مسيرونه ښودل شوي دي

مونږ کولی شو چې د ۳۷-۴ معادلې څخه يعنې  $E_s = \frac{dV}{ds}$  هم عيني نتيجه ته ورسېږو ۱۵-۴ شکل ته وگوري، په دې شکل کې د  $ds$  لپاره يواځې يو جهت موجود دی په کوم کې چې  $-\frac{dV}{ds}$  اعظمي قيمت لري او د دې معنی دا ده چې  $E_s$  هم په دې جهت کې اعظمي قيمت لري د  $E$  دغه اعظمي قيمت په نوموړي نقطه کې د برېښنايي ساحې له مقدار څخه عبارت دی. او هغه جهت چې دهغه لپاره  $E_s$  اعظمي قيمت لري هغه د برېښنايي ساحې له جهت څخه عبارت دی. مونږ کولی شو چې د  $B$  په نقطه کې د  $ds$  په شعاع يوه دايره رسم

کړو ، دلته یوه داسې نقطه ټاکو چې راتلونکي هم پوتنشیل سطحې ته تر ټولو نږدې وي نو مونږ ته به د  $-dV$  تر ټولو لوی قیمت په لاس راکړي. نو له  $B$  څخه تر هغې نقطې پورې جهت په هم پوتنشیل سطحه باندې د  $B$  په نقطه کې عمود دی او دا مونږ ته په  $B$  کې د برېښنايي ساحې جهت رانېسي که چېرې د یو ټاکلي خپريدونکي چارج لپاره دهم پوتنشیل سطحې په ځانگړتياؤو باندې وپوهیږو نو مونږ به وکولی شو چې د برېښنايي ساحې خطوط کرښې ومومو داسې چې په هم پوتنشیل سطحه باندې عمودونه رسم کوو.

په ۱۹-۴ شکل کې دهم پوتنشیل سطحو او دهغوی د برېښنايي کرښو تړل شوي سیستم ښودل شوي دي، په درې حالاتو کې چې مونږ مخکې ولوستل نقطوي چارج د چارج یوه نامحدوده ورقه او ډایپول (دوه قطبي) دغه رسمونه د ۱۰-۲، ۱۱-۲ او ۱۲-۲ شکلونو د برېښنايي ساحې کرښې څرگندوي د دوی د اضافه شوی هم پوتنشیل سطحو سره باید په یاد ولرو چې د برېښنايي ساحې کرښې په هر ځای کې چې د هم پوتنشیل سطحې څخه تیرېږي په هم پوتنشیل سطحه باندې عمودې دي.



۱۹-۴ شکل.

۹-۴ د چارجداره هادي پوتنشیل:

په ۲-۳ برخه کې مونږ د منفرد (ځانگړی) چارج شوي هادي دوی ځانگړتياوې چې یو له بل څخه جدا کړې عبارت دي له:

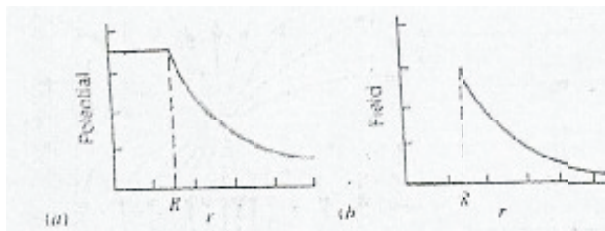
۱- د هادي په داخل کې د برېښنايي ساحې قیمت له صفر سره مساوي دي.

۲- چارج د هادي په بهرنۍ سطحه کې قرا لري.

دریمه مهمه ځانګړتیا دهغه برېښنايي پوتنشنیل دی. فرض کړی چې مونږ یو اختیاری شکله هادی لرو کوم ته چې مونږ یو خالص چارج انتقالوو، که چارچونه د حرکت لپاره ازادوي نو په ډېره بېرته به دهادي په بهرنۍ سطحه کې خپاره شي تر هغه وخته چې دوی د تعادل په حالت کې شي. نو د متقابل تاثیر په نتیجه کې همنوعه چارچونه یو بل دفع کوي تر هغه وخته پورې چې دوی په داسې ډول خپاره شي چې د دوی تر منځ منځنۍ فاصله ډېره زیاته شي نو له دې وجې به د چارچونو د دغه سیستم پوتنشنیل انرژي خپل اصغري قیمت ته ورسېږي که چېرې دهادي په سطحه کې چارچونه د تعادل په حالت کې وي، نو بیا به دهادي سطحه هم پوتنشنیل سطحه وي. که چېرې داسې نه وي نو بیا دهادي ځینې برخې د لوړ پوتنشنیل او ځینې برخې به یې د لیمټ پوتنشنیل په حالت کې وي. نو پدې حالت به مثبت چارچونه د ټیټ پوتنشنیل موقیعت ته او منفي چارچونه به د لوړ پوتنشنیل موقیعتونو ته لاړ شي. نو پدې ډول دغه حالت زموږ هغه ادعا ردوي چې مونږ وایو چې چارچونه د تعادل په حالت کې دي نو ددې لپاره خو باید سطحه هم پوتنشنیله وي. که چېرې دهادي په داخلي برخه کې برېښنايي ساحه صفر وي نو بیا مونږ کولی شو چې ازمايښتي چارج دهادي له سطحې څخه دهادي داخل ته په هر مسیر په حرکت راولو، نو دلته به هغه خالص کار د سطحې د چارچونو لخوا په ازمايښتي چارج باندې اجرا کېږي چه له صفر سره مساوي وي. ددې معنی دا ده چې د هرو دوه نقطو ترمنځ د پوتنشنیل توپیر له صفر سره مساوي دی، نو له دې وجې پوتنشنیل دهادي په ټولو نقطو کې عینې قیمت لري نو دهادي دریمه ځانګړتیا په دې ډول بیانولی شو چه ټول په عینې پوتنشنیل کې دی. یعنې دهادي په ټولو نقطو کې پوتنشنیل عینې قیمت لري دغه نتیجه یواځې دالکتروستاتیک په حالت کې د ویل کېدو وړ ده، نو کله چې مونږ دهغه د جریان په باره کې خبرې کوو چې له هادي څخه تیرېږي نو د پوتنشنیل توپیر به په مختلفو نقطو کې توپیر ولرو. باید په یاد ولري چې د هادي شکل هم ډېر مهم دی که چېرې هادي کروي شکل ولري نو چارج دهادي په سطحه کې په یو نواخت ډول سره خپریږي، هغه هادي چې غیر کروي شکل لري نو په سطحه کې د چارچونو تراکم یو نواخت نه وي خو سطحه یې بیا هم، هم پوتنشنیله وي، په هغه هادي کې چې داخلي خالیګا وي ولري که چارج لري او کنه

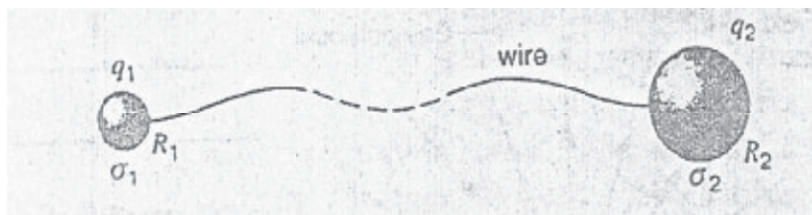
ټولې نقطې يې که داخل وي او ياپه سطحه کې وی د عینې پوتنشیل درلودونکی دی. زموږ نتیجه دا ده چې د هادي سطحه هم پوتنشیله ده د ۸-۴ برخې له بحث سره سره څرګوري چې هلته مونږ ویلی و چې د برېښنايي ساحې خطونه په هم پوتنشیل سطحه باندې همېشه عمود وي، په ۲-۳ شکل کې مونږ د ګوس (gauss) قانون مطالعه کړ، چې هغه بیانوي چې د هادي د سطحې څخه بهر برېښنايي ساحه په همپوتنشیله سطحه باندې عمود ده چې دا په هغه وخت کې به سمه وي کله چې د هادي سطحه هم پوتنشیله وي. نو مونږ کولی شو چې ښکاره او واضعې نتیجه یې په لاس راوړو ځکه چې هادي جامد وي او کروي شکل ولري نو دغه هادي د  $q$  مجموعي چارج په یو نواخت ډول په خپله سطحه کې متحرک ساتي. په ۵-۱ برخه کې مونږ ډیو نواخت کروي چارج شوي هادي یو ځانګړتیا باندې بحث وکړ، دلته په چارجي چارج باندې د قوې مقدار له هغې قوې سره مساوي دی که چېرې مونږ  $Shell$  د نقطوي چارج سره تعویض کړي وي دغه ځانګړتیا مونږ ته اجازه راکوي تر څو د نقطوي چارج اصطلاح د برېښنايي پوتنشیل او برېښنايي ساحې لپاره وکاروو په داسې یو موقعیت کې چې  $r > R$  وي د قشر په داخل کې په نقطوي چارج باندې عمل کوونکي قوه له صفر سره مساوي ده د دې معنی دا ده چې د هادي په ټولو نقطو کې پوتنشیل عینې قیمت لري البته په سطحه کې هم د پوتنشیل قیمت له داخلې پوتنشیل سره مساوي دی، په سطحه د پوتنشیل قیمت د موندلو لپاره ۱۸-۴ معادلې څخه کار اخلو چې  $r = R$  نېسو نو په داخل کې د پوتنشیل مقدار مساوي دی ۴-۴۰  $(r < R)$

$$v = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r}$$



۴-۲۰ شکل: په یو شان چارج شوي کروي هادي برېښنايي ساحې او برېښنايي پوتنشیل ښايي.

نو د برښنايي ساحې قيمت د  $r < R$  لپاره صفر دی، او  $r > R$  لپاره د  $\frac{1}{r^2}$  په اندازه کموالی کوي او له بلې خوا د  $r < R$  لپاره د پوتنشيال قيمت ثابت دی او د  $r > R$  لپاره د  $\frac{1}{r}$  په اندازه کموالی پيدا کوي. که څه هم د کروي هادي په سطحه چارج په یو نواخت ډول خپریږي، چې دا حالت په هر اختیاري هادي کې داسې نه وي په تیره نقطو (Shap points) او ځنډو سره نږدې د سطحې چارج تراکم، له سطحې څخه بهر برښنايي ساحه کيدای شي چې ډېر لوړ قيمت واخلي. د دې لپاره چې دغه پېښه په کیفیت سره و وینو نو دوه کروي جسمونه چې یو له بل سره مساوي ضخامت نلري په نظر کې ونیسو چې د یو نازک سیم په واسطه یو له بل سره وصل شوي وي



۴-۲۱

که فرض کړو چې ټول سیستم د  $V$  اختیاري پوتنشيال ولري. نو د دغو دوه کروي مساوي پوتنشيالونه د ۴-۴۰ معادلې څخه په لاس راوړو خو مونږ لرو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{R_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{R_2}$$

نو ددی فارمول څخه نتیجه داسی پلاس راځی:

$$\frac{q_1}{q_2} = \frac{R_1}{R_2} \quad (4-41)$$

که فرض کړو چې ډاکري یو له بل څخه ډېر لرې وي داسې چې دیو چارج خپریدل په بل چارج باندې اثر ونلري نو د دؤو کړود کثافتونو (*densities*) نسبت مساوي دي په:

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{q_1/4\pi R_1^2}{q_2/4\pi R_2^2} = \frac{q_1 R_2^2}{q_2 R_1^2}.$$

که وروستنی نتیجه په ۴۱-۴۰ معادله کې وضع شي نو مونږ لرو:

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{R_2}{R_1} \quad (4 - 42)$$

۴۲-۴۰ معادله ښکاره کوي چې کوچنۍ کره لوی کثافت لري نو دا مونږ ته را یادوي چې د خارجي چارج لپاره د برښنايي ساحې مقدار له هغه قیمت سره مساوي دی، که چېرې مونږ کروي جسم په خپل مرکز کې له یو نقطوي چارج سره تعویض کړو. نو مونږ کولی شو د کرې له سطحې بهر د برښنايي ساحې مقدار دلاندې فورمول په واسطه محاسبه کړو:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad (4 - 43)$$

د ۴۲-۴۰ معادلې په نظر کې نیولو سره د کوچنۍ شعاع لرونکي کرې د سطحې چارج کثافت زیات دی نو پدې ډول د کوچنۍ شعاع لرونکي کرې بهر د برښنايي ساحې مقدار هم زیات دی. نو ویلی شو هغه کره چې کوچنۍ شعاع ولري نو له سطحې بهر د برښنايي ساحې مقدار یې زیات دی. دیو تیره هادي سره په نږدې نقطو کې کېدای شي چې برښنايي ساحه ډېره قوي وي، نو پدې ډول به د هوا ډېر شمیر آیونونه ایونایز کړي، نو په نتیجه کې به غیر هادي هوا په هادي هوا بدله شي او کېدای شي چې له هر هادي څخه چارجونه انتقال کړي. دغه ډول اثر *Corona discharge* په نوم یادېږي الکتروستاتيکي رنګ شیندونکي یوه *Corona discharge* استعمالوي ترڅو د چارج د کوچنۍ ذرې رنګ ته ورسوي چې دغه ذره ته وروسته د برښنايي ساحې په واسطه تعجیل ورکول کېږي.

۱۰-۴ الکتروستاتيکي تعجیل ورکونکي (اختیاری)



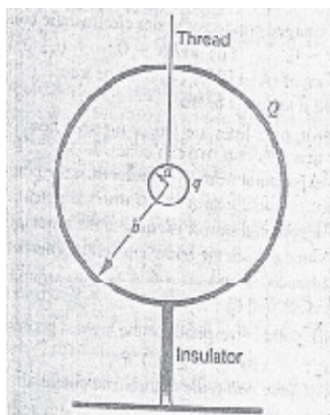
### (The electrostatic Accelerator (Optical))

زیاتره هستوي مطالعات هستوي تعاملات په بر کې نیسي او دا هغه وخت منځ ته راځي کله چې د وړانگو یو جریان په هدف باندې وارد شي یو میتود (طریقه) کومه چې ددغه ذراتو د تعجیل ورکولو لپاره استعمالیږي د الکتروستاتیک په تخنیک باندې ولاړه ده که چیرې  $q$  ذره چې مثبت چارج لري، نو دغه ذره د  $\Delta V$  په اندازه د پوتنشیل تغیر سره د حرکت په وخت کې د  $\Delta U = q \Delta V$  د پوتنشیل انرژي توپیر منځ ته راوړي، نو د ۴-۱۴ معادلې په اساس د ذرې د حرکتی انرژي زیاتوالی د  $\Delta U = -\Delta K$  سره مساوي دی نو که فرض کړو چې ذره د سکون له حالت څخه په حرکت شروع وکړي نو وروستی حرکتی انرژي یې دلاندې فورمول څخه محاسبه کیږي:

$$K = -q \Delta V \quad (4 - 44)$$

دا یو نایز شوي اتومونو لپاره  $q$  معمولاً مثبت وي، ددې لپاره چې د دغو وړانگو د جریان لپاره د انرژي اعظمي قیمت ترلاسه کړو نو مونږ باید د دې هدف لپاره اعظمي د پوتنشیل تغیر ولرو، په هستوي فزیک کې د هدف او دهدف د وړانگو ترمنځ د کولمب د دافعوې قوې د له منځه وړلو لپاره داسې وړانگو ته ضرورت دی چې څو ملیون الکترون ولټ ( $Mev$ ) حرکتی انرژي ولري، نو ددې انرژي د موجودیت لپاره په ملیون ولټ ( $MV$ ) پوتنشیال توپیر ته اړتیا ده نو داسې الکتروستاتیکي اله چې دومره لوی پوتنشیال توپیر تولید کړي په ۴-۲۲ شکل کې ښودل شوي ده په شکل کې گوری چې یوه کوچنۍ هادي کره ده چې د  $q$  چارج منځ ته راوړي د  $a$  په شعاع دهغې کرې په منځ کې واقع ده چې د  $b$  په شعاع  $Q$  چارج منځ ته راوړي یو هادي مسیر د دواړو کرو ترمنځ په موقتي ډول منځ ته راځي او وروسته د  $Q$  چارج په مکمل ډول خارج ته انتقال کوي او دا په دې پورې هیڅ تړاو نلري چې د  $Q$  څومره چارج د وړاندې نه دلته موجود دی باید په یاد ولرو چې چارج همیشه د هادي په خارجي سطحه کې د حرکت په حال کې وي نو که چیرې ته د کرې په داخل کې د  $Q$  چارج ذخیره کولو لپاره مناسب میکانیزم موجود وي نو په خارجي سطحه کې د  $Q$  چارج او دهغې له امله را پیدا شوي پوتنشیل په بې حده ډول زیاتوالي

و مومي په عملي ډول د ترمینال پوتنشیل یو ټاکلي حد لري کوم چې په هوا کې د خلیدو له امله منځ ته راځي.

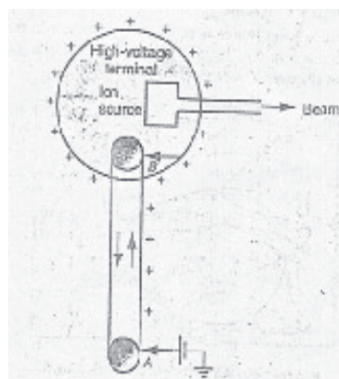


۲۲-۴ شکل: یوه وړه چارج شوي کره چې د یوې غټې چارج شوي کرې په منځ کې واقع ده د خوړنده ده سیالي.



۲۳-۴ شکل: یو الکتروستاتيکي جنراتور چې 2,7 ملیون ولټ پوتنشیل لري د هوا د شرایطو لاندې بریښنا (خلیدنه) منځ ته راوړي.

د الکتروستاتیک دغه مشهور اصل چې هستوي ذروته د تعجیل ورکولو په خاطر وکارول شو د لومړي ځل لپاره د رابرت واندي گراف لخوا په ۱۹۳۰م کال کې کشف شو او دغه تعجیل ورکوونکي د واندي گراف تعجیل ورکوونکي په نوم سره یاد شو نو پدې ډول د څو ملیون ولټه پوتنشل په اسانۍ سره ترلاسه شوه، ۴-۲۴ شکل کې واندي گراف تعجیل ورکوونکي اصلي شکل ښودل شوي دی.



۴-۲۴ شکل: ۴-۲۴ شکل د واندي گراف تعجیل ورکوونکي دیاگرام رانښايي.

یو مثبت چارج د  $A$  په نقطه کې تار ته خپریږي او د تار څخه د  $B$  په نقطه کې خارجېږي چې له دې څخه ترمینال ته حرکت کوي چې هلته  $V$  منځ ته راوړي، مثبت چارج شوي آیونونه، کوم چې له ترمینال څخه خارجېږي د تعجیل ورکوونکي څخه د وړانگو جریان جوړه وي.

دلته وینو چې چارج د یوه تیره سر څخه چې دکارونا نقطې (*corona point*) په نوم یادېږي د  $A$  نقطې څخه حرکت کونکی تار ته چې معمولاً را بروي انتقال کوي دغه تار چارج دلوړ ولټیج ترمینال ته راوړي دی، غه چارج د  $B$  په نقطه کې له تار څخه خارجېږي او د  $B$  له کارونا ټکي څخه دهادي خارجي برخې ته انتقال لري د ترمینال په داخل کې د مثبت آیونو یوه سرچینه وجود لري دمثال په ډول دهایدورجن هسته (پروتونونه) او یا دهلیموم هستي (دالفا وړانگې) په دې پروسه کې آیونونه دلوړ ولټیج د ناحیې څخه حرکت کوي او څو ملیون الکترون ولټ حرکي انرژي اخلي دغه ترمینال په داسې یو ټانک کې

بند شوي دي چې په هغې کې یو عایق تار وجود لري چې د تشعشع څخه مخنیوي کوي دغه تعجیل ورکوونکی کولی شي چې ایونونو ته د دوهم ځل لپاره تعجیل ورکړي نو له دې وجې په حرکي انرژي کې اضافي زیاتوالی تر سترگو کیږي دمنفي ایونو سرچینه چې د ترمینل په خارج کې د دې لپاره واقع ده چې نیو ترال (خنثی) اتومونو ته یو الکترون ور زیات کړي دغه منفي ایونونه د مثبت پوتنشیل د ترمینل په لور حرکت کوي د لوړ ولټیج د ترمینال په داخل کې گاز او یا د اوسپنې نري تارونه وجود لري او د دې لپاره ځای پر ځای شوي دي چې د منفي ایونو څخه الکترونونه خارج کړي او دهغوی په مثبت ایونو تبدیل کړي چې دغه آیونونه بیا د مثبت پوتنشیل څخه حرکت کوي دغه وانډیگراف تعجیل ورکوونکي که په اوس وخت کې د 25 ملیون ولټ یو ترمینل استعمالوي ترڅو دکاربن او یا داکسیجن غونډې ایونونو ته د  $100 \text{ Mev}$  حرکي انرژي په اندازه تعجیل ورکړي.

۴-۱۴ نمونوي مثال: د ۲۲-۴ شکل د دؤ کرو ترمنځ د پوتانشیال توپیر محاسبه کړی؟

حل:  $V(b) - V(a)$  پوتنشیل توپیر دوه مرکبې لري یوه د کوچنۍ کرې او بله دلوي دایروي قشر څخه په جلا جلا ډول محاسبه کوو او بیا یې په الجبري ډول یو له بل سره جمع کوو لومړي لویه کره گورو د شکل څخه ښکارېږي چې د پوتنشیل توپیر په داخل او خارجي سطحه کې عین قیمت لري نو پدې ډول په لوي قشر کې ئی مرکبه  $V(b) - V(a)$  له صفر سره مساوي ده نو ټول باقي پوتنشیل توپیر باید په کوچنۍ کره کې محاسبه شي د کوچني کرې څخه بهر ټولې نقطې د یو نقطوي چارج په ډول په نظر کې نیولې شو او د پوتنشیل توپیر د ۴-۱۷ معادلې څخه ترلاسه کولی شو:

$$V(b) - V(a) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right).$$

دغه معادله د کوچني کرې او لوي قشر ترمنځ د پوتنشیل توپیر رانښايي، باید په یاد ولرو چې دغه معادله د  $Q$  له چارج څخه چې په خارجي قشر کې وجود لري مستقره ده، که چېرې  $q$  مثبت وي نو د پوتنشیل توپیر به همیشه منفي وي، او دا مونږ ته رانښايي چې خارجي قشر همیشه په ټیټ پوتنشیل کې وي، که چېرې مثبت چارج ته اجازه ورکړل شي

ترڅو د دواړو کړو تر منځ حرکت وکړي نو هغه به د لوړ څخه ټیټ پوټنشیال ته حرکت وکړي داسې چې له داخل څخه به د کړې خارج ته لاړ شي او دا په دې پورې اړه نلري چې څومره چارج د وړاندې څخه په خارجي دایروي قشر کې وجود لري.

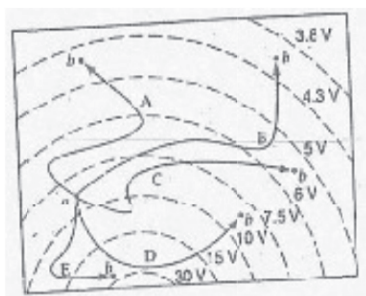
څو ځوابه انتخابي پوښتنې:

۴-۱ پوټنشیال انرژي

۴-۲ بریښنايي پوټنشیال انرژي

۴-۳ برقي پوټنشیال

۴-۲۵-۱ شکل کې وگورئ یو منفي نقطوي چارج له  $a$  نقطې څخه د  $b$  څو ممکنه اخري نقطو ته حرکت کوي، کوم مسیر تر ټولو زیات مقدار، خارجي کار ته اړتیا لري تر څو دې ته حرکت ورکړي؟



۲۵- ۴- شکل ۱ څو ځوابه پوښتنه.

۲- یو الکترون د داسې یوې ساحې څخه چې بریښنايي ساحه هلته صفر نه وي د سکون له حالت څخه خوشي کیږي نو کومه یوه لاندې جمله سمه ده؟

(A): دغه الکترون به د لوړو پوټنشیال ساحې په لور خپل حرکت ته دوام ورکړي.

(B): دغه الکترون به د ټیټ پوتنشیال ساحې په لور خپل حرکت ته دوام ورکړي.  
 (C): دغه الکترون به په هغه کرښه چې ثابت پوتنشیال ولري خپل حرکت ته دوام ورکړي.  
 (D): تر هغو به هیڅ ونه وایو ترڅو چې د بریښنايي ساحې جهت نه وي معلوم شوی.  
 ۴-۴ له بریښنايي ساحې څخه د پوتنشیال محاسبه:

۳-د الکتروستاتیکي شرایطو لاندې د یو چارج شوی هادي په داخل کې:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = 0 : (C) \quad \frac{\partial V}{\partial x} = 0 : (B) \quad V = 0 : (A)$$

(D): دواړه د A, B یا C باید سم وي.

(E): درې واړه باید سم وي.

4-د بریښنايي ساحې کرښې چې یو د بل سره تړلی دی، د A جسم ته نږدې کیږي په غیر له دی چې دوی د B جسم ته نږدې شی مونږ کولای شو حساب کړو:

(A): هغه پوتنشیال چې A ته نږدې له هغه پوتنشیال څخه چې B ته نږدې دی زیات دی

(B): هغه پوتنشیال چې A ته نږدې دي له هغې پوتنشیال څخه چې B ته نږدې دي کم دي.

(C): A ته نږدې پوتنشیال B ته د نږدې پوتنشیال سره مساوي دي.

(D): ټول ځوابونه ناسم دي.

۵-۲۵ شکل د درې نقطوي چارجونو د A, B او C چاپیره د بریښنايي ساحې کرښې

ښايي:

(a) کومه نقطه لوړ پوتنشیال ښکاره کوي:

P: (A)                      Q: (B)                      R: (C)

(D): درې واړه نقطې عینې پوتنسیال لري.

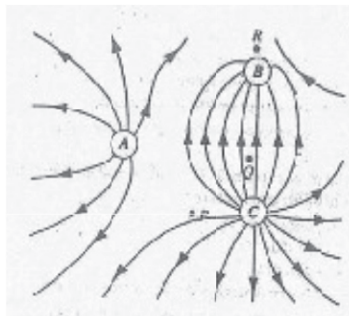
(b) کومه نقطه ټیټ پوتنشیال ښکاره کوي:

$R: (C)$

$Q: (B)$

$P: (A)$

(D) درې واړه نقطې عني پوتنشيال لري.



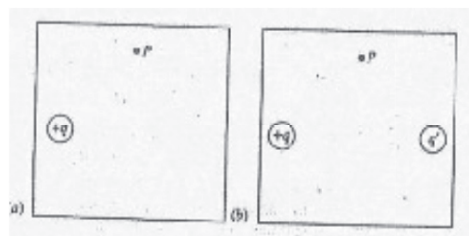
۴-۲۲ شکل: د خو ځوابه پوښتنو ۵ پوښتنی شکل.

۵-۴ د نقطوي چارجونو له امله رامنځ ته شوي پوتنشيال:

6- په ۴-۲۷a شکل کې د  $q$  یو ځانګړي مثبت چارج ښودل شوي دي او د  $P$  په نقطه کې پوتنشيال  $V_0$  دی (په بې نهایت کې  $V = 0$  دي):

(a) یو دوهم چارج  $q_1 = +q$  د  $P$  څخه په مساوي فاصله قرار لري لکه چې په ۴-۲۷b شکل کې ښودل شوي دي نو اوس پوتنشيال توپیر د  $P$  په نقطه کې عبارت دی له:

$0: (E) \quad \frac{V_0}{2}: (D) \quad \sqrt{2V_0}: (C) \quad 2V_0: (B) \quad 4V_0: (A)$



۴-۲۷ شکل: د خو ځوابه ۲ پوښتنی شکل.

۷- د دې لپاره چې د  $q$  دوه مثبت مساوي چارجونه له بې نهایت څخه انتقال کړو نو د دې کار لپاره  $1 \text{ mj}$  کار ته اړتیا ده نو بیا به دغه دوه چارجونه یو له بل څخه د  $a$  په فاصله جدا شي:

(a) د دې لپاره چې د  $q$  درې مثبت مساوي چارجونه له بې نهایت څخه منتقل شي نو څومره کار ته ضرورت دی داسې چې دغه چارجونه دمتساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې داسې ترتیب شي چې دهرې ضلعې اوږدوالی یې  $A$  وي:

$$A = 2mj \quad B: 3mj \quad C: 4mj \quad D: 9mj$$

(b) که چېرې د  $q$  څلور مساوي چارجونه ولرو او د نهایت څخه منتقل شي نو څومره کار ته ضرورت دی داسې چې دغه چارجونه په څلور ضلعې دمتوازی الاضلاع په راسونو کې داسې ترتیب شي چې دهرې ضلعې اوږدوالی یې  $A$  سره مساوي وي:

$$A: 3mj \quad B: 4mj \quad C: 6mj \quad D: 16mj$$

۸- که د  $q$  نقطوي چارج په مبدا کې وي او د  $2q$ ، د  $X = a$  کې ځای په ځای شوي وي چېرته چې  $a$  مثبت دی دلته  $V(\infty) = 0$

(a) نو کومه یوه لاندې بیانيه سمه ده:

(A) د  $X$  له محور څخه بهر چارجونو ته نږدې بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي

(B) د  $X$  پر محور به د بریښنايي پوتنشل مقدار اعظمي قیمت ولري.

(C) د دواړو چارجونو تر منځ سیمه کې بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي.

(D) یواځې د  $X$  پر محور بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي.

(b) د  $x$  پر محور په کومو لاندینو سیمو کې د یوې داسې، یوې نقطې امکان شته چې هلته بریښنايي پوتنشل صفروي:

$$-\infty < x < 0: A \quad 0 < x < a: B$$

$$a < x < \alpha: C \quad V: D \text{ په سیمه کې نه لیدل کیږي.}$$



۹- که چیري د  $q$  + نقطوي چارج په مبدا کې قرار لري او د  $-2q$  - نقطوي چارج  $X = a$  کې ځای په ځای شوي چېرته چې  $a$  مثبت دی، دلته  $V(\infty) = 0$  دی:  
 $(a)$  نو کومه یوه لاندې جمله سمه ده:

- $(A)$  د  $x$  پر محور چارونو ته نږدې برېښنايي پوتنشیل صفر کیدا شي.  
 $(B)$  د  $x$  له محور څخه بهر برېښنايي پوتنشیل خپل اعظمي قیمت درلودلی شي.  
 $(C)$  برېښنايي پوتنشیل یواځې د چارونو ترمنځ سیمه کې صفر کیدا شي؛  
 $(D)$  یواځې د  $X$  پر محور باندې یې برېښنايي پوتنشیل صفر کیدا شي.  
 $(b)$  په کومو لاندنیو سیمو کې یوه داسې نقطه شته ده چې هلته برېښنايي پوتنشیل صفر وي:

$$\begin{array}{ll} -\infty < x < 0: (A) & 0 < x < a: (B) \\ a < x < \infty: (C) & (D): (V) \text{ په سیمه کې نه لیدل کیږي} \end{array}$$

۲-۴ د چارونو د پرلپسې خپریدنې له امله رامینځ ته شوی برېښنايي پوتنشیل:  
 ۱۰- د منظمې مثبت چارداره حلقې په محور د  $V(z)$  برقي پوتانشیال چېرته چې  $V(\infty)$  ملاحظه کړی؟

$$(a): V(z) \quad \text{شاید تر ټولو لوی قیمت ولري چېرته چې:}$$

$$A \quad z = 0: B \quad 0 < |z| < \infty: C \quad |z| < \infty: D \quad \text{او } C \text{ صحیح دي}$$

11- د منظمې مثبت چارداره صفحې په محور د  $V(z)$  برقي پوتانشیال، چېرته چې  $V(\infty) = 0$  ملاحظه کړی؟

$(a)$  - شاید خپل لوی قیمت ولري، چېرته چې:

$$|z| = \infty : C \quad 0 < |z| < \infty : B \quad z = 0 : A$$

$D : A$  سم يی  $C$  اودی

(b)  $V(z)$  کېدای شي صفر وي، چېرته چې:

$$|z| = \infty : C \quad 0 < |z| < \infty : B \quad z = 0 : A$$

$D : A$  او  $C$  يې سم دی

۴-۷ پوتانشيال څخه د برېښنايي ساحې محاسبه:

۱۲- يو وړوکی مثبت چارج په مبدا کې موقعيت لري په دغه چارج باندې د  $x$  د محور په الکتروستاتيکي قوه اثر کوي. اول: کېدای شي په مبدا کې حساب شوي وي:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \neq 0 : C \quad \frac{\partial V}{\partial x} \neq 0 : B \quad V \neq 0 : A$$

$D$ : دواړه  $A$  او  $B$  يا  $C$  بايد سم وي

$E$ : درې واړه سم دی

۱۳- يو برېښنايي ډايپول چې د  $x$  محور سره موازي دي او په مبدا کې واقع دی د  $x$  محور په امتداد په دې ډايپول يوه الکتروستاتيکي قوه اثر کوي، اول کېدای شي حساب شوي وي په مبدا کې:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \neq 0 : C \quad \frac{\partial V}{\partial x} \neq 0 : B \quad V \neq 0 : A$$

$D$ : دواړه  $A$  او  $B$  يا  $C$  بايد سم وي

$E$ : درې واړه سم دی

۸-۲۸ هم پوتانشياله سطحې:

۱۴- کله چې د  $\phi_E$  برقي سيلان يوې هم پوتانشياله سطحې ته نږدې راوړل شوي وي. نو کومه لاندې جمله تل لپاره سمه ده:

$$\phi_E < 0 : C \quad \phi_E > 0 : B \quad \phi_E = 0 : A$$

$D$  د  $\emptyset_E$  سطحې په داخل کې له خالص چارج سره متناسب دي.

۹-۴ د یو چارج شوي هادي پوتنشیل:

15- یوه کوچني هادي کره اصلا د  $q$  + اساسي چارج لري دغه کره یو هادي قوتی ته نښکته کیږي.

(a) کوم یو دلاندینو مقدارونو څخه برابریږي په هغه وخت کې چې کره نښکته کیږي خو مخکي له دې چې د قوتی سره په تماس کې راځي (امکان لري چې له یو څخه زیات ځوابونه سم وي):

(A) د قوتی پوتنشیل

(B) دکري پوتنشیل

(C) په کره باندي چارج

(D) په کره او قوتی باندي خالص چارج

(b) د یو توپ د قوتی سره په تماس راځي د تماس څخه مخکې او وروسته حالاتو کې نو کوم یو دلاندی مقدارونو ثابت پاتې کیږي (امکان لري چې له یو څخه زیات ځوابونه سم وي):

(a) د قوتی پوتنشیل

(b) دکري پوتنشیل

(c) په کره باندي چارج

(d) په کره او قوتی باندي خالص چارج

16- دوه کوچني هادي کرې د  $r = 1\text{cm}$  په شعاع، دوه مساوي مثبت چارجونه لري او یو له بل څخه د  $1\text{m}$  به فاصله کې قرار لري، دیوي کري بریښنايي پوتنشیل  $V_0$  دي (کله چې  $v = 0$  په لایتنهايیکې) نو:

(a) د بلي کري پوتنشیل عبارت دي له:

(A) له  $V_0$  څخه زیات دي

(B) له  $V_0$  څخه کم دي.

(C) له  $V_0$  سره مساوي دي.

(D) دنورو اضافي معلوماتو څخه پرته نه شي ټاکل کیدای.

(b) که کړي یو له بل سره نږدې شي ترڅو یو له بل سره په تماس کې راشي نو په دې وخت کې د دواړو کړو بریښنايي پوتنشل عبارت دي له:

$$V = V_0 \text{ (A)} \quad V_0 < V < 2V_0 \text{ (B)}$$

$$V = 2V_0 \text{ (C)} \quad V > 2V_0 \text{ (D)}$$

### پوښتنې Questions

1. ایا مونږ کولی شو چې د ځمکې پوتنشل د صفر پر ځای  $100\text{ V}$  وټولنو تاسو دلاندې کمیتونو محاسبه شوي قیمتونه پیدا کړئ؟ (a) پوتنشلونه (b) د پوتنشل توپيرونه.

2. څه به واقع شوي وای که تاسو په عایق ډول ولاړ وای نو ستاسو پوتنشل به د  $10\text{ kV}$  په اندازه د ځمکې سره د تماس له امله زیات شوي وای؟

3. الکترون، ولټ ولې د ژول په پرتله د انرژۍ یو مفید او مناسب واحد دي؟

4. پروتون ولټ به د الکترون ولټ سره څنګه مقایسه شي په داسې حال کې چې د یو پروتون کتله د الکترون د کتلې 1840 چنده ده؟

5. ایا د کار پر واحد د چارج مقدار چې د بریښنايي چارج د انتقالولو لپاره په الکتروستاتيکي ساحه کې له دې نقطې څخه بلې نقطې ته ضرورت لري د چارج په مقدار پورې تړاؤ لري؟

6. ایا د بریښنايي پوتنشل توپیر و بریښنايي پوتنشلې انرژي توپیر، ترمنځ کوم فرق شته د مثالونو سره یې واضح کړئ؟

7. تاسو د ټولو الکترونو هغه تړل شوي انرژي مقدار معلوم کړی. چې د کتود د وړانگو څخه په یوه ثانیه کې آزادېږي؟
8. ایا دا ولې امکان لري چې یوه کوټه د بریښنايي قواؤو څخه محفوظه کولی شو، خو د جاذبې قوې څخه نه؟
9. فرض کړی چې ځمکه یو خالص چارج لري چې صفر نه دي نو ولې تر اوسه دا امکان لري چې ځمکه د پوتنشیل د معیاري سرچینې په توګه ونیسو او دهغه لپاره  $V = 0$  تعین کړو؟
10. ایا دلته داسې پوتنشیل توپیر ممکن دي چې د دوه هادي ګانو تر منځ عین مقدار چارج منځ ته راوړي؟
11. د داسې حالاتو نو مثالونه بیان کړي چې دیو چارج شوي جسم د چارج مخالفه اشاره ولري؟
12. ایا دوه مختلفې هم پوتنشیل سطحې یو له بل سره تداخل کولی شي؟
13. یو بریښنايي کارکوونکي په ناڅاپي ډول د بریښنا لخوا ونیول شو، نو یوې خبر پانې داسې راپور ورکړ (یو سړي په ناڅاپي ډول د بریښنا د یو لوړ ولټیج لرونکي کیبل سره ولګیده چې د بریښنا مقدار یې  $20,000\text{ V}$  ؤ او د یوه تیز جریان په ډول دهغه له وجود څخه تیر شو تاسو ددې بیانيې غلطې څرګنده کړی؟
14. دغرو ختونکو لپاره دتالنده او تندري طوفان په وخت داسې نصیحت ورکول کیږي ( $a$ ) د غرونو له څوکو او څنډو څخه په تیزی راکوز شی. ( $b$ ) دواړه پښې کېږي او ازاده یو بل سره کیږدی؟ او دواړه باید د ځمکې سره په تماس کې راشي د دې ښه نصیحت اساس په څه ولاړ دي؟
15. که چیرې په یوه نقطه کې  $\vec{E}$  صفروي، نو ایا ضروري ده چې هلته  $V$  هم صفروي؟ تاسو خپل ځواب دځینو مثالونو په مرسته ثبوت کړی؟

16. که چیري په یوه درکړل شوي نقطه  $\vec{E}$  معلومه وي نو ایا تاسو کولی شي چې د  $V$  قیمت محاسبه کړي او کنه نو کوم څه ته ضرورت لری؟
17. ۱۸-۴ شکل وگورئ، د بریښنايي پوتنشیال د  $\vec{E}$  د ساحه په ښي طرف کي لویي قیمت لري او که په چپ طرف کي؟
18. ۱۲-۴ شکل کي تاسو د سطحې، ثابت پوتنشیال محاسبه کړي؟
19. مونږ ولیدل چې په یو سوري هادي کي دننه، د بهرنۍ سطحې د چارجونو څخه په امن کي پاتي کیدای شو، نو که چیري تاسو د هادي په بهرنۍ سطحه کي قرار ولری چې دغه هادي چارجونو لرونکي وي نو ایا تاسو به د هادي په بهرنۍ سطحه کي د چارجونو د تاثیر څخه په امن کي پاتي شی؟ تشریح ورکړئ؟
20. که چیري د یو چارج شوي هادي سطحه هم پوتنشیال وي، آیا دا معني لري چې چارج کولي شي چې په یو نواخت ډول په دغه سطحه کي خپور شي؟ که چیري د بریښنايي ساحي مقدار د سطحې په اوږدو کي د مقدار له جنسه ثابت وي نو ایا چارج په یو نواخت ډول خپریږي؟
21. په ۲۹-۴ برخه کي مونږ زده کړل چې که چیري د یو شان چارج شوي هادي داخلي برخي ته چارجونه خوشي کړو دغه چارجونه د هادي بهرني برخي ته انتقال کوي او دا په دي پوري تړاو نلري چې له وړاندي دلته څومره چارج موجود دي، نو آیا تاسو دي پروسې ته دوام ورکولی شی؟ که چیري داسي نه وي نو هغه کوم عوامل دي چې دا پروسه بنده وي؟
22. ولې یو شان چارج شوي اتوم دایمي د بریښنايي ډایپولي مومنټ نلري؟
23. ایونونه او الکترونونه د کثافت د مرکزو په شکل عمل اجرا کوي، نو ولې د اوبو څاڅکي په هوا کي د هغه چاپیره ځای نیسي واضح بې کړی؟
24. که چیري د فضا به یوه سیمه کې  $V$  قیمت ولري نو تاسو به دي سیمه کي د  $\vec{E}$  قیمت محاسبه کړي؟

25. په 14 خپرکي کې مونږ ولوستل چې د جاذبې قوت د یو دایروي قشر په دننه کې له صفر سره مساوي دي. د بریښنايي ساحې شدت نه یواځې د دایري په داخل کې د صفر سره مساوي بلکه د هر شکل لرونکې هادې په دننه کې صفر دی نو آیا بریښنايي شدت د یو شپږ ضلعي مکعب په دننه کې هم صفر دي؟ صفر دي او که نه دي علت یې واضح کړي؟

26. تاسو کوم دلایل لري چې په یوه راکړل شوي سیمه د فضا کې د پوتنشیل توپیر عین قیمت لري؟

27. د درې نقطوي چارجونو یو سیستم برابر کړی چې په لایتناهي فاصلو کې یو له بل څخه جدا شوي وي او پوتنشیل انرژي یې صفروي؟

28. یو چارج په عایق پوښ لرونکې هادې باندې د یو منظم مکعب په شکل قرار لري، نو د مکعب په مختلفو نقطو کې د مربوطه چارج کثافت به څومره وي؟ او په چارج باندې به په کومه قوه تاثیر وکړي که چیرې مکعب په هوا کې واقع وي؟

29. مونږ زده کړل چې د هادې په داخلي او خارجي سطحو کې پوتنشیل عین قیمت لري (a) نو څه به واقع شي که چیرې هادې غیر منظم شکل ولري، او پخپله داخلي برخه کې یوه غیر منظمه خالیگاه ولري؟ (b) څه به واقع شي که چیرې په دغه خالیگاه کې داسې سوري وجود ولري چې له بهرني سطحي سره اړیکه ولري (c) څه به واقع شي په هغه حالت کې چې خالیگاه بنده وي خو د هغې په داخل کې یو څوړند شوي نقطوي چارج وجود ولري نو تاسو د دغه هادې په داخل او د هغه په مختلفو نقطو کې پوتنشیل په مقدار باندې بحث وکړی؟

30. که چیرې یو شان چارج شوي دایروي قشر یو منفي چارج منځ ته راوړي نو څه به واقع شي که یو مثبت چارج شوي جسم د قشر د داخلي برخې سره په تماس کې راشي نو تاسې دغه درې حالتونو باندې بحث وکړی؟ (a) چې کوچني وي (b) مساوي وي (c) له منفي چارج څخه په مقدار کې لوی وي؟

31. یوه غیر چارج شوي کره دیو ورینمین تار په واسطه په یوه بهرنۍ یو نواخته برېښنايي ساحه کې ځوړنده شوي ده نو دکرې په داخل کې د مختلفو نقطو لپاره د برېښنايي ساحې مقدار به څومره وي؟ ایا ستاسو په ځواب کې به فرق راشي که چیرته کره یو چارج منځ ته راوړي؟

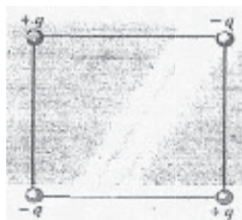
### تمرینونه (Exercises):

۱-۴ پوتنشیل انرژي:

۲-۴ پرېښايي پوتنشیل انرژي:

1. د اساسي ذرو په کوارک ماډل (*quark model*) کې کله چې پروتون په درې کوچنیو برخو *quark* داسې برابر شي: دوه برخې پورته خوا ته چې هر یوه  $\frac{2}{3}e$  د چارج لري او یوه برخه ئې لاندې چې  $-\frac{1}{3}e$  چارج لري که فرض کړو چې درې واړه برخې یو له بل څخه مساوي فاصلي ولري، نو که چیرې فاصله  $1,32 \times 10^{-15}$  شي نو تاسو (*a*) د پورتنیو دؤو برخو تر منځ د متقابل عمل پوتنشیل انرژي محاسبه کړئ. (*b*) د ټول سیستم د پوتنشیل انرژي په مجموعي ډول سره محاسبه کړئ؟

2. تاسو د هغه کار لپاره یوه معادله جوړه کړئ چې د بهرني عامل په واسطه د هغه څلورو چارجونو لپاره چې په ۲۸-۴ شکل کې ځای په ځای شوي دي، که چیرې د مربع هر ضلع د *a* په اندازه اوږدوالي ولري؟

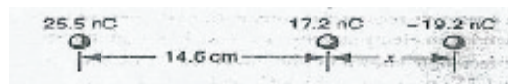


۲۸-۴ شکل: ۲ تمرین.



3. یوه پېړي مخکې انشتاین خپله تیوري د (J.J Thomson) د تیوري سره په ارتباطي ډول داسې خپره کړه چې یو الکترون شاید له ډیرو زیاتو برخو څخه جوړ شوي وي او د دې کتلې ځکه موجودیت لري چې د برخو تر منځ یې بریښنايي متقابل عمل وجود لري او بله دا چې هغه وویل چې د انرژي مقدار د  $mc^2$  په واسطه تعین کیږي نو تاسو د الکترون کتلې په لاندې نيو طریقو سره څرگنده کړئ، فرض کړئ که چیرې یو الکترون له درې مساوي برخو څخه جوړ شوي وي او له بې نهایت څخه منتقل شي او په راسونو کې په داسې ډول سره قرار ونیسي چې مثلث جوړ کړي. چې ټولې ضلعي یو له بل سره مساوي وي او ساده شعاع یې  $2,82 \times 10^{-15}m$  وي نو (a) د دغه سیستم مجموعي پوتنشل انرژي پیدا کړئ. (b) تاسو دغه په  $c^2$  ویشئ او نتیجه یې د الکترون د اصلي کتلې  $9,11 \times 10^{-31}kg$  سره مقایسه کړئ. دا نتیجه ثبوت کوي چې که چیرې نورې برخې هم په نظر کې ونیسو لکه په دوهم سوال کې خو نن ورځ د الکترون واحدې او نه جدا کېدونکې ذرې په ډول په نظر کې نیول کیږي.

4. ۲۹-۴ شکل وگورئ. دلته بنکاري چې چارجونه په فضا کې برابر شوي وي نو تاسو د X فاصلي قیمت به هغه وخت کې پیدا کړئ که چیرې د سیستم برېښنايي پوتنشل انرژي صفروي.

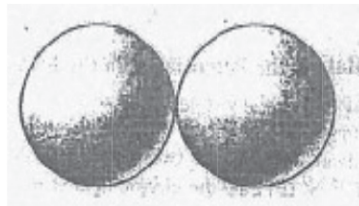


۲۹-۴ شکل: تمرین ۴

5. ۴-۳۰ شکل د  $^{238}_{92}\text{U}$  اتوم هسته چې  $Z = 92$  د فیژن تعامل (Fission) پر مهال څرگندوي، نو (a) نود دواړو ټوټو تر منځ متقابل عمل په نتیجه کې دافغوي قوه محاسبه کړي؟

(b) د دواړو ټوټو تر منځ ددوه اړخیزه متقابل عمل برېښنايي پوتنشل انرژي محاسبه کړي، فرض کړئ که چیرې ټوټې یو له بله سره په سایز او چارج کې مساوي وي او دواړه کروي شکل ولري او یوه له بلې سره د تماس په حال کې وي او د کري شعاع د  $^{238}_{92}\text{U}$  له

$8,0 fm$  سره مساوي وي او فرض کړي چې هر جسم دهستو څخه د چارج د ثابت کثافت لرونکي وي.



۴-۳۰ شکل: ۵ تمرین

۴-۳ برېښنايي پوتنشنیل:

6. دوه موازي، همواري هادي سطحي چې یو له بل سره  $d = 1,0 cm$  فاصله لري او د پوتنشنیل توپیر  $\Delta V = 10,3 kV$  سره مساوي وي، یو الکترون له یوې سطحي څخه بلې سطحي ته په فوري ډول سره دفع کیږي، نو تاسو په هغه وخت د الکترون لومړني کثافت محاسبه کړئ چې دوهمې سطحي ته د دفع پرمهال د سکون حالت اختیار کړي.

7. په یو بیلګه ایز برېښنايي ځلا کې د پوتنشنیل توپیر د دوه بی چارجه نقطو ترمنځ له  $1,0 \times 10^9 V$  سره مساوي دي او دهغه چارج مقدار چې انتقال شوي دي له  $30 c$  سره مساوي دي ( $a$ ) څومره انرژي ازادېږي؟

(b) که چیرې ازاده شوي انرژي وکولي شي چې  $1200 kg$  په اندازه موټر ته د سکون له حالت څخه تعجیل ورکړي نو تاسو د موټر وروستی چټکتیا محاسبه کړي؟

(c) که چیرې دغه انرژي دیځ ویلی کولو لپاره وکارول شي نو په  $0^\circ c$  کې به څومره یخ ویلي کړي؟

8. د تندري طوفان په جریان کې د دوه ټاکلو بی چارجه نقطو ترمنځ د پوتنشنیل توپیر له  $1,23 \times 10^9 V$  سره مساوي دي نو تاسو د هغه الکترون په پوتنشنیل انرژي کې تغیر محاسبه کړي چې د دغو دوو نقطو ترمنځ د حرکت په حال کې دي؟

9. یوه د  $q$  چارج لرونکي ذره په یو ټاکلي موقعیت کې د  $P$  په نقطه کې قرار لري او دوهمه ذره د  $m$  په کتله چې عین چارج لري په لومړني سرکي د سکون په حالت کې د  $P$  له نقطې څخه د  $r_1$  په شعاع قرار لري بیا دوهمه ذره خوشي کیږي او له لومړي ذري څخه هغه د یو مانع په واسطه جدا شوي ده نو تاسو د دې چټکتیا په همغه لحظه کې پیدا کړي چې د  $P$  څخه د  $r_2$  فاصله ولري که چیرې:

$$r_2 = 2,5\text{mm}, \text{ او } r_1 = 0,90\text{mm}, m = 18\text{mg}, q = 3,1\mu\text{C}$$

10. یو الکترون د  $3,44 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  متر پر ثانیه په لومړني سرعت سره دفع کیږي او په فوري ډول د یو پروتون سره چې وړاندي د سکون په حالت کې دی په تماس کې راځي که چیرې الکترون د دواړنډي په یوه لویه فاصله له پروتون څخه قرار ولري نو په کومه فاصله کې د پروتون څخه د ده سرعت په اني ډول دهغه د لومړني قیمت له دوه چنده سره مساوي کیږي؟

11. (a) تاسو هغه برېښنايي پوښښ محاسبه کړي چې د هایدروجن د اتوم د هستې له امله منځ ته راځي چې د یو ګرځیدونکي الکترون څخه دهغه منځنۍ فاصله  $r = 5,29 \times 10^{-11}\text{m}$  وي؟

(b) تاسو د دې برېښنايي پوښښ انرژي محاسبه کړۍ که چیرې دغه اتوم همدومره شعاع ولري؟

(c) تاسو د دې الکترون حرکي انرژي محاسبه کړۍ؟

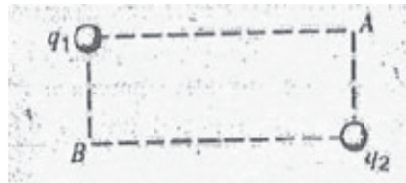
(d) خومره انرژي ته اړتیا ده تر څو دا هایدروجن ایونایز کړي؟ تاسو ټولې انرژي په الکترون ولټ سره تشریح کړۍ او په بې نهایت کې  $V = 0$  فرض کړۍ؟

12. ۳۱-۴ شکل ته پام وکړي دلته یو مستطیل در کړل شوي چې د ابعادو اوږدوالي یې  $5,0\text{cm}$  او  $15\text{cm}$  دي که  $q_1 = -5,0\mu\text{C}$  او  $q_2 = +2,0\mu\text{C}$  وي نو:

(a) : د  $A$  او  $B$  په کونجونو کې برېښنايي پوښښ لونه محاسبه کړي.

(b) څومره بهرني کارته اړتيا ده تر څو د  $q_3 = +3,0\mu C$  چارج د  $a$  له نقطې څخه د  $B$  نقطې ته انتقال شي.

(c) په دې پروسه کې، آیا بهرني کار په الکتروستاتيکي پوتنسیال انرژي باندې بدلېږي او که برعکس تشریح ورکړی؟



۳۱-۴ شکل: ۱۲ تمرین.

۴-۴ له برېښنايي ساحې د پوتنسیال محاسبه:

13. دوه اوږده او یو له بل سره موازي هادي قابونه چې یو له بل څخه د  $12,0\text{cm}$  په فاصله جدا شوي دي او مساوي خو مخالف چارجونه منځ ته راوړي، البته د دوي یو بل ته، په مخامخ سطحو په یو الکترون باندې چې د دوي په منځ کې واقع دي د  $3,90 \times 10^{-15}\text{N}$  قوه وارده وي نو تاسو:

(a) د الکترون په موقعیت د برېښنايي ساحې شدت پیدا کړی؟

(b) د دواړو قابونو تر منځ د پوتنسیال توپیر څومره دي؟

14. د چارج یوه ټوټه چې د چارج سطحې کثافت یې  $0,12 \frac{\mu C}{m^2}$  دي، نو دغه هم پوتنسیال سطحې به یو له بل څخه څومره فاصله لري. د کومو چې پوتنسیالونه یو له بل څخه  $48\text{V}$  فرق لري؟

15. یو  $Gieger\ counter$  د  $2,10\text{cm}$  قطر په اندازه یوه استوانه لري او دهغې په محور باندې یو سیم چې د  $1,34 \times 10^{-4}\text{cm}$  په اندازه قطر لري وصل شوي دي که چېرې د  $855\text{V}$  په اندازه پوتنسیال د دوي په منځ کې موجود وي نو تاسو په سطحه کې د برېښنايي ساحې مقدار معلوم کړی. (a) د سیم (b) داستواني؟

16. که چیري د برښنايي ساحي شدت  $1,92 \times 10^5 \text{ N/C}$  وي او د دوه قابونو ترمنځ فاصله  $1,50 \text{ cm}$  وي نو تاسو د دغو دوو قابونو ترمنځ د پوتنشيال توپير محاسبه کړی؟  
۲۸-۵ د نقطوي چارجونو له امله رامنځ ته شوي پوتنشيال:

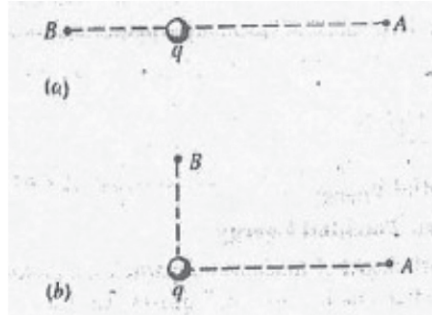
17. د طلا يوه هسته چي يو مثبت چارج لري او له  $79$  پروتون سره مساوي ده او شعاع يي  $7 \text{ fm}$  ده د الفا يوه ذره چي د  $K$  په اندازه حرکي انرژي لري او له دي هستي څخه په ليري فاصله کي واقع ده او په فوري ډول د دي په لور د حرکت په حال کي ده نو هغه وخت چي د الفا ذره د سطحې سره د تماس په حال کي وي نو د هغه سرعت واپس کيږي.

(a) محاسبه کړی. (b) د الفا ذري حقيقي انرژي چي د رادرفور په تجربه کي استعمال شوي ده، چي د اتومي هستي د تيوري د کشف لپاره ډيره مرسته ئي وکړه له  $5 \text{ MeV}$  سره مساوي ده نو ستاسو نور اضافي معلومات په دي باره کي څه دي؟

18. تاسو دهغه الکترون د فرار سرعت محاسبه کړي چي د يوي، يو شان چارج شوي کړي له سطحې څخه چي شعاع يي  $1,22 \text{ cm}$  ده او مجموعي چارج يي  $1,76 \times 10^{-15} \text{ C}$  دي د جاذبي قوي څخه ئي صرف نظر وکړی؟

19. يو نقطوي چارج  $q = +1.16 \mu\text{C}$  په اندازه لرو د  $A$  نقطه چي له هغه څخه  $2,06 \text{ m}$  فاصله لري په نظر کي ونيسي او د  $B$  نقطه ئي د قطر په مخالف جهت کي له هغه څخه  $1,17 \text{ m}$  فاصله لري لکه په  $۳۲-۴ a$  شکل کي نو (a) تاسو د  $V_A - V_B$  پوتنشيال توپير پيدا کړی؟

(b) دغه عمليه بيا تکرار کړی. که چیري  $A$  او  $B$  د  $۳۲-۴ b$  په شکل کي قرار ولري.



۳۲-۴ شکل: ۱۹ تمرین.

20. کله چي يوه فضايي بېړۍ د ځمکې د ايونو سفير طبقه کي چې د رقيق ايونايښ شوي ګاز په اوږدو کي د حرکت په حال کي ده د دي پوتنشيال په بيلگه ايز ډول د  $-1,0V$  په اندازه بدلېږي مخکې له دي چې يو مکمل دوران پوره کړي، که چيري دغه بېړي کروي شکله فرض شي او شعاع يې  $10m$  وي نو تاسو د هغه چارج مقدار محاسبه کړۍ چي دغه بېړي يې جمع کوي؟ زياتره مواد شامل دي د زحل (*Saturn*) حلقو کې (۳۳-۴ شکل وگورۍ) چې د گرد او غبار د وړو ذرو په شکل وي، او د  $1.0\mu m$  په اندازه شعاع ګانې لري، دغه ذرې په داسې يوه ساحه کې شتون لري چېرته چې رقيق ګاز په آيون تبديل شوي وي او د خپل ځان سره په ډېره زياته پيمانه الکترونونه اخلي، که چېرې برقي پوتنشيال دنوموړي ذرې په سطحه  $400 V$  وي نو (چې لايتناهي کې  $V = 0$  نه وي) نو تاسو دا و وایاست چې په څومره پيمانه الکترونونه به يې له ځان سره پورته کړي وي؟



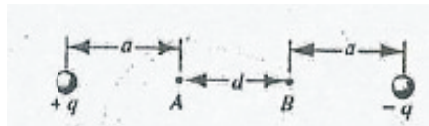
۳۳-۴ شکل: ۲۰ تمرین.

21. کله چي يوه فضايي بېړۍ د ځمکې د ايونو سفير طبقه کي چې د رقيق ايونايښ شوي ګاز په اوږدو کي د حرکت په حال کي ده د دي پوتنشيال په بيلګه ايز ډول د  $1,0 V$  په اندازه بدلېږي مخکې له دي چې يو مکمل دوران پوره کړي که چيري دغه بېړي کروي شکله فرض شي او شعاع يې  $10 m$  وي نو تاسو د هغه چارج مقدار محاسبه کړي چي دغه بېړۍ يې جمع کوي؟

22. فرض کړۍ چې د يوه سينټ په يوه ميسي سيکه کې منفي چارج د ځمکې څخه په ډېره لرې فاصله کې، لرې کړای شوی دی، بنایي چې فاصله يې کهکشان وي، او په دې توګه د ځمکې په سطحه باندې مثبت چارجونه په مساوي ډول سره تقسيم شوي وي، نو تاسو دا معلومه کړئ چې د ځمکې پر سطحه د تغير د پاره د څومره برقي پوتنشيال ته اړتيا ده (۱-۱) نمونوي مثال يې په وګورۍ.

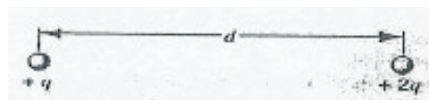
23. د ځمکې د سطحې سره نژدې د  $100 V/m$  په اندازه يوه برقي ساحه مشاهده شوې ده، که چېرې دا ساحه د ځمکې د ټولې سطحې د پاسه يو ډول وي، نو د سطحې په يوه نقطه کې به برقي پوتنشيال څومره وي؟ (فرض کړۍ هغه چې په لايتناهي کې  $V = 0$  دی).

24. د امونیا مالیکول  $NH_3$  چې یو دایمي (ثابت) برقي ډایپول مومنټ لري، چې مساوي دي له  $1.47 D$  سره، چیرته چې  $D$  د  $debye$  واحد دی، چې اندازه یې عبارت ده له  $3.34 \times 10^{-30} C.m$  سره، تاسو یې برقي پوتانشیل محاسبه وکړئ. که د امونیا مالیکول په یوه نقطه کې چې  $52.0 nm$  د ډایپول د محور امتداد څخه لرې وي؟ فرض کړئ چې په لایتناهي کې  $V = 0$  دی.
25. د (a) شکل ۴-۳۴ تاسو د  $V_A - V_B$  دپاره یوه افاده پیدا کړئ؟
- (b) ایاستاسو نتیجه دمتوقع ځواب څخه کله چې  $d = 0$  وي څخه کمه ده؟ کله چې  $a = 0$  او  $q = 0$  سره مساوي وي؟



شکل ۴-۳۴: تمرین ۲۵.

26. په شکل ۴-۳۵ کې د نقطې ځای معلوم کړئ. که هر نقطه ځای پر ځای کړئ؟
- (a) چیرته چې  $V = 0$  وي
- (b) چیرته چې  $E = 0$  وي، تاسو یواځې په محور باندې نقطې فرض کړئ او په لایتناهي کې  $V = 0$  قبول کړئ؟



شکل ۴-۳۵: تمرین ۲۶.

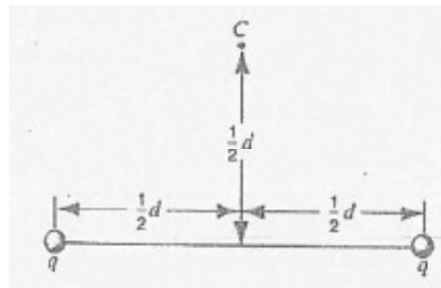
27. دوه چارجونه چې په هغې کې  $q = +2.13 \mu C$  سره دی په خلا کې ځای پر ځای شوي دي، په داسې فاصله کې چې اندازه یې عبارت ده له  $d = 1.96 cm$  څخه چې په شکل ۳۲-۴ کې ښودل شوي دي.



(a) کله چې تاسو  $V = 0$  ولایتناهي کی ونیسئ. نو برقي پوتانشیل به په  $C$  نقطه کې خومره وي؟

(b) که چېرې تاسو یو دریم چارج  $Q = +1.91\mu C$  په کراره توگه دلایتناهي څخه  $C$  لور ته راوړئ، نو تاسو به خومره کار ترسره کړی وي؟

(c) پوتانشیال انرژي دهغه د موقعیت لپاره خومره ده کله چې دریم چارج په هغه فضاء کې واقع وي؟



۴-۳۲ شکل: ۲۷ تمرین.

۴-۲ د پرلپسې چارجو نوډویش برقي پوتانشیال:

28. دیوې منظمې چارج شوي صفحې ( $disk$ ) چې شعاع یې  $R$  ده د محور په امتداد به یې، په کومه فاصله کې برقي پوتانشیال یو نیم برابر د صفحې ( $disk$ ) د سطحې څخه د مرکز دیوتانشیال وي؟

29. د  $-9.12nC$  برقي چارج دیوې حلقې ( $ring$ ) په چاپیر چې شعاع یې  $1.4m$  ده په منظم ډول توزیع شوی چې مبدا یې د  $yz$  د مستوی په مرکز کې واقع ده یوه زره چې  $-5.93pC$  چارج لري د  $3.07m$  په فاصله د  $x$  د محور د پاسه واقع ده هغه کار محاسبه کړئ چې خارجي عامل په واسطه د نقطوي چارج د حرکت کولو لپاره د مبدا په لوري اجرا کېږي چی د یوه خارجي عامل په واسطه سرته رسیدلی دی، چې د نقطوي چارج اصلي موقعیت ته انتقالوي؟

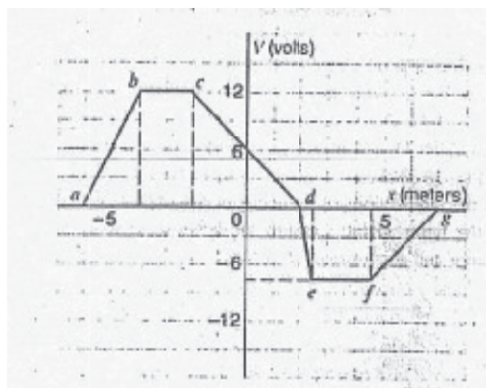
۴-۷ د پوتانشیل څخه د ساحې محاسبه:

30. فرض کړئ چې برقي پوتانشیل د  $x$  محور څخه بدلون مومي، لکه څرنګه چې په ۳۷-۴ گرافیکي شکل په انټروال کې ښودل شوي دي (تاسو د انټروال د وروستیو نقطو روږې څخه صرف نظر شئ) تاسو نوموړی انټروال داسې واضح کړئ چې په هغې کې  $E$ :

a- تر ټولو لوی قیمت لري.

b- تر ټولو کم قیمت لري.

c- د  $x$  په برابر د  $E$  موقعیت وښایست؟



۳۷-۴ شکل: ۳۰ تمرین.

31. دوه لوی ټی موازي فلزي تختې چې د  $1.48\text{cm}$  په فاصله سره جدا دي مساوي او متضا د چارجونه د هغوی د سطحو پر منځ انتقالوي، منفي تخته یې د ځمکې سره وصل شوې ده، چې پوتانشیال یې صفر دی که چېرې دنوموړو تختو ترمنځ په نیمایي لاره کې پوتانشیل  $+5.52\text{ V}$  وي نو د دغه منطقي برقي ساحه به څومره وي؟

32. د منظمي چارج شوي حلقې د محوري نقطو لپاره ۴-۳ معادلې څخه د  $E$  لپاره یوه افاده په لاس راوړئ؟

33. د  $\frac{\partial v}{\partial r}$  له لارې د سروزر د یو هستې په سطحه کې شعاعي پوتانشیال محاسبه

کړی؟ ۷-۴ نمونوي مسئله وگورئ؟

34. د اول خپرکی ۳۹ تمرین د رادر فورډ دبرقي ساحې محاسبه دیو اتوم د مرکز څخه

د  $r$  په فاصله رابښایي، هغه همدارنگه برقي پوتانشیال د  $V = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r} - \frac{3}{2R} + \frac{r^2}{2R^3} \right)$  دپاره دنوموړي افادې څخه تقلید په شان په لاس راوړو:

(a) تاسو وایاست چې د اول خپرکی په ۳۹ تمرین کې دبرقي ساحې لپاره څرنگه افاده ورکړل شوې ده، تاسو کولای شئ چې د  $V$  دپاره دنوموړي افادې څخه تقلید وکړئ؟ (b) دا وایاست چې د  $V$  دپاره نوموړي افاده ولې صفر ته نه ځي کله چې  $r \rightarrow \infty$  وکړي؟

35. د  $V$  برقي پوتانشیال د مخصوصو پلیټونو ترمنځ خلا، او چې اوس دکاره ولیدلی

(زاړه شوي دي) چې د  $V = \left( \frac{1530}{m^2} \right) x^2$  په واسطه جدا کېږي، چېرته چې  $x$  دیو پلیټ څخه فاصله ده، محاسبه کړئ دبرقي ساحې مقدار او جهت چې  $x = 1.28 \text{ cm}$  وي؟

۸-۴ هم پوتانشیاله سطحې:

36. د چارجونو دوه لاینونه د  $Z$  د محور سره موازي دی یو یې:

$$+\lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{د فاصلې په واحد}}$$

محور ښي لور څخه د  $a$  په یوه فاصله او بل یې:

$$-\lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{د فاصلې په واحد}}$$

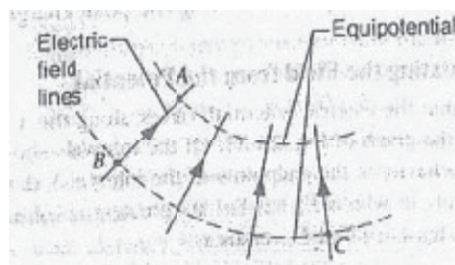
د  $a$  په یوه فاصله د دې محور کین طرف کې واقع دی. (لایونه او د  $z$  محور په یو شان مستوی کې واقع دی) دهم پوتانشیاله سطحو بعضې برخې شرحه کړی؟

37. د برقي ساحې د خطونو په امتداد برقي ساحه د  $a$  د نقطې څخه د  $b$  نقطې پورې

د الکترون د حرکت لپاره  $3,49 \times 10^{-19} \text{ J}$  کار اجرا کوي دا ساحه په ۴-۳۸ شکل

کې ښوول شوي د برقي پوتانشیل تفاوت یې څومره دی؟

$$(a) V_B - V_A \quad (b) V_C - V_A \quad (c) V_C - V_B$$



۴-۳۸ شکل: ۳۷ تمرین.

38.  $q = 1,5 \times 10^{-8} \text{ C}$  یو نقطوي چارج دی (a) د هم پوتانشیاله سطحې شعاع به

یې څومره وي چې  $30 \text{ V}$  پوتانشیال ولري؟ (په لایتناهي کې  $V = 0$  نیسو)

(b) یا هغه پوتانشیالی سطحې چې دهغوی د پوتانشیال تغیر په یو ثابت مقدار ( $1,0 \text{ V}$ )

ویل کېږي) تغیر کوي ایا درستي ځای په ځای شوي دي؟

39. په ۴-۳۹ شکل په کيفي ډول شرحه کړی؟ (a) د برقي ساحې خطونه (b) د هم

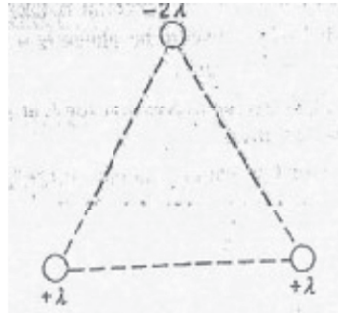
پوتانشیاله سطحو تقاطع د شکل د شرطونو سره (یادونه: ملاحظه کړی. د هر نقطوي

چارج سره نږدې وضع او د دوه جفتو چارجونو د توجه وړ فاصله)



۴-۳۹ شکل: ۳۹ تمرین.

40. درې اوږده موازي چارجداره خطونه چې د عینې خطي چارج د کثافت لرونکي دي چې ۴-۴۰ شکل کې ښودل شوي دي تاسو د برقي ساحې خطونه او دهم پوتانشیال سطحو تقاطع نظر دی شکل مستوی ته شرحه کړی؟



۴۰- شکل ۴۰: تمرین.

۴-۹ د یو چارج شوي هادي پوتانشیال:

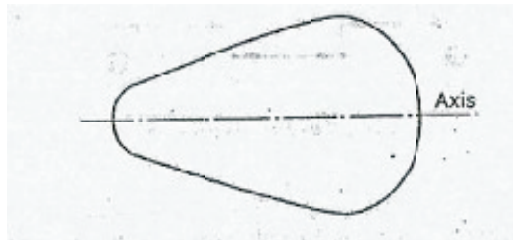
41. یوه نازکه کروي شکله هادي قشر، چې خارجي شعاع یې  $20\text{cm}$  ده، د  $3,0\mu\text{C}$  چارج انتقالوي تاسوئې شرحه کړی؟ (a) د  $E$  د برقي ساحې مقدار (b) د قشر د مرکز څخه د  $r$  په فاصله د  $V$  پوتانشیال (په لایتناهي کې  $V = 0$  قبلوئ).

42. فرض کړی. د (۱) او (۲) دوه لوی جدا شوي هادي کري چې د دوهمې کرې قطر د اولې کرې دوه چنده دی، کوچنۍ کره په لومړي حالت کې د  $q$  یو مثبت چارج لري او لویه کره په اوله کې چارج نلري، تاسو اوس دا کرې د یو اوږد نري سیم په واسطه سره وصل کړی، (a) د کرو مربوطه د  $V_1$  او  $V_2$  نهایی پوتانشیالونه څومره دي؟ (b) د  $q$  د چارج په وخت کې د کرو د  $q_1$  او  $q_2$  نهایی چارجونه پیدا کړی؟

43. (a) که چېرته ځمکه د خپلې سطحې په یو متر مربع مساحت کې د یو الکترون په اندازه خالص چارج ولري (ډېر خیالي یې قبلوو) نو د ځمکې پوتانشیال به څومره وي (که په لایتناهي کې  $V = 0$  وي)؟

(b) د ځمکې بیرونی سطحه کی به برقی ساحه څومره وي؟

44. د  $15nC$  یو چارج د عادي موبیلو په واسطه تولید شوي دي، او په کوم پوتانشیال سره (په لایتناهي کې  $V = 0$  دی) دغه چارج د یو  $16cm$  شعاع لرونکی عایقي شوي هادی کړي د چارج مقدار ته تغیر ورکولی شي؟
45. محاسبه کړئ؟ (a) چارج (b) د چارج کثافت دهغه کړي په سطحه باندې چې  $15,2 cm$  شعاع او د  $215 V$  پوتانشیال لرونکې ده؟
46. هغه فلز چې په ۴۱-۴۲ شکل کې ښودل شوي دي، د یو افقي محور په شاوخوا د دوران ښوونکی دی، که چېرې د منفي چارج لرونکی وي تاسو یې هم پوتانشیال او د برقي ساحې خطونه شرحه کړئ؟ که تاسو دریاښیكي محاسباتو په ځای د فزیکي دلیل څخه کار واخلئ؟



۴۱-۴۲ شکل: تمرین.

47. دوه هادی کړي چې یوه یې  $5,88cm$  شعاع او بله یې  $12,2cm$  شعاع لري. او هره یوه یې  $28,6nC$  چارج لري. او د یو بل څخه ډېرې لري واقع وي، که چېرې ته وروسته د یو هادی سیم په واسطه سره وصل شي:
- a. د هغوی د پاسه نهایی چارج او
- b. د هرې کړي پوتانشیال (که په لایتناهي کې  $V = 0$  قبول کړو) محاسبه کړئ؟
48. یوه فلزي چارج لرونکې کره چې  $16,2Cm$  د شعاع لرونکې ده او اصلي چارج یې  $31,5nC$  دی:
- a- د کړي په سطحه برقي پوتانشیال ټی پیدا کړئ (که په لایتناهي کې  $V = 0$  وي)
- b- د کړي د سطحې څخه په کومه فاصله کې برقي پوتانشیل کمیږي د  $550 V$  په واسطه.

## ۱۰-۴ الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکی:

49. (a) څومره چارج ته ضرورت دی چې د یوې عایقي شوي فلزي کرې چې شعاع یې یو متر ده پوتانشیال یې  $1.0\mu V$  شي، فرضوئ چې په لایتناهي کې  $V = 0$  دی. او د کرې شعاع د دوهم ځل لپاره هم  $1.0\text{cm}$  ده (b) ولې مونږ الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکي ته د لویو کرو څخه ګټه اخلو په داسې حال کې چې دا پوتانشیال د یو کوچنۍ کرې د یو کوچنۍ چارج په واسطه هم لاسته راوړل کېدای شي ( یادونه: د چارج کثافت نې محاسبه کړئ؟)

50. فرض کړئ چې د پوتانشیال تفاوت د دوه داخلي لوړپوتانشیال لرونکو قشرونو ترمنځ د *Vandegraaff* په تعجیل ورکونکي کې او په هغه نقطه کې چې د چارجونو څخه جدا ده د حرکت په وخت کې یې پوتانشیال  $3,41\mu V$  دی. قشر ته د انتقال شوی چارج (جریان) مقدار  $2,83\mu C/s$  دی د حرکت شدت ته، د رسیدلو اصغری توان محاسبه کړئ؟

## مشکلات (Problems):

1. (a) څومره د پوتانشیال تفاوت ته ضرورت دی چې د یو الکترون سرعت د نور د سرعت  $c$  څخه رابنکته شي او د نیوټن د میخانیک د سرعت  $V$  سره سمون وڅوري؟ (b) د نیوټن میخانیک  $V$  د  $C$  په شان رده وي نو استعمال کړئ یوه صحیحه رابطه د حرکتی انرژي د روښانه کولو لپاره (۲۰-۳ معادله وګورئ)؟

په ځای د نیوټن  $k = \frac{1}{2}MV^2$  اصطلاح چې بیان شي. د الکترون د ښکته کېدو د حقیقي سرعت د پیدا کېدو څخه د پوتانشیال د تفاوت شمېرل شوي، (a) روښانه کړئ د دې سرعت لپاره د نور د سرعت مناسب کسر؟

2. تمرین تکرار کړی. فرضوو هغه الکترون چې دخالي شوي قشر څخه چې شعاع یې  $2,82 \times 10^{-15} M$  ده د  $e$  د چارج سره چې په مساوي ډول یې د سطحې د پاسه توزیع شوي دي په لاس راوړی؟

3. د  $q$  مثبت چارجداره زره فرضوو چې د  $p$  په موقعیت کې واقع ده، یوه دویمه زره چې کتله یې  $m$  ده او د  $-q$  منفي چارج لري په یوه دایره کې چې شعاع یې  $r_1$  ده او په ثابت سرعت سره د  $P$  په مرکز حرکت کوي د  $W$  هغه کار چې د خارجي عامل پواسطه دوهمی ذری د حرکت له امله په بله لویه دایره چې شعاع  $r_2$  ده او مرکز یې په  $P$  دی اجرا شوی کار پیدا کړی؟

4. د  $r$  په شعاع د یوې غیر هادي کرې په داخل چې یو نواخت د چارج کثافت لري، برقي ساحه یې چې شعاعي جهت لري او  $E = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0 R^3}$  مقدار لري چېرته چې  $q$  د کرې ټول چارج دی او  $r$  د کرې د مرکز څخه فاصله ده ( $a$ ) د کرې په داخل کې  $V$  پوتانشیال پدیا کړی. په  $r = 0$  کې  $V = 0$  ونیسئ. ( $b$ ) د پوتانشیال تفاوت د کرې د سطحې او مرکز ترمنځ په یوه نقطه کې پیدا کړی؟ که چېرې  $q$  مثبت وي، کومه نقطه لوی پوتانشیال لري؟ ( $c$ ) وښایست پوتانشیال د مرکز څخه د  $r$  په فاصله کې چېرته چې  $r < R$  څخه وي چې  $V = \frac{q(3R^2 - r^2)}{8\pi\epsilon_0 R^3}$  په واسطه راکړل شوي، چېرته چې  $r \rightarrow \infty$  وي نو پوتانشیال صفر دی. ولې دا نتیجه د  $a$  د پارت (برخې) دنتیجې سره فرق لري؟

5. د  $+122mc$  درې چارجونه چې دمتساوي الاضلاع مثلث په کنجونو کې چې ضلع یې  $1,72m$  ده واقع ده. که چېرته د تهیه شوي انرژي  $831w$  وشمېرله شي څومره ورځې لازم دی چې یو د چارجونو حرکت د نورو دوه چارجونو د وصل کونکي خط په نیمايي نقطه کې وکړی؟

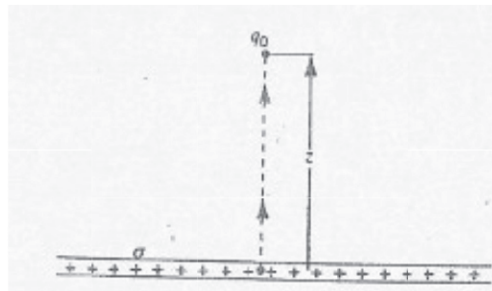
6. د  $m$  په کتله یوه زره چې چارج یې  $q > 0$  څخه دې او د پرتاب کېدو ابتدایی حرکتی انرژي یې  $K$  ده (دلایتناهي څخه د تفکیک لپاره) د یوې درندې هستې سره نږدې یې چارج  $q$  فرض شوی دی چې زموږ د مرجع په یو موقعیت کې واقع دی د  $q$  د زرو څو هستې به مرکز ته نږدې شوي وي، کله چې سکون ته دفتراً ورسېږي او زموږ په نظر کې نیول شوي انرژي به پوره کړي؟ د  $a$  یوه نیم گړۍ (ناقص) په نظر کې نیول شوي



یوې زرې سره د  $c$  د خو خاصو زرو هستې نږدې شي تر څو فاصله یې د  $a$  د پارت دمعرفي شوي فاصلې دوه برابره شي؟  $d$  معرفي کړي؟ د زرې هغه سرعت چې په دې مخصوصه فاصله کې ځانگړې شوي، فرضوو چې هغه زره د هستې سطحې ته نه رسیږي.

7. د اوبو یو کروي څاڅکي چې  $32,0pc$  چارج لري او په خپله سطح کې پي پوتانشیال  $512V$  دی ( $a$ ) د څاڅکي شعاع څومره ده؟ ( $b$ ) همدارنگه که چېرته دوه څاڅکي چې مساوي چارج لري چې شعاعګانې د یو کروي شکله څاڅکي سره وصل دی دنوي څاڅکي په سطح به پوتانشیال څومره وي؟ که په لایتناهي کې  $V = 0$  وي؟

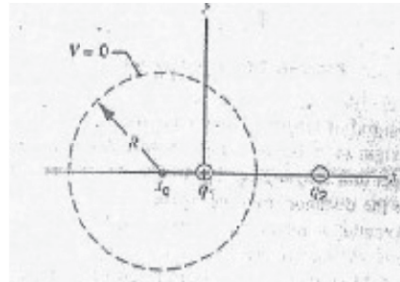
8. ۲۸-۴۲ شکل دیو نامحدوده قشر څنډې رانښايي چې سطحې کثافت یې  $S$  دی، ( $a$ ) څومره کار د قشر برقي ساحې په واسطه اجرا شوی چې د  $q_0$  کوچنۍ امتحاني چارج په قشر کې د اول موقعیت څخه اخري موقعیت ته، حرکت وکړی چې د قشر څخه د  $Z$  په یوه عمودي فاصله کې واقع دی؟ ( $b$ ) د  $a$  نتیجه استعمال کړی تر څو د یو نامحدوده چاجداره قشر برقي پوتانشیال وښايي، کیدای شي چې  $V = V_0 - (\delta / z E_0) z$  وليکو: چېرته چې  $V_0$  د قشر په سطح پوتانشیال دی؟



۴-۴۲ شکل: ۸ مشکل.

9. د  $q_1 = +6e$  نقطوي چارج د مستطیل دسیستم سره برابر په مبدا کې واقع دی او د  $q_2 = -10e$  دوهم نقطوي چارج په  $x = 9,60 \text{ nm}$  کې د  $V = 0$  دیوی دایرې په مرکز کې د  $x$  د محور دپاسه قرار لري. په ۲۸-۴۳ شکل کې ښوول شوي. پیدا کړی؟

(a) د  $X_e$  موقعیت د دایرې د مرکز څخه؟ او (b) د دایرې د شعاع  $r$  شعاع؟ (c) که چېرته  $V = 5v$  وي نو هم پوتانشیال یوه دایره پیدا کړی؟



۴۳-۴ شکل ۹: مشکل.

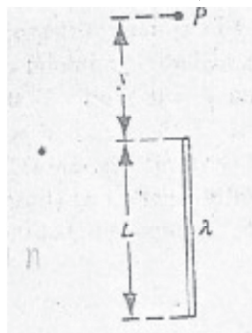
10. د  $q$  مثبت چارج مجموعي مقدار چې غیر هادي همواره کره ای حلقو د پاسه چې داخلي شعاع یې  $a$  او خارجي شعاع  $b$  ده خپور شوی د چارج توزیع او همدارنگه د چارج سطحې کثافت د  $\delta = K/r^3$  په واسطه ورکړل شوي دی. چېرته چې  $r$  د مرکز څخه د حلقو د هرې نقطې فاصله ده چې په حلقو د پاسه پرته دي. وښایاست هغه (په لایتناهي کې  $V = 0$  دی) پوتانشیال د حلقو په مرکز چې د  $V = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0} \left(\frac{a+b}{ab}\right)$  واسطه ورکړل شوی ده.

11. د ۴۴-۴ شکل د چارج د بڼې لپاره  $V(r)$  د عمودې محور د پاسه نقطو لپاره وښایاست؟ قبلو چې  $d \gg r$  دی چې د  $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{2}{r} \left(1 + \frac{2d}{r}\right)$  په واسطه راکړل شوی دی. (یادونه: د چارج بڼه دیو عایق په واسطه د جدا شوو چارجونو او یو ډایپول په شان شاید ولیدل شي) په لایتناهي کې  $V = 0$  دی



۴-۴۴ شکل: ۱۱ مشکل.

12. چارج په واحد فاصلې  $\lambda$  دیوې نازکې میلې په امتداد په یو نواخت ډول توزیع شوي دي. (a) پوتانشیال د  $P$  په هغه یوه نقطه کې معرفي کړی، په (لایتناهي کې) د  $L$  په اوږدوالی چې د  $\gamma$  په فاصله د میلې دیو انجام څخه دهغې په خط کې قرار لري ( ۴-۴۵ شکل وگورئ) (b) د  $a$  نتیجه استعمال کړی، د  $\gamma$  په جهت کې په  $P$  کې دبرقي ساحې ترکیب کوونکی اجزاء د میلې په امتداد محاسبه کړی؟ (c) د میلې سره په عمودي جهت کې د  $P$  دبرقي ساحې ترکیب کوونکی اجزاء معرفي کړی؟



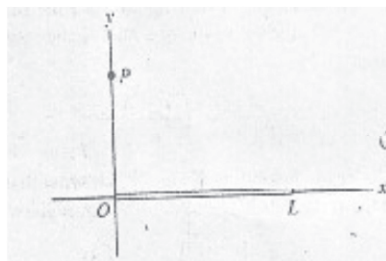
۴-۴۵ شکل: ۱۲ مشکل.

13. یوه نازکه میله چې اوږدوالی یې  $L$  دی د  $x$  دمحور په امتداد منطبقه ده چې یو انجام یې په مبدا  $X = 0$  کې دی ۲۸-۴۶ شکل په شان چې:

$$+ \lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{د فاصلې په واحد}} = kr$$

پکې توزیع شوي دی، چیرته چې  $K$  ثابت او  $r$  د مبدا څخه یې فاصله ده، (a) د  $y$  په محور د  $P$  په نقطه کې  $V$  پیدا کړی؟ په الکتروستاتیک کې په لايتناهي کې  $V = 0$  ورکوي. (b) د  $E_y$  عمودي ترکیب کوونکی اجزاي د  $a$  دنتیجې څخه د  $P$  برقي ساحه لپاره د جهت دمحاسبې په واسطه معرفي کړی؟ (c) ولې د  $E_x$  افقي مرکبي د  $P$  د برقي ساحې لپاره د  $a$  دبرقي دنتیجې د استعمال څخه نشو پیدا

کولای؟ ( $d$ ) د میلی خخه په کومه فاصله کې د  $y$  د محور په امتداد د پوتانشیال قیمت یو نیم برابر دمیلی د کین انجام دی؟



۴۵-۴ شکل: ۱۳ پرابلم

14. دوه عینې هادي کړې چې شعاع یې  $15,0\text{cm}$  ده د  $10,0\text{m}$  یوې فاصلې په واسطه سره جدا شوي دي دهرې کړي چارج به خومره وی که چېر ته د یوې پوتانشیال  $1500\text{V}$  او د بلې  $-1500\text{V}$  وي؟ ستاسې په فرضی نقطه کې جوړ کړی؟ په لایتناهي کې  $V = 0$  دی؟

15. ځمکه یوه کروي هادي ده چې شعاع یې  $6,370\text{ km}$  ده او په ابتدا کې بې چارجه ده یوه فلزي کره چې د بې چارجه کولو اثر لري د کړې زیاتې الکترونو د تقسیمیدو په واسطه چې ددې خخه وروسته د کړې اصلي الکترونونه په کره کې باقي پاتې کېږي البته د ځمکې سره د وصلیدو وروسته؟

16. د مسو یوه کره چې  $1,08\text{ cm}$  شعاع لري او نکل سره ډیره نازکه پوښل شوې سطحه لري چې دنکل اتومونه اکثره میله یواکتیف دی او هر اتوم یې یو الکترون لري، کومې چې نیم د دې الکترونونو د مسو کړې ته داخلېږي چې هر یو یې  $100\text{ kev}$  انرژي هلته ذخیره کوي او نور نیم الکترونونه د  $-e$  چارج لري ازادېږي دنکل پوښ  $10,0\text{ Cm}$  رادیواکتیف رادال  $3,70 \times 10^8 / \text{s}$   $10,0\text{millicuries} = 10,0\text{mCi}$  رادیو اکتیوی چې هر یو فعالیت لري ډاګر دیو اوږد عایق تار په واسطه ځوړنده شوې ده او د عایق په واسطه احاطه شوې ده خومره اوږده شي چې دلري پوتانشیال  $1000\text{ V}$  شي؟

17. یو نازکه عایق شوي هادي کروي قشر هغه چې منظم چارج شوي وي او  $S$  د چارج ثابت کثافت ولري خومره کار به ورباندې اجرا شي ترڅو  $q_0$  ورکوتې مثبت امتحاني چارج ته حرکت وکړي؟ (a) د قشر د سطحې څخه د یو کوچني قشر د داخلي سوري تر وسط پورې؟ (b) د سطحې د پاسه د یوې نقطې څخه د نورو پورې، د مسیر څخه صرف نظر شوي (c) د نقطې څخه د قشر داخلي نقطې پورې؟ (d) د قشر څخه بیرون د  $P$  د هرې نقطې څخه د مسیر د پاسه ایا هغه نشي کولی چې بیرته  $P$  ته راشي؟ (e) ایا د نې ورکړي لپاره دا غوره ده چې قشر هادي نه وي؟

18. د الکتروستاتیک یو تعجیل ورکوونکی د لوړ ولتيج الکترون چې د یو فلزي چارجداره کروي شکله قشر دی او  $9,15 MV$  پوتانشیال لری په لایتناهي کې  $V = 0$  دی (a) د گاز برقي ماشین کې چې د کاره پریوتی دی د  $100 MV/m$  یوه برقي ساحه لري. دې قسم د کار ولیدلو لپاره قشر د  $r$  په کومه شعاع جوړ شي چې ورڅخه مخنوی وشي؟

(b) داوږد حرکت لپاره د ایروې کمربند قشر ته چارجیدل  $320 mc/s$  دی او د قشر پوتانشیال ثابت پاتې کېږي. نو د کمیدو لپاره کوم صفري طاقت لازم دی چې چارج ئی تبدیل کړي (c) که د کمربند سرعت  $w = 48 cm$  او حرکت سرعت یې  $33,0 m/3e$  وي د کمربند د پاسه ئی سطحی کثافت به خومره وي؟

### کمپوټري مشکلات (Computer problems):

1. د چارج کثافت د یوې میلی د پاسه چې اوږدوالی یې  $L$  دی د  $x$  د محور د پاسه قرار لری د  $\left(1,0 \frac{\mu C}{m}\right) \sin^2\left(\frac{\pi x}{L}\right)$  ■ معادلې په واسطه ورکړل شوي (a) د  $xy$  په مستوی کې د پوتانشیال تولیدی شمار رسم کړي؟ او وروسته ستاسیې نقشه دهم د پوتانشیاله خطونو د پیدا کیدو لپاره استعمال کړي؟ (b) د نقشې څخه د تولید شوي برقي ساحې خطونه او ستاسیې نتیجه د ۲ څپرکی د دوهم کمپیوټري پرابلم سره مقایسه کړي؟

2. دهم پوتانشياله خطونو هغه شمير په دوه بعدونو کې تحقيق کړی چې د دوه مساوي او مختلف علامه چارجونو د دایرو گرد چاپیره دی؟ ایا دا دایرې متحد المرکزه دی؟

تمت بالخير

## د مؤلف لنډه پېژنده



استاد پوهنځي هدايت الله د مولوي محمود ځوی چې د ننگرهار ولايت د مومندري ولسوالۍ د باسول کلي په يوه دينداره کورنۍ کې په ۱۳۳۴ هـ ش کال زيږدلی دی په ۱۳۴۰ هـ ش کال د ايميل بابا دلبسې په لومړۍ ټولگي کې شامل او په ۱۳۵۲ هـ ش کال د همدې لېسې څخه په اوله نمره فارغ شو او له هغې وروسته استاد ۱۳۵۳ هـ ش کال د کانکور دازموينې څخه د کابل پوهنتون د ساينس په پوهنځي کې شامل او په ۱۳۵۶ هـ ش کال د نوموړي پوهنځي څخه په اعلى درجه فارغ شو.

د فراغت څخه وروسته په ۱۳۵۶ هـ ش کال د ايميل خان بابا په لېسه کې د ښوونکي په صفت په دنده مقرر شو او وروسته بيا په ۱۳۵۸/۱۲۱ هـ ش نيټه د ننگرهار پوهنتون د انجنيري پوهنځي کې د استاد په صفت په دنده مقرر شو د سرو لښکرو د يرغل سره په ۱۳۶۴ هـ ش کال گاونډي هېواد پاکستان ته مهاجر شو چې هلته يې هم په مختلفو ښوونځيو لکه احداد، سيد جمال الدين افغان، سلطان شهاب الدين غوري او د التقوى په لېسو کې د ښوونکي مقدسه دنده پرمخ يوړله او هم د بلجيم په مؤسسه کې د ښوونکو د مسلکي روزنې کې د استاد په صفت کار کړی.

په ۱۳۷۲ هـ ش کال د مهاجرينو د راستنېدو سره سم استاد هم خپل پلارني ټاټوبي ته راستون شو او په ۱۳۷۲ هـ ش کال د ننگرهار په پوهنتون د طب په پوهنځي کې د استاد په صفت مقرر او تر اوسه په همدغه مقدسه دنده مصروف دی.

هيره دی نه وي چې استاد د دی سره سره ديني درسونه ( فقه، عقايد، نحوه او صرف، تفسير شريف، تجويد او نور ) د خپل پلار څخه زده کړي دي.

په درنښت

## **Message from the Ministry of Higher Education**

In history, books have played a very important role in gaining, keeping and spreading knowledge and science, and they are the fundamental units of educational curriculum which can also play an effective role in improving the quality of higher education. Therefore, keeping in mind the needs of the society and today's requirements and based on educational standards, new learning materials and textbooks should be provided and published for the students.

I appreciate the efforts of the lecturers and authors, and I am very thankful to those who have worked for many years and have written or translated textbooks in their fields. They have offered their national duty, and they have motivated the motor of improvement. I also warmly welcome more lecturers to prepare and publish textbooks in their respective fields so that, after publication, they should be distributed among the students to take full advantage of them. This will be a good step in the improvement of the quality of higher education and educational process.

The Ministry of Higher Education has the responsibility to make available new and standard learning materials in different fields in order to better educate our students.

Finally I am very grateful to German Aid for Afghan Children and our colleague Dr. Yahya Wardak that have provided opportunities for publishing textbooks of our lecturers and authors.

I am hopeful that this project should be continued and increased in order to have at least one standard textbook for each subject, in the near future.



Sincerely,  
Prof. Dr. Farida Momand  
Minister of Higher Education  
Kabul, 2016



## **Publishing Textbooks**

Honorable lecturers and dear students!

The lack of quality textbooks in the universities of Afghanistan is a serious issue, which is repeatedly challenging students and teachers alike. To tackle this issue, we have initiated the process of providing textbooks to the students of medicine. For this reason, we have published 223 different textbooks of Medicine, Engineering, Science, Economics and Agriculture (96 medical books funded by German Academic Exchange Service, 100 medical with 20 non-medical books funded by German Aid for Afghan Children and 4 non-medical books funded by German-Afghan University Society) from Nangarhar, Khost, Kandahar, Herat, Balkh, Kapisa, Kabul and Kabul Medical universities. It should be mentioned that all these books have been distributed among the medical and non-medical colleges of the country for free. All the published textbooks can be downloaded from [www.ecampus-afghanistan.org](http://www.ecampus-afghanistan.org).

The Afghan National Higher Education Strategy (2010-2014) states:

*"Funds will be made available to encourage the writing and publication of textbooks in Dari and Pashto. Especially in priority areas, to improve the quality of teaching and learning and give students access to state-of-the-art information. In the meantime, translation of English language textbooks and journals into Dari and Pashto is a major challenge for curriculum reform. Without this facility it would not be possible for university students and faculty to access modern developments as knowledge in all disciplines accumulates at a rapid and exponential pace, in particular this is a huge obstacle for establishing a research culture. The Ministry of Higher Education together with the universities will examine strategies to overcome this deficit."*

The book you are holding in your hands is a sample of a printed textbook. We would like to continue this project and to end the method of manual notes and papers. Based on the request of higher education institutions, there is the need to publish about 100 different textbooks each year.

**I would like to ask all the lecturers to write new textbooks, translate or revise their lecture notes or written books and share them with us to be published. We will ensure quality composition, printing and distribution to Afghan universities free of charge. I would like the students to encourage and assist their lecturers in this regard. We welcome any recommendations and suggestions for improvement.**

It is worth mentioning that the authors and publishers tried to prepare the books according to the international standards, but if there is any problem in the book, we kindly request the readers to send their comments to us or the authors in order to be corrected for future revised editions.

We are very thankful to **Kinderhilfe-Afghanistan** (German Aid for Afghan Children) and its director Dr Eroes, who has provided fund for this book. We would also like to mention that he has provided funds for 100 medical and 20 non-medical textbooks in the past.

I am especially grateful to **GIZ** (German Society for International Cooperation) and **CIM** (Centre for International Migration & Development) for providing working opportunities for me during the past five years in Afghanistan.

In our ministry, I would like to cordially thank Minister of Higher Education Prof Dr Farida Momand, Academic Deputy Minister Prof M Osman Babury, Deputy Minister for Administrative & Financial Affairs Prof Dr Gul Hassan Walizai, and lecturers for their continuous cooperation and support for this project.

I am also thankful to **all** those lecturers who encouraged us and gave us all these books to be published and distributed **all** over Afghanistan. Finally I would like to express my appreciation for the efforts of my colleagues Hekmatullah Aziz, Ahmad Fahim Habibi and Fazel Rahim in the office for publishing books.

Dr Yahya Wardak

CIM-Expert & Advisor at the Ministry of Higher Education

Kabul, Afghanistan, April, 2016

Office: 0756014640

Email: [textbooks@afghanic.org](mailto:textbooks@afghanic.org)

Book Name	Electric Physics
Author	Teach Assist Hydayatullah
Publisher	Nangarhar University, Medical Faculty
Website	<a href="http://www.nu.edu.af">www.nu.edu.af</a>
Published	2016, First Edition
Copies	1000
Serial No	217
Download	<a href="http://www.ecampus-afghanistan.org">www.ecampus-afghanistan.org</a>



This publication was financed by German Aid for Afghan Children, a private initiative of the Eroes family in Germany.

Administrative and technical support by Afghanic.

The contents and textual structure of this book have been developed by concerning author and relevant faculty and being responsible for it. Funding and supporting agencies are not holding any responsibilities.

If you want to publish your textbooks please contact us:

Dr. Yahya Wardak, Ministry of Higher Education, Kabul

Office 0756014640

Email [textbooks@afghanic.org](mailto:textbooks@afghanic.org)

All rights reserved with the author.

Printed in Afghanistan 2016

Sahar Printing Press

ISBN 978-9936-620-30-8